



# MATEMAGICAR

МАТЕМАТИЧАСНИК

## PAR-NEPAR

Franka Miriam Brückler

Lijep je i sunčan dan. Učenici Dagobertovog omiljenog razreda igraju se na školskom dvorištu.

- *Hej, eno Dagoberta!, vikne Marija.*

- *Heeej... Dagobeeeeerteee...*

Dagobert je samo u prolazu, nije namjeravao danas doći do njih, pa im samo mahne. No, Marta i društvo to su krivo shvatili pa dotrče do njega.

*- Zar nećeš k nama? Baš smo se jučer kladili koji ćeš nam tip trika pokazati kad ponovno dodeš k nama. Evo, tu imam papir s dokazom. Svi smo dali po 2 kune i kupili čokolade. Oni koji su u pravu, podijelit će čokoladu,* reče Nenad.

Dagobert se našao zatečen. Planirao je do njih doći tek sljedeći mjesec.

- *Joj, djeco, nisam se baš spremao, mislio sam doći sljedeći mjesec...*

*- Ma, ajde, jedan trik!... Bilo koji novi... Samo da vidimo tko je dobio čokoladu. Ne želimo čekati još mjesec dana, tko zna bi li čokolada toliko izdržala...*



Dagobert je prisiljen improvizirati pa brzo smisliti neki trik, no svi su mu isparili iz glave. A onda se počeše redom pojavljivati oni koje je djeci ovog razreda već pokazao. Nakon minute (tijekom koje su, naravno, svi skakutali oko njega i nagovarali ga) odnekud mu sinu jednostavan trik koji dugo nije izvodio.



- Evo, dobro, može jedan na brzinu. Trebam jednog sudionika koji dobro zna napamet zbrajati i množiti male brojeve jer nemam pri ruci papir i olovku. Ako se ne varam, Marija je u tome dobra. Hoćeš li mi pomoći?

- Može.

Evo, izaberi broj 2 ili 3, no nemoj mi reći koji si izabrao. Odabrani broj pomnoži sa 7, a onaj drugi s 4. Zbroji ta dva umnoška i reci mi rezultat!

- 26.

Odabrao si 2.

Dagobert je, po običaju, bio u pravu. Budući da se jako žurio, ostalo mu je tek toliko vremena da zapita:

- I, tko je dobio čokoladu?

- Trik je bio s brojevima, Nenad će, vadeći papir. - Dakle, Krešo, Kiki i ja smo pogodili! Jeeeeeeeeeee....!!!



Opisani trik vrlo je jednostavan. Umjesto 2 i 3, odnosno 7 i 4, mogu se uzeti bilo koja četiri broja, uz uvjet da su u oba para po jedan paran i neparan broj. Stoga je trik lako izvesti puno puta bez ponavljanja brojeva. Trik se temelji na sljedećim svojstvima parnih i neparnih brojeva: umnožak parnog broja bilo s parnim, bilo s neparnim brojem daje paran broj, a umnožak dvaju neparnih brojeva je neparan. Nadalje, zbroj dvaju parnih brojeva je paran broj, a zbroj neparnog i parnog broja je neparan.

Recimo da su na izbor ponuđeni brojevi  $p$  i  $n$  ( $p$  je paran, gore 2, a  $n$  je neparan, gore 3). Izvođač trika za račun odabire brojeve  $x$  (neparan) i  $y$  (neparan) i daje upute: „Odabrani broj pomnoži s  $x$ , onaj drugi s  $y$ , zbroji ta dva umnoška i reci mi rezultat.“ Rezultat će biti ili  $px + ny$  (ako je sudionik izabrao  $p$ ) ili  $nx + py$  (ako je sudionik izabrao  $n$ ). U prvom slučaju  $px + ny$  imamo rezultat tipa paran  $\times$  neparan + neparan  $\times$  paran = paran + paran = paran, a u drugom slučaju  $nx + py$  imamo rezultat tipa neparan  $\times$  neparan + paran  $\times$  paran = neparan + paran = neparan. Dakle, ako je sudionik odabrao paran broj, rezultat će biti paran, a ako je odabrao neparan, rezultat će biti neparan.

