



# Navigacija



Serđo Kos \*

ISSN 0469 - 6255  
(5 - 7)

## POZICIONIRANJE POMOĆU DVA HORIZONTALNA KUTA POSITIONING BY MEANS OF TWO HORIZONTAL ANGLES

UDK 656.618  
Pregledni rad  
Review

### Sažetak

*U radu je predložena numeričko-grafička metoda određivanja koordinata pozicije broda pomoću dva horizontalna kuta. Navigator pomoću sekstanta izmjeri dva horizontalna kuta na tri povoljno izabrana objekta, izračuna udaljenosti od točke motrenja do osmotrenih objekata i učrtavanjem izračunatih udaljenosti na navigacijskoj karti odredi koordinate pozicije broda.*

### Summary

*The paper proposes a numerical-graphical method of determining the coordinates of the ship's position by means of two horizontal angles. The navigator by measuring two horizontal angles of three properly chosen objects by the sextant, can calculate the distances from the observation point to the observed objects. By laying down the calculated distances on the chart the coordinates of the ship's position will be determined.*

### Uvod

#### Introduction

Ako se pomoću sekstanta izmjere dva horizontalna kuta između tri nepokretna (fiksna) objekta, tada su definirane dvije stajnice-kružnice. U sjecištu tih dviju stajniča-kružnica nalazi se pozicija broda. Ukoliko je izbor međusobnog rasporeda objekata povoljan (sa stanovišta teorije pogrešaka u navigaciji), tada je to jedan od točnijih načina određivanja pozicije broda u obalnoj navigaciji, jer ne ovisi o brodskom kompasu, a sa sekstantom se dovoljno točno mogu izmjeriti horizontalni kutovi. Koordinate pozicije broda mogu se odrediti različitim metodama, npr. Izračunavanjem radiusa kružnica-stajnica, grafičkim konstrukcijama (pomoću komplemenata izmjerenih horizontalnih kutova, Cassinijeva geometrijska konstrukcija), itd. U nastavku rada prikazat će se predložena metoda određivanja koordinata pozicije broda pomoću dva horizontalna kuta.

\* Dr. sci. Serđo Kos, dipl. inž. pomorskog prometa  
Pomorski fakultet Sveučilišta u Rijeci  
Studentska 2, Rijeka

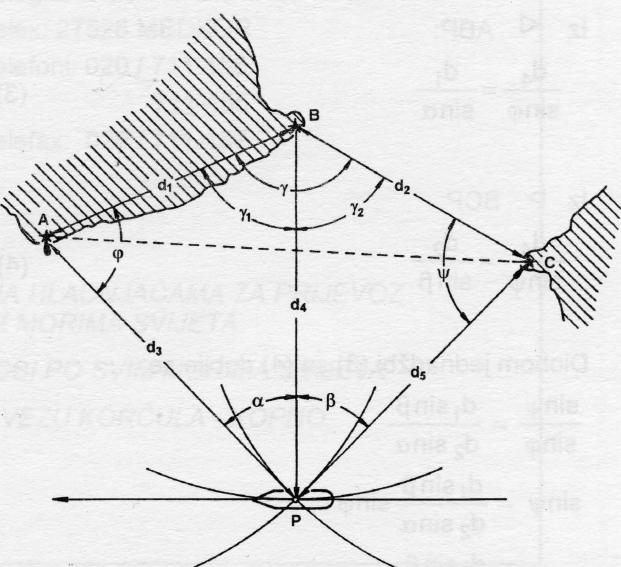
### 1. Opis metode

#### Description of the method

Metoda koja se predlaže je numeričko-grafička, naime, na osnovu dva horizontalna kuta ( $\alpha, \beta$ ) koja su snimljena pomoću sekstanta, izračunaju se udaljenosti od točke motrenja do sva tri objekta u trenutku motrenja. Osnovni preuvjet je da se ta dva horizontalna kuta trebaju snimiti u što kraćem vremenskom razmaku (ako je moguće da istovremeno snimaju dva motritelja). U slučaju da je veći vremenski razmak između motrenja, tada treba poznatim metodama svesti izmjerene horizontalne kutove na isto vrijeme motrenja:

### 1.1. Definiranje poznatih elemenata

#### Definition of known elements



Slika 1. Određivanje koordinata pozicije broda pomoću dva horizontalna kuta

Figure 1. Determining the coordinates of the ship's position by means of two horizontal angles

$\overline{AB} = d_1$  - udaljenost u nautičkim miljama od objekta A do objekta B očitana s navigacijske karte

$\overline{BC} = d_2$  - udaljenost u nautičkim miljama od objekta B do objekta C očitana s navigacijske karte

$\alpha$  - horizontalni kut između objekata A i B izmjerен sekstantom

$\beta$  - horizontalni kut između objekata B i C izmjerен sekstantom

$\gamma$  - horizontalni kut između  $\overline{AB}$  i  $\overline{BC}$

$\overline{AC}$  = udaljenost u nautičkim miljama između objekata A i C očitana s navigacijske karte

Iz  $\triangle ABC$ :

$$\cos \gamma = \frac{d_1^2 + d_2^2 - \overline{AC}^2}{2 d_1 d_2} \quad (1)$$

$$\gamma = \cos^{-1} \left( \frac{d_1^2 + d_2^2 - \overline{AC}^2}{2 d_1 d_2} \right)$$

Na osnovu prethodno definiranih poznatih elemenata potrebno je izračunati udaljenost  $d_3$ ,  $d_4$  i  $d_5$  od točke motrenja do objekata A, B i C, što čini numerički dio predložene metode.

## 2.2. Određivanje udaljenosti $d_3$ , $d_4$ , $d_5$ *Determination of the distances $d_3$ , $d_4$ , $d_5$*

Iz  $\diamond$  ABCP:

$$\alpha + \beta + \gamma + \varphi + \psi = 360^\circ$$

$$\varphi + \psi = 360^\circ - (\alpha + \beta + \gamma) = \varepsilon$$

$$\sin \varphi = \sin (\varepsilon - \psi)$$

$$\sin \varphi = \sin \varepsilon \cos \psi - \cos \varepsilon \sin \psi \quad (2)$$

Iz  $\triangle ABP$ :

$$\frac{d_4}{\sin \varphi} = \frac{d_1}{\sin \alpha} \quad (3)$$

Iz  $\triangleright BCP$ :

$$\frac{d_4}{\sin \psi} = \frac{d_2}{\sin \beta} \quad (4)$$

Diobom jednadžbi (3) sa (4) dobije se:

$$\frac{\sin \psi}{\sin \varphi} = \frac{d_1 \sin \beta}{d_2 \sin \alpha}$$

$$\sin \psi = \frac{d_1 \sin \beta}{d_2 \sin \alpha} \sin \varphi$$

$$\sin \psi = \frac{d_1 \sin \beta}{\sin \alpha} (\sin \varepsilon \cos \psi - \cos \varepsilon \sin \psi)$$

Uvodi se supstitucija:

$$k = \frac{d_1 \sin \beta}{d_2 \sin \alpha}$$

$$\sin \psi = k \sin \varepsilon \cos \psi - k \cos \varepsilon \sin \psi$$

$$\sin \psi (1 + k \cos \varepsilon) = k \sin \varepsilon \cos \psi$$

$$\tan \psi = \frac{k \sin \varepsilon}{(1 + k \cos \varepsilon)}$$

$$\psi = \tan^{-1} \left( \frac{k \sin \varepsilon}{1 + k \cos \varepsilon} \right) \quad (5)$$

Iz  $\triangle ABP$ :

$$\gamma_1 = 180^\circ - (\alpha + \varphi)$$

$$d_3 = \frac{d_1 \sin \gamma_1}{\sin \alpha} \quad (6)$$

$$d_4 = \frac{d_1 \sin \varphi}{\sin \alpha} \quad (7)$$

Iz  $\triangleright BCP$ :

$$\gamma_2 = 180^\circ - (\beta + \psi)$$

$$d_5 = \frac{d_2 \sin \gamma_2}{\sin \beta} \quad (8)$$

Ako se veličine  $d_1$  i  $d_2$  izraze u nautičkim miljama, tada se po jednadžbama (6), (7) i (8) dobiju veličine  $d_3$ ,  $d_4$  i  $d_5$  izražene u nautičkim miljama.

## 2.3. Određivanje koordinata pozicije broda na navigacijskoj karti

*Determination of the coordinates of the ship's position on the navigational chart*

Grafički dio predložene metode sastoji se u tome da se iz točaka A, B i C na navigacijskoj karti nanesu izračunate udaljenosti  $d_3$ ,  $d_4$  i  $d_5$ . U sjecištu tih triju udaljenosti nalazi se pozicija broda (P) odnosno točka motrenja.

## 3. Bitne odrednice pri pozicioniranju pomoću dva horizontalna kuta *Essential factors when positioning by means of the two horizontal angles*

Ako se koordinate pozicije broda određuju pomoću dva horizontalna kuta, valja se pridržavati sljedećeg:

- birati dobro uočljive objekte po mogućnosti pogodne za dovođenje u pokriće pri mjerenu,
- težiti da raspored izabranih objekata rezultira time da se kružnice, tj. tangente na stajnice-kružnice sijeku pod kutom što bližim  $90^\circ$ ,
- korisno je izmjeriti i treći horizontalni kut za kontrolnu stajnicu između objekata A i C,
- izabrani objekti trebaju biti na približno istoj nadmor skoj visini.

Raspored objekata za motrenje direktno utječe na pouzdanost pozicije. U ovisnosti o kutu sjecišta stajnice s dva horizontalna kuta dobivena pozicija može biti:

- optimalna, kada se stajnice tj. tangente na kružnice u točki pozicije broda sijeku pod kutom od  $90^\circ$ , što se događa u slučaju kada je  $\alpha + \beta + \gamma = 270^\circ$ ,
- povoljna, kad su sva tri objekta približno u liniji, odnosno kad međusobni raspored izabranih objekata omogućuje sijećenje tangenata pod kutom većim od  $30^\circ$  ili manjim od  $150^\circ$ ,
- nepouzdana, kada se tangente na kružnice sijeku pod kutom manjim od  $30^\circ$  ili većim od  $150^\circ$ ,
- neodređena, što se događa u slučaju kada je  $\alpha + \beta + \gamma = 180^\circ$ , jer su tada sva tri objekta i pozicija broda na samo jednoj kružnici.

se odrediti različitim metodama i postupcima. U radu je predložena alternativna metoda određivanja koordinata pozicije broda pomoću dva horizontalna kuta koja se prvenstveno sastoji od numeričkog rješavanja problema udaljenosti od točke motrenja do osmotrenih objekata. Uporabom osobnog računala i izradom odgovarajućeg računalskog programa, vrlo brzo se mogu izračunati tri udaljenosti od pozicije broda do osmotrenih objekata, te se samo uz pomoć šestara na navigacijskoj karti mogu odrediti koordinate pozicije broda, što je jedna od prednosti predložene metode u odnosu na ostale poznate koje se u navigacijskoj praksi koriste za rješavanje "Pothenotovog problema". Temeljni preduvjet kod ovog načina pozicioniranja je da motrenja treba izvršiti u što kraćem vremenskom razmaku, a međusobni raspored izabranih objekata direktno utječe na pouzdanost pozicije.

## Zaključak Conclusion

Određivanje koordinata pozicije broda pomoću dva horizontalna kuta spada u klasične (konvencionalne) načine pozicioniranja u obalnoj tj. terestričkoj navigaciji. Koordinate pozicije broda odnosno točke motrenja, primjenom tog načina pozicioniranja mogu

## Literatura References

- [1] Bowditch, N., American Practical Navigator, vol. I, US Defence Mapping, 1984.
- [2] Benković, F i grupa autora, Terestrička i elektronska navigacija, HIRM, Split, 1986.
- [3] Maloney, E.S., Dutton's Navigation and Piloting, Naval Institute Press, Annapolis, MD, 1985.

Rukopis primljen: 31. 1. 1997.



MEDITERANSKA PLOVIDBA  
KORČULA - HRVATSKA

DIREKCIJA - KORČULA  
Telegram: Mediteranska Korčula  
Telex: 27528 MEDKOR  
Telefoni: 020 / 711-156  
711-155  
Telefax: 020 / 711-157

RASPOLAŽE SPECIJALNIM BRODOVIMA HLADNJAČAMA ZA PRIJEVOZ  
LAKO POKVARLJIVIH TERETA PO SVIM MORIMA SVIJETA.  
PREVOZI ROBU U SLOBODNOJ PLOVIDBI PO SVIM MORIMA SVIJETA  
SUVRSEMENIM TRAJEKTOM ODRŽAVA VEZU KORČULA - KOPNO.