

## SEDAM

Martina Pezer, Zagreb

### Uvod

**B**rojevi nas odvijek i uvijek iznova fasciniraju. Uzrok su veselja i tuge. Donose nam radost, žalost, teškoće, olakšanja, lijepo i ružne trenutke. Gotovo da nema situacije u kojoj se ne pojavljuju. Evo nekih primjera.

Tko će ustati u 5 sati ujutro?	Jedva čekam svoj 18. rođendan!
Zar imam samo 10 kuna u novčaniku?	Zamisli, poskupjeli su 20%!
Katastrofa, imam 69 kg!	Jučer sam pješačio 10 km!

Susrećemo ih u svim znanstvenim disciplinama. Povijest koju učimo u školi vrvi od datuma važnih ratova, rođenja, smrti i revolucionarnih pokreta. Brojevima u zemljopisu označavamo zemljopisnu dujinu i širinu, kao i dubinu mora te visine planina. Formule iz kemije i mjerjenja u fizici nisu izvediva bez brojeva. Brojevi se provlače kroz cijelo naše školovanje i dio su svakodnevnog života. Cijeli je naš život računanje: računanje na prijatelje, brojenje dana, godina i novca. U cijeloživotnom računanju nailazimo na zanimljive činjenice o brojevima. Neki se brojevi često ponavljaju, neki su nam rijetki gosti, dok neki imaju svoj uzorak u pojavnosti. Neki su, jednostavno, posebni. Broj 7 je svakako jedan od njih. Upoznajmo ga pobliže.

### I. U životu



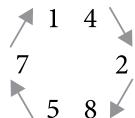
- 7 dana u tjednu
- 7 svjetskih čuda (antičkoga svijeta)
- 7 kontinenata
- 7 dugih boja (ljubičasta, indigo (tamno plava), plava, zelena, žuta, narančasta, crvena)
- 7 nota u glazbenoj ljestvici (do, re, mi, fa, so, la, ti)
- bubamare imaju najčešće 7 točkica
- neutralna pH vrijednost je 7
- 7 je redova u periodičkoj tablici kemijskih elemenata
- kapacitet kratkoročnog pamćenja je  $7 \pm 2$  nepovezanih elemenata...
- u kršćanstvu: 7 smrtnih grijeha, 7 darova Duha svetoga, stvaranje svijeta u 7 dana
- u islamu: postoji 7 Nebesa i 7 Zemalja
- 7 energetskih centara – razina (čakri) u ljudskom tijelu
- praznovjerje: 7 godina nesreće nakon razbijanja ogledala



## II. U matematici

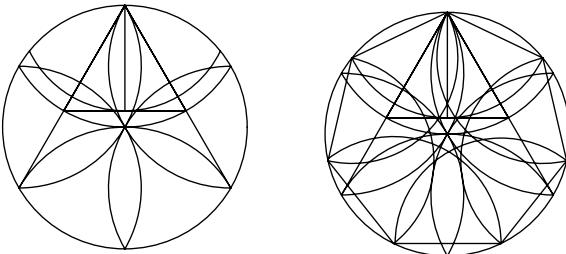
### A) Algebra:

- 7 je četvrti prosti broj, a prvi oblika  $6n + 1$ .
- 7 je također i sretan<sup>1</sup> i veseo<sup>2</sup> broj.
- Početak je aritmetičkog niza od šest prostih brojeva: 7, 37, 67, 97, 127, 157.
- 7 i 11 su prvi par uzastopnih prostih brojeva koji se razlikuju za 4.
- Prvi je broj koji nije zbroj najviše 3 kvadrata.
- *Brocardov problem:* Kada je broj  $n! + 1$  kvadrat? Za  $n = 4, 5$  i  $7$  vrijedi  $4! + 1 = 25 = 5^2$ ,  $5! + 1 = 121 = 11^2$  i  $7! + 1 = 5041 = 71^2$ .
- *Fermatov količnik:*  $(2^{p-1} - 1)/p$  je kvadrat jedino ako je  $p$  jednako 3 ili 7.
- Svi su dovoljno veliki brojevi zbroj 7 pozitivnih kubova.
- Neka je  $k$  osnovni period razlomka  $\frac{1}{7}$ ,  $k = 142\ 857$ . Njegovi višekratnici imaju ciklički zapis s istim znamenkama.  $2k = 285\ 714$ ,  $3k = 428\ 571$ ,  $4k = 571\ 428$ ,  $5k = 714\ 285$ ,  $6k = 857\ 142$ , dok je  $7k = 999\ 999$ .



### B) Geometrija:

- Pravilni sedmerokut može se vrlo točno konstruirati ravnalom i šestarom na nekoliko načina. Najjednostavniji je način podijeliti kružnicu šestarom na šest dijelova, a zatim jednakostraničan trokut kojemu je duljina stranice jednaka polumjeru nacrtane kružnice. Visina tog jednakostraničnog trokuta vrlo je točna aproksimacija stranice pravilnog sedmerokuta (relativna pogreška 0.2%) upisanog u tenu kružnicu.



- Budući da je  $7^2$  samo za 1 manje od 50, Grci su 7 nazivali *racionalnom aproksimacijom dijagonale* ( $\sqrt{50}$ ) kvadrata sa stranicom duljine 5.
- Ako su  $a, b$  duljine kraćih stranica (kateta) Pitagorina trokuta, onda 7 dijeli jedan od brojeva  $a, b, a - b$  ili  $a + b$ .

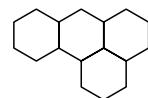
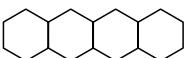
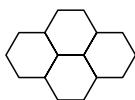
<sup>1</sup>Sretni brojevi preostanu nakon višestruke primjene Eratostenovog sita na niz prirodnih brojeva; izbacuju se redom svaki drugi, pa svaki treći, zatim svaki četvrti, itd. I preostane niz sretnih brojeva: 1 3 7 9 13...

<sup>2</sup>Počevši bilo kojim brojem, sve se znamenke kvadriraju i kvadrati zbroje. Postupak se ponavlja, a dođe li se do rezultata 1, početni je bio veseo broj.





- Postoji 7 načina za povezivanje 4 šesterokuta zajedno.



Ovo su tri načina, možete li pronaći ostale?

- Tupokutni se trokut može podijeliti na najmanje 7 šiljastokutnih trokuta.
- 7 je najveći broj površina na koje tri pravca dijele ravninu.

### C) Igre (kartanje i kockanje):



- Potrebno je 7 izmjeničnih miješanja kako bi šipil karata poprimio slučajnu raspodjelu.
- 7 je zbroj „točkica” bilo kojih dviju suprotnih strana na standardnoj šestestranoj kocki. Ako se bacaju dvije kocke, zbroj 7 ima vjerojatnost pojavljivanja  $\frac{1}{6}$ .

### D) Djeljivost brojem 7:

Postoji nekoliko pravila i načina kako možete provjeriti je li neki broj djeljiv brojem 7.

- Najjednostavniji je način zadnju znamenku nekog broja uđivostručiti i oduzeti od ostatka broja. Broj oblika  $10x + y$  djeljiv je brojem 7 ako i samo ako je  $x - 2y$  djeljivo brojem 7. (Tvrđnja slijedi iz  $5(10x + y) = 50x + 5y = (49x + 7y) + (x - 2y) = 7(7x + y) + (x - 2y)$ .) Ovaj postupak treba ponavljati dok se ne dobije dovoljno mali broj (npr. manji od 80).

Npr. provjera za broj 203: zadnju znamenku uđivostručimo ( $3 \cdot 2 = 6$ ) i oduzmemmo je od ostatka broja,  $20 - 6 = 14$ . Budući da je 14 djeljivo brojem 7, brojem 7 djeljiv je i broj 203. No, primjena ovog pravila nije praktična kod velikih brojeva.

- Drugi je način množenje brojem 3. Broj oblika  $10x + y$  ima isti ostatak pri dijeljenju brojem 7 kao i broj  $3x + y$ . Prvu lijevu znamenku pomnožite brojem 3, dodajte sljedeću znamenku, uzmite ostatak od dijeljenja brojem 7 i počnite ispočetka: pomnožite brojem 3, dodajte sljedeću znamenku itd.

Npr. provjera za broj 364:  $3 \cdot 3 + 6 = 15$  ( $15 : 7 = 2$ ), ostatak pri dijeljenju brojem 7 je 1, pa računamo  $1 \cdot 3 + 4 = 7$ , dakle broj 364 djeljiv je brojem 7.

\*\*\*

Nakon što ste se upoznali sa zadivljujućim činjenicama o broju 7, možete provjeriti je li ovaj broj sretan za vas. 7 nije čaroban broj, ali se na neobičan način pojavljuje u čudnim situacijama. Neki se brojevi ponavljaju u nečijem životu. Neki datumi slijede određeni uzorak. Stoga, osvrnute se na prošlost kako biste vidjeli koji vas je broj pratio u životu. Je li možda 7?



### III. Zadatci

- Izračunajte:  $7 + 7 : 7$ .
- Koristeći u članku opisane metode, provjerite jesu li brojevi 1 050 i 31 425 djeljivi brojem 7.
- Koji broj treba doći na mjesto upitnika?

9	14	?			
47	29	55	27	33	19

7	4	1	4
8	5	3	6
3	2	8	9
2	1	6	?

- Koji broj treba pisati na mjestu upitnika? (tablica desno)
- Na šahovskom turniru sudjelovalo je 7 šahista i svaki je sa svakim odigrao po jednu partiju. Koliko su par-tija odigrali ukupno?
- Problem Sedam königsberških mostova*  
Je li moguće samo jedanput prijeći preko svih sedam mostova koji povezuju dva otoka na rijeci Pregel s ostakom grada Königsberga?
- Zagonetka:*  
Problem St. Ivesa: „Kad sam išao u St. Ives, sreo sam čovjeka sa 7 žena. Sva-ka je žena imala 7 vreća, u svakoj vreći 7 mačaka, a svaka je mačka imala 7 mačića. Koliko je mačića, mačaka, vreća i žena išlo u St. Ives?”



#### Literatura:

- Wells, D.: Rječnik zanimljivih i neobičnih brojeva, Sveučilišna knjižara, Za-greb, 2005.
- Kidzworld: Division Tips and Tricks <http://www.kidzworld.com/article/4979-math-help-division-tips-and-tricks>
- Oak, M.: Facts about the Number Seven, Puzzle.com <http://www.buzzle.com/articles/facts-about-the-number-seven.html>
- VirtueScience.com: The Number 7 <http://www.virtuescience.com/7.html>
- Wikipedia, Divisibility rule [http://en.wikipedia.org/wiki/Divisibility\\_rule#Divisibility\\_by\\_7](http://en.wikipedia.org/wiki/Divisibility_rule#Divisibility_by_7)



Rješenja zadataka potražite na stranici 215.

