

# PIŠEM ILI RIŠEM?

Nikol Radović, Sisak

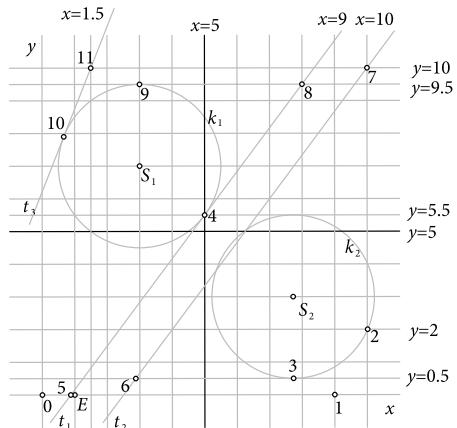
Nastavak iz Matike 80.



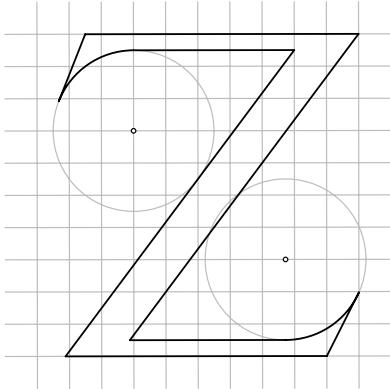
## Primjer 21. Slovo Z.

- Nacrtamo točke  $S_1(3, 7)$  i  $S_2(7.75, 3)$ .
- Nacrtamo kružnice  $k_1(S_1, 2.5)$ ,  $k_2(S_2, 2.5)$ .
- Pravci  $y = 0$  ( $x$ -os) i  $x = 9$  sijeku se u točki 1.
- Pravci  $y = 2$  i  $x = 10$  sijeku se u točki 2.
- Pravac  $y = 0.5$  dodiruje kružnicu  $k_2$  u točki 3.
- Pravci  $y = 5.5$  i  $x = 5$  sijeku se u točki 4.
- Točkom 4 konstruiramo tangentu  $t_1$  kružnice  $k_1$ .
- Tangenta  $t_1$  siječe pravac  $y = 0$  u točki 5.
- Pravac  $y = 9.5$  i tangentu  $t_1$  sijeku se u točki 8.
- Pravci  $y = 10$  i  $x = 10$  sijeku se u točki 7.
- Točkom 7 nacrtamo pravac  $t_2$  koji je usporedan s tangentom  $t_1$ .
- Pravci  $y = 0.5$  i  $t_2$  sijeku se u točki 6.
- Pravac  $y = 9.5$  dodiruje kružnicu  $k_2$ . Točka 9 je diralište.
- Pravci  $y = 10$  i  $x = 1.5$  sijeku se u točki 11.
- Iz točke 11 konstruiramo tangentu  $t_3$  kružnice  $k_1$ , diralište je točka 10, slika 69.
- Točkama 1 i 2 nacrtamo/konstruiramo dužinu; točkama 2 i 3 konstruiramo luk na kružnici  $k_2$ ; točkama 3 i 6 nacrtamo/konstruiramo dužinu; točkama 6 i 7 nacrtamo/konstruiramo dužinu; točkama 7 i 11 nacrtamo/konstruiramo dužinu; točkama 11 i 10 nacrtamo/konstruiramo dužinu; točkama 10 i 9 konstruiramo luk na kružnici  $k_1$ ; točkama 9 i 8 nacrtamo/konstruiramo dužinu; točkama 8 i 5 nacrtamo/konstruiramo dužinu; točkama 5 i 1 nacrtamo/konstruiramo dužinu.

*Slika 69.*



- „Brisanjem” oznaka točaka, kružnica, pomoćnih pravaca, kao i koordinatnih osi, slika 70. risano/pisano je slovo Z.



Slika 70.



Slika 71.

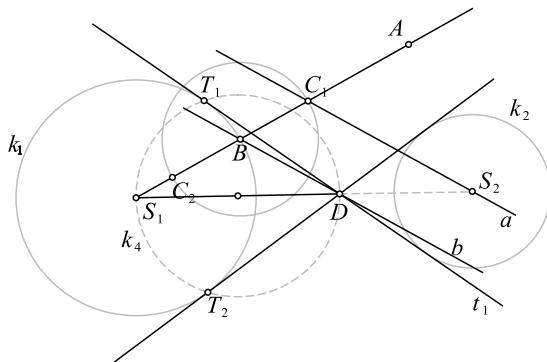
- „Brisanjem” mreže kvadratića i bojenjem narisano je slovo Z, slika 71.

Prije risanja/pisanja slova S, pogledajmo kako se mogu konstruirati unutrašnje zajedničke tangente  $t_1$  i  $t_2$  dviju kružnica  $k_1$  i  $k_2$ .

### Konstrukcija zajedničkih tangenti dviju kružnica

- Nacrtamo dvije kružnice:  $k_1(S_1, r_1)$ ,  $k_2(S_2, r_2)$ .
- Odaberimo proizvoljnu točku, primjerice označimo je kao točku A koja je izvan kružnica.
- Središta kružnica, točkama  $S_1$  i  $S_2$  nacrtamo dužinu  $\overline{S_1S_2}$ .
- Točkama  $S_1$  i A nacrtamo polupravac  $S_1A$ .
- Polupravac  $S_1A$  i kružnica  $k_1$  sijeku se u točki B.
- Nacrtamo kružnicu  $k_3(B, r_2)$ .
- Kružnica  $k_3$  i polupravac sijeku se u dvije točke,  $C_1$  i  $C_2$ . Odabiremo točku  $C_1$  koja je između točaka A i B.
- Točkama  $S_2$  i  $C_1$  nacrtamo pravac  $a$ .
- Točkom B nacrtamo pravac  $b$  koji je usporedan s pravcem  $a$ .
- Pravac  $b$  sijeće dužinu  $\overline{S_1S_2}$  u točki D.
- Iz točke D konstruiramo tangente  $t_1$  i  $t_2$  kružnice  $k_1$  (primjenom Talesovog poučka). Tangente  $t_1$  i  $t_2$  unutrašnje su zajedničke tangente kružnica  $k_1$  i  $k_2$ , slika 72.

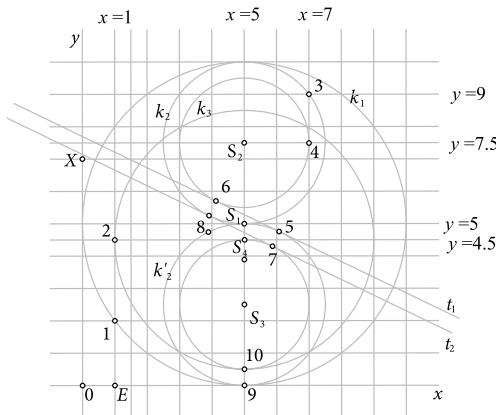




Slika 72.

**Primjer 22.** Slovo S.

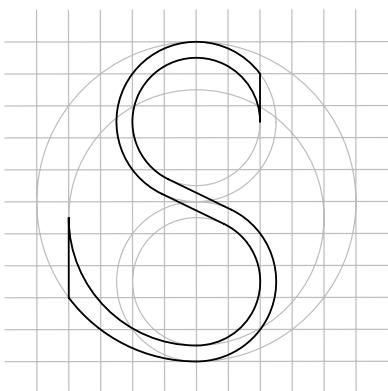
- Nacrtamo točke  $S_1(5, 5)$ ,  $S_2(5, 7.5)$ ,  $S_3(5, 2.5)$ ,  $S_4(5, 4.5)$  i  $X(0, 6)$ .
- Nacrtamo kružnice  $k_1(S_1, 5)$ ,  $k_2(S_2, 2.5)$ ,  $k'_2(S_3, 2.5)$ ,  $k_3(S_2, 2)$ ,  $k'_3(S_3, 2)$ ,  $k_4(S_4, 4)$ .
  - Pravac  $x = 1$  siječe kružnicu  $k_1$  u točki 1, a kružnicu  $k_4$  dodiruje u točki 2.
  - Pravac  $x = 7$  siječe kružnicu  $k_2$  u točki 3, a kružnicu  $k_3$  dodiruje u točki 4.
  - Primijenimo prije opisanu konstrukciju na kružnice  $k'_2$ ,  $k_3$  pri čemu neka je pomoćna točka točka  $X$ , i konstruiramo zajedničku tangentu  $t_1$ . Točke 5 i 6 su dirališta.
  - Primijenimo prije opisanu konstrukciju na kružnice  $k'_3$ ,  $k_2$  pri čemu neka je pomoćna točka točka  $X$ , i konstruiramo zajedničku tangentu  $t_2$ . Točke 7 i 8 su dirališta.
  - Pravac  $x = 5$  siječe kružnice  $k_1$  i  $k_3$  u točkama 9 i 10, slika 73.



Slika 73.

- Točkama 1 i 2 nacrtamo/konstruiramo dužinu; točkama 2 i 10 konstruiramo luk na kružnici  $k_4$ ; točkama 10 i 7 konstruiramo luk na kružnici  $k'_3$ ; točkama 7 i 8 nacrtamo/konstruiramo dužinu; točkama 8 i 3 konstruiramo luk na kružnici  $k_1$ ; točkama 3 i 4 nacrtamo/konstruiramo dužinu; točkama 4 i 6 konstruiramo luk na kružnici  $k_2$ ; točkama 6 i 5 nacrtamo/konstruiramo dužinu; točkama 5 i 9 konstruiramo luk na kružnici  $k'_2$ ; točkama 9 i 1 konstruiramo luk na kružnici  $k_1$ .

- „*Brisanjem*” oznaka točaka, kružnica, pomoćnih pravaca, kao i koordinatnih osi, slika 74. risano/pisano je slovo S.



Slika 74.



Slika 75.

- „*Brisanjem*” mreže kvadratiča i bojenjem narisano je slovo S, slika 75.

### Literatura:

1. T. Davis, *Geometry with Computers, Computer – Based Techniques to Learn and Teach Euclidean Geometry*, 2006./ <http://www.geometer.org/geometer/Geometry.pdf>/21.10.2011./
2. D. Pode, *Geometry and the Visual Arts*, Dover Publications, Inc. New York, 1976.

### Internet adrese:

- [http://content-4.powells.com/cover?isbn=9780486213064/19.10.2011./](http://content-4.powells.com/cover?isbn=9780486213064)
- [http://www.gutenberg.org/files/20590/20590-h/20590-h.htm/19.10.2011./](http://www.gutenberg.org/files/20590/20590-h/20590-h.htm)
- [http://www.typeculture.com/academic-resource/articles-essays/pdfs/tc\\_article\\_16.pdf/19.09.2011./](http://www.typeculture.com/academic-resource/articles-essays/pdfs/tc_article_16.pdf)

