

$\pi^{\log} \sqrt{\text{mat} \chi}$

Sortiranje podataka

Goran Delač

U *PlayMath*-u br. 8 upoznali smo se s time kako ubrzati potenciranje nekog broja. Sada ćemo obraditi jedan vrlo čest praktični problem s kojim se susrećemo u životu, a to je **sortiranje podataka**.

Imamo nekakav niz od $n \in \mathbb{N}$ podataka u nekom vektoru A :

$$\begin{array}{c|c|c|c} A[0] & A[1] & \dots & A[n-1] \\ \hline a_0 & a_1 & \dots & a_{n-1} \end{array}$$

Vrijednosti a_0, \dots, a_{n-1} vrlo često možemo uspoređivati na neki način (abecedno, brojčano i sl.). Naprimjer, ako su a_0, \dots, a_{n-1} imena, želimo ih poredati (sortirati) po abecedi ili ako su u pitanju godine, želimo ih poredati po starosti, ...

S tom svrhom razvijeni su brojni algoritmi koji počivaju na različitim idejama. Ovdje ćemo navesti dvije.

Selection sort

Jedan od jednostavnijih algoritama za sortiranje je *selection sort*.

```

za  $i = 0$  do  $n - 1$  radi
   $min = i;$ 
  za  $j = i + 1$  do  $n - 1$  radi
    ako  $A[j] < A[min]$ 
       $min = j;$ 
   $A[i] = pom;$ 
   $A[i] = A[min];$ 
   $A[j] = pom;$ 

```

Ovaj pseudokod preveden na programski jezik C izgledao bi ovako:

```

for ( $i = 0$ ;  $i < n$ ;  $i++$ ) {
   $min = i;$ 
  for ( $j = i+1$ ;  $j < n$ ;  $j++$ ) {
    if ( $A[j] < A[min]$ )  $min = j;$ 
  }
   $A[i] = pom;$ 
   $A[i] = A[min];$ 
   $A[j] = pom;$ 
}

```

Što ovaj algoritam zapravo radi? Za svaki i u skupu $\{a_i, \dots, a_{n-1}\}$ traži najmanji element i stavlja ga na i -to mjesto, dok element koji se nalazio na i -tom mjestu stavlja na mjesto gdje je bio najmanji element.

Npr. neka je $n = 3$ i $A = (1.2, 3.4, 0)$.

Za $i = 0$, $\min\{A[0], A[1], A[2]\} = A[2] = 0$. Stoga zamjenjujemo broeve na 0-tom i 2. mjestu u A te je sada $A = (0, 3.4, 1.2)$. (Uočimo kako je najmanji element došao na 0. mjesto.)

Za $i = 1$ dobivamo $\min\{A[1], A[2]\} = A[2] = 1.2$. Stoga zamjenjujemo 1. i 2. član iz A te je sada $A = (0, 1.2, 3.4)$.

Za $i = 2$ postupak je završen.

Algoritam će se izvršiti u najgorem i u najboljem slučaju jednaki broj puta. Možemo jednostavno odrediti složenost. Imamo dvije petlje, jednu po varijabli i , a drugu po j . Vanjska petlja će se izvršiti n puta, a unutarnja

$$\pi^{\text{layer}} \sqrt{\mathbf{mat}} \chi$$

petlja će se izvršavati ovisno o i . Za $i = 0$ unutarnja petlja će se izvršiti $n - 1$ puta, za $i = 2$ unutarnja petlja $n - 2$ puta, … za $i = n - 2$ izvršit će se 0 puta. Dakle ukupno

$$(n - 1) + (n - 2) + \dots + 1 + 0 = \frac{n(n - 1)}{2} \text{ puta.}$$

Lako dolazimo do zaključka da je složenost *selection sort*-a kvadratična, a to pišemo

$$c(n) = \mathcal{O}(n^2).$$

Pokažimo sada jedan učinkovitiji algoritam sortiranja.

Merge sort

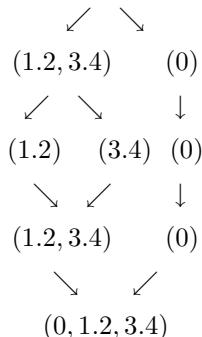
Listu od n brojeva (ili znakova) najprije podijelimo u dvije podliste s (pod)jednakim brojem elemenata. Ako je broj elemenata $n = 2r + 1$ neparan, onda u jednu listu stavljamo r , a u drugu $r + 1$ elemenata. Isti postupak ponavljamo sve dok liste u potpunosti ne rastavimo.

Ova metoda poznata je još pod nazivom ”*podijeli pa vladaj*”. Princip je da se početni problem raščlaní na dva lakša problema.

Dobivene liste treba spojiti na odgovarajući način tako da u konačnici dobijemo jednu listu koja sadržava sortirane podatke. Neka su zadane dvije liste : (a_1, \dots, a_i) i (b_1, \dots, b_j) . Spajanje vršimo tako da uspoređujemo prvi element u lijevoj listi s prvim u desnoj. Manji od tih dvaju elemenata stavljamo u novu listu i brišemo ga iz pripadne liste. U svakom koraku uspoređujemo samo prva dva elementa u listama. Za gornje dvije liste moguća je najviše $i + j - 1$ usporedba.

Pokažimo sada na primjeru kako se izvršava *merge sort* na listi brojeva (1.2, 3.4, 0):

$$(1.2, 3.4, 0)$$



Pokazuje se da je složenost *merge sort*-a:

$$c(n) = \mathcal{O}(n \log_2(n))$$

To je bitno poboljšanje u odnosu na *selection sort*. Da bismo sortirali 1000 podataka, *selection sort* bi trebao ponavljanja reda 10^6 , dok bi *merge sort* to isto napravio za najviše 9965 ponavljanja.

Zaključak

U računarstvu često nije dovoljno da algoritam samo obavi zadani posao, cilj je da to napravi što *efikasnije* u vremenskom i memoriskom smislu i sa što manje računskih operacija.

Literatura

- [1] Žubrinić D.: *Diskretna matematika*, Element, Zagreb, 2002.
- [2] Knuth D. E.: *The Art of Computer Programming*, Volume 1, Addison-Wesley, 1973.
- [3] *Dictionary of Algorithms and Data Structures*, <http://www.nist.gov/dads/>