

# OPTIMALIZACIJA DOBIVANJA BRODSKE POZICIJE U ASTRONOMSKOJ NAVIGACIJI

UDK 527.6

Izvorni znanstveni rad

## Sažetak

*U ovom radu analizira se i dokazuje koliko su elektronična računala i personalni kompjutori racionalizirali, ubrzali i pojednostavili dobivanje pozicije broda u astronomskoj navigaciji. Pokazano je to na dosad samo korištenoj indirektnoj - visinskoj metodi, i na poznatoj, ali zbog glomaznoga matematičkog računanja dosad nekoristišenoj direktnoj metodi. U oba slučaja rješenja preko elektroničkih računala maksimalno optimaliziraju dobivanje pozicije, što astronomsku navigaciju ne isključuje iz ostalih suvremenih sustava za određivanje brodske pozicije.*

## UVOD

Gоворити о бродској позицији добивеној снимањем небеских тјела на данашњем ступњу развоја технологије изгледа анахронично и демодирано. Сувремени поморски часник, плавећи било којим дијелом Земље, модерним глобалним навигацијским системима има континуирано на екрану исписан свој тренутни, прошли па и будући положај. Па због чега би се он одао труду да на небу тражи, специјалним инструментом мери, па ондарачуна и, коначно, crtati linije положаја, да би из карте видио где се приближно могао налазити у тренутку мјerenja.

За што толико радња и времена (треба снимити бар два или три тјела) да би се добила мање или више приближна позиција, кад му обично притискање на tastaturu npr. satelitskog prijemnika дaje sigurni i pouzdani Fix исписан на екрану и memoriran за daljnje praćenje gibanja broda. Poznata pomorska inertnost u prihvaćanju nove tehnološke opreme овде nije дошла nimalo do izražaja. Svi se поморски часници на бродовима redovito користе најсувременијим пријемnicima било којег глобалног система навигације. То је слично činjenici да се данас у свијету, а pogotovo у нас, радије слушају вijesti preko TV ili radio-prijemnika nego читају новине. Međutim, uвijek има jedan "ali". Штоkad се pokvari TV ili radio-prijemnik ili nema struje, што је у нас било у zadnje vrijeme aktualno.

Slično тој логици поставља се и на броју пitanje свакому školovanom časniku kako kontrolirati i određivati бродску позицију на отвореном moru ako se prijemnik pokvari. U tom slučaju treba se vratiti metodama stare klasične astronomске навигације. Baš zbog takvih eventualnih iznenadenja, ali i zbog vlastitog zadovoljstva, te zbog velikog броја amaterskih navigatora, koji pustolovno plove "debelim morem" i vole određivati svoj položaj s помоћу небеских тјела, у astronomској навигацији дошло је до бројних simplifikacija i programiranja метода за добivanje позиције на moru.

Dakle, elektronika nesumnjivo има предност у односу према старијим методама одређивања бродске позиције на отвореном moru, pogotovo зато што точност позиције дaje u opsegu 4 kabela, dok је точност позиције u astronomској навигацији u opsegu 1 milje. Ali ne smije se заборавити да је elektronika склона kvarovima, osobito u uvjetima naglih klimatskih promjena, што је u навигацији redovito prisutno. Osim тога ti су системи неавтономни ( mogućnost isključenja, promjene šifre i frekvencije rada), jer ако су уkomponirani u неки оперативни систем, zakaže li njegov dio, zakazat će i cijeli систем.

Оdređivanje позиције мјереći visinu небеских тјела, унatoč свој данаšnjoj tehnici, остaje и данас u praksi на броју као autonomni систем, и сваки ће добар часник uвijek iskoristiti mogućnost снимања небеских тјела jer tako održava i onu staru romantičnu vezu između čovjeka okruženoga morem i neba nad njegovim obzorom.

U ovom radu razmatra se upotrebljivost метода i optimalnost добivanja бродске позиције снимањем небеских тјела raznim programiranim i specijalnim računalima, па се zaključuje da се i методе stare astronomске навигације сувременим kalkulatorima moderniziraju као брзо и uвijek pouzdano средство за одређivanje позиције брода на pučini.

## Brodska pozicija određena visinskom metodom

Kad je 1873. francuski часник ratne mornarice Anatole Blond Marcq de St. Hilare objavio svoju visinsku методу одређivanja elemenata за crtanje линије положаја

\* Dr.Boris Franušić  
Pomorski fakultet Dubrovnik  
Dubrovnik

s pomoću razlike visina ( $\Delta V = \Delta h = \text{intercept}$ ) i azimuta ( $\omega = Az = Z$ ) nebeskog tijela, pomorci su dobili laku indirektnu metodu za dobivanje linije (pravca) položaja na kojoj se brod našao u trenutku mjerjenja. S dvije visine istog tijela snimljene u vremenskoj razlici (da bi bilo  $\Delta\omega > 30^\circ$ ), ili dva različita tijela u tzv. istodobnom motrenju, dobivala se točka broda. Sigurnija točka broda postizala se snimanjem tri ili četiri nebeska tijela u gotovo istom trenutku, jer je točka određena iz trokuta ili četverokuta eliminirala moguće pogreške koje su se mogle uvući u mjerenu, računanju ili crtanj, te od samih nepoznatih točnih vrijednosti potrebnih veličina.

Do pojave elektroničkih računala s mogućnošću programiranja, ili već programiranih nautičkih relacija, sve se radilo s pomoću nautičkog almanaha (podaci o nebeskim tijelima), nautičkih tablica (olakšano računanje visine i azimuta) i crtanja na pomorskoj karti (bijela karta), iz koje se onda odčitavala brodska pozicija. Elektronička računala, pogotovo specijalizirani mali navigacijski kompjutori, omogućila su da se bez almanaha, tablica i crtanja dobije ispisana vrijednost brodske pozicije. To je prva optimalizacija računanja pozicije s pomoću snimanja nebeskih tijela, koja visinskom metodom računa elemente linije položaja, a pomoću dvije, tri ili više snimljenih visina i točku broda. Ta točka, snimljena s više od dvije visine određena je kao najvjerojatnija pozicija dobivena na temelju teorije najmanjih kvadrata za jedno unaprijed određeno vrijeme motrenih tijela, ili u neko opće blisko vrijeme, uz pretpostavku da brod u oceanskoj vožnji duže plovi u istom kursu i zadržava istu brzinu. Na taj način može se snimati "n" nebeskih tijela i brzo dobiti na ekranu vrijednosti koordinata najvjerojatnije brodske pozicije (Fix), oslobođene od većine pogrešaka koje sadrže linije položaja. To je velika optimalizacija u vremenu i sigurnosti dobivanja pouzdane brodske pozicije istom metodom kojom se u astronomskoj navigaciji služe pomorci već više od 100 godina.

Programirane relacije po kojima kalkulatori računaju najvjerojatniju poziciju, u matematičkom obliku su:

$$\varphi_p = \varphi_z + \frac{1}{D} (D_{12}IS + D_{22}IC) \quad (1)$$

$$\lambda_p = \lambda_z + \frac{1}{D \cos \varphi_p} (D_{11}IS + D_{12}IC)$$

$\varphi_p$  - prava širina broda     $\varphi_z$  - zbrojena (procijenjena) širina broda  
 $\lambda_p$  - prava dužina broda     $\lambda_z$  - zbrojena (procijenjena) dužina broda

$$D = D_{11}D_{12} - D_{12}^2 \quad D_{11} = \sum \cos^2 \omega_n$$

$$D_{12} = \sum \cos \omega_n \sin \omega_n \quad D_{22} = \sum \sin^2 \omega_n$$

$$IS = \sum \Delta V_n \sin \omega_n \quad IC = \sum \Delta V_n \cos \omega_n \quad [1]$$

Za svođenje svih izmjerениh visina na jedan zenit (jedno vrijeme) programirana je poznata relacija:

$$dV = \frac{t_0 - t_n}{60} b \cos(\omega_n - K) \quad (2)$$

$t_0$  - vrijeme tražene pozicije;  $t_n$  - vrijeme snimanja "n" nebeskog tijela  
 $b$  - brzina broda u čvorovima;  $K$  - pravi kurs broda

Kad se relacija (1) primjenjuje samo za dva nebeska tijela, dobivaju se (i na drugi način moguće izvedene [2]) poznate relacije:

$$\varphi_p = \varphi_z + \frac{\Delta V_1 \sin \omega_2 - \Delta V_2 \sin \omega_1}{\sin \Delta \omega} \quad } (3)$$

$$\lambda_p = \lambda_z + \frac{\Delta V_2 \cos \omega_1 - \Delta V_1 \cos \omega_2}{\sin \Delta \omega \cos \varphi}$$

Te su relacije npr. programirane u poznatim navigacijskim računalima Tamaya Digital Navigation Computer NC-77 i u Plahtovu Navicompu, te na disketu za personalno računalo What Star.

Razviju li se relacije (1) za tri nebeska tijela, dobiva se:

$$\varphi_p = \varphi_z + [\Delta V_1 (\sin \omega_2 \sin \Delta \omega_{21} + \sin \omega_3 \sin \Delta \omega_{31}) + \Delta V_2 (\sin \omega_3 \sin \Delta \omega_{32} + \sin \omega_1 \sin \Delta \omega_{12})] + \Delta V_3 (\sin \omega_1 \sin \Delta \omega_{31} + \cos \omega_2 \sin \Delta \omega_{23})] / (\sin^2 \Delta \omega_{12} + \sin^2 \Delta \omega_{13} + \sin^2 \Delta \omega_{23})^{-1} \quad (4)$$

$$\lambda_p = \lambda_z + [\Delta V_1 (\cos \omega_2 \sin \Delta \omega_{12} + \cos \omega_3 \sin \Delta \omega_{13}) + \Delta V_2 (\cos \omega_1 \sin \Delta \omega_{21} + \cos \omega_3 \sin \Delta \omega_{23}) + \Delta V_3 (\cos \omega_1 \sin \Delta \omega_{31} + \cos \omega_2 \sin \Delta \omega_{32})] / (\sin^2 \Delta \omega_{12} + \sin^2 \Delta \omega_{13} + \sin^2 \Delta \omega_{23})^{-1} \quad [3]$$

Kad bi se računalo s tim relacijama, trebalo bi izmjerene visine svesti na isto mjesto snimanja po relaciji (2). Međutim, do istih rezultata konačne pozicije dolazi se na osnovi teorije najmanjih kvadrata. Tako za "n" pravaca položaja može se postaviti "n" jednadžba s dvije nepoznanice oblika:

$$\Delta \varphi \cos \omega_n - \Delta \lambda \cos \varphi \sin \omega_n = \Delta V_n \quad } (5)$$

Formiranjem tzv. normalnih jednadžaba dolazi se do najvjerojatnije vrijednosti nepoznanica  $\Delta \varphi$  i  $\Delta \lambda (\cos \varphi)$ . Tako Tamayin NC-88 rješava poziciju (Fix) s "n" snimljenih nebeskih tijela za trenutak prvoga ubaćenog tijela, ali može dobiti poziciju za bilo koji drugi trenutak.

Pokažimo to jednim primjerom s tri tijela snimljenim u kraćemu vremenskom razmaku:

Dana 23.12.1989. iz pozicije zbrojene:  $\varphi = 36^\circ 00,0'N$  i  $\lambda = 6^\circ 33,5'W$  snime se visine zvjezdza:

Fomalhaut    UT =  $17^h 33^m 58^s$  Vi =  $24^\circ 14,7'$

Capella        UT =  $17^h 35^m 46^s$  Vi =  $26^\circ 06,2'$

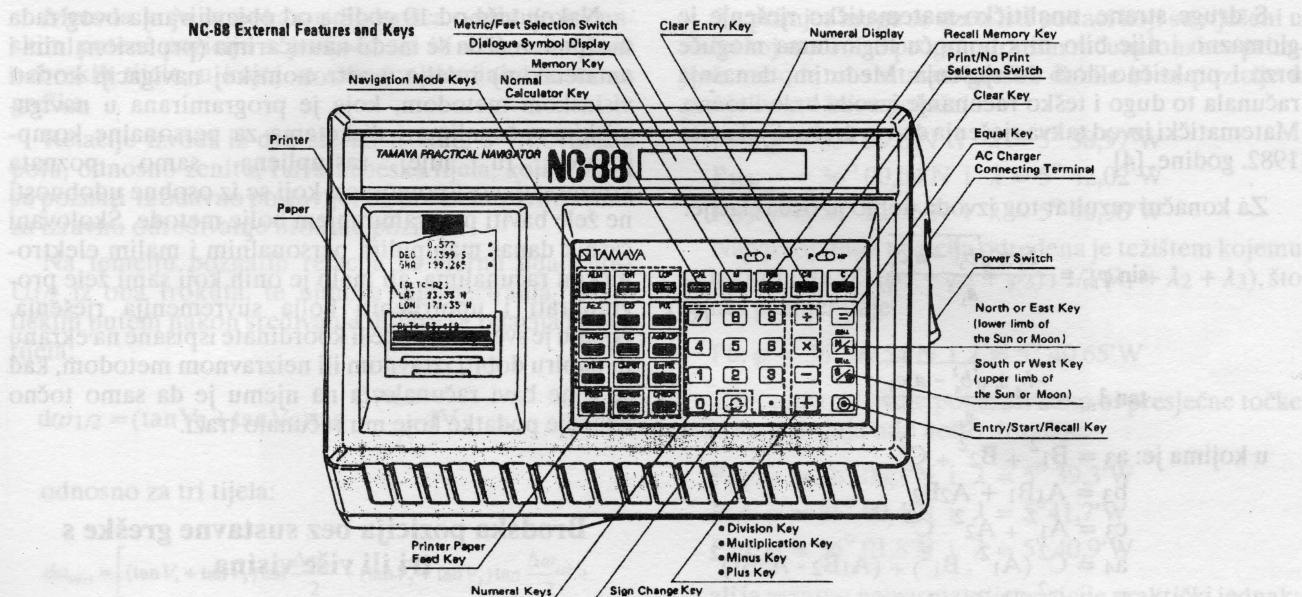
Vega            UT =  $17^h 41^m 01^s$  Vi =  $33^\circ 56,0'$

Visina oka motritelja je 16 m, brod plovi u kursu  $112^\circ$  brzinom od  $13,5$  čv. Traži se pozicija broda u trenutku snimanja Vege.

[1] Astro-Navigation Piloting & Dead Reckoning Tamaya Practical Navigator NC-88 Tamaya & Company Limited, Tokyo, str. 37.

[2] M. le Conte du Boisy: "New Astronomical Navigation" Nautical Magazin, 1881.

[3] Boris Franušić: "Točnost pozicije broda u astronomskoj navigaciji dobivena navigacijskim računalima". Zbornik radova prvog Jugoslavenskog naučno-stručnog skupa, Obrazovanje kadrova u pomorstvu sa aspektom tehnološkog razvoja", Kotor, 19.-21.10.1988., 257.-270.



Slika 1. Navigacijski kalkulator NC-88

Rezultati koje daje računalo NC-88, ubacujući zvezde redoslijedom od zadnje prema prvoj, jesu:

TIJELO	$\omega$	$\Delta V$
Vega	296° 08,4'	-37,4'
Capella	50° 15,7'	33,9'
Fomalhaut	184° 37,8'	-3,8'

$$\text{i Fix: } \varphi = 36^{\circ}00,9'N \text{ i } \lambda = 5^{\circ}40,9'W.$$

Želimo li riješiti poziciju teorijom najmanjih kvadrata, postaviti ćemo tri jednadžbe označene s (5), tj. oblika:

$$ax + by = c$$

pa dobivamo:

$$\begin{aligned} 0,440566\Delta\varphi + 0,89772\Delta\lambda \cos\varphi &= -37,4 \\ 0,639282\Delta\varphi - 0,76897\Delta\lambda \cos\varphi &= 33,9 \\ -0,996737\Delta\varphi + 0,08072\Delta\lambda \cos\varphi &= -3,8 \\ a_{11} &= 0,194; \quad a_{12} = 0,3955; \quad a_{13} = -16,477; \quad b_{11} = 0,8059; \quad b_{12} = -33,5747 \\ a_{21} &= 0,40868; \quad a_{22} = 0,49159; \quad a_{23} = 21,6716; \quad b_{21} = 0,5913; \quad b_{22} = -26,068 \\ a_{31} &= 0,99348; \quad a_{32} = -0,08; \quad a_{33} = 3,7876; \quad b_{31} = 0,0065; \quad b_{32} = -0,3067 \\ (aa) &= 1,59616; \quad (ab) = -0,176; \quad (ac) = 8,9822; \quad (bb) = 1,4037; \quad (bc) = -59,9494 \end{aligned}$$

Na temelju tih vrijednosti formiraju se dvije normalne jednadžbe:

$$1,59616 \Delta\varphi + 0,17609 \Delta\lambda \cos\varphi = 8,9822$$

$$-0,17609 \Delta\varphi - 1,4037 \Delta\lambda \cos\varphi = -59,9494$$

Iz tih jednadžaba izlazi:  $\Delta\varphi = 0,9'N$  i  $\Delta\lambda \cos\varphi = 42,592'$ , odnosno  $\Delta\lambda = 52,7'E$ , što se slaže s pozicijom dobivenom (Fix) kalkulatorom NC-88.

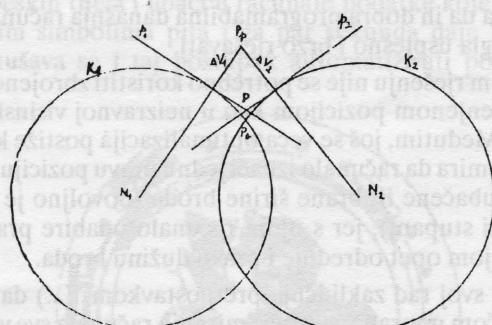
Dakle, nakon snimanja visina zvijezda, navigacijsko računalo izračunava (uključujući efemeridne podatke) razliku visina i azimuta, te konačno najvjerojatniju poziciju, što neusporedivo smanjuje vrijeme i izravno daje koordinate brodskog položaja s točnošću koja zadovoljava u navigacijskom praksi.

### Izravno određivanje brodske pozicije presjecištem dviju kružnica položaja

U astronomskoj navigaciji odavna se zna da bi se do koordinata prave brodske pozicije moglo doći rješenjem dviju jednadžba koje označuju jednadžbe kružnica položaja, a imaju oblik:

$$\sin V = \sin \varphi \sin \delta + \cos \varphi \cos \delta \cos(S + \lambda) \quad (6)$$

Ako se zna izmjerena visina, deklinacija i satni kut u Greenwichu tijela, onda je dovoljno snimiti dva nebeska tijela kako bi se iz dvije jednadžbe mogle odrediti nepoznanice  $\varphi$  i  $\lambda$ . Jednostavnije bi bilo kružnice (s centrom terestričke projekcije nebeskih tijela i polumjerom zemljinih daljina) crtati izravno na jedan mjerljivi globus, ali taj bi morao biti dosta velik pa je za praksu neupotrebljiv.



Slika 2. Brodska pozicija određena s pomoću pravaca i kružnica položaja

Na slici 2 je  $P$  pozicija dobivena indirektnom - visinskom metodom iz  $P_p$  (procijenjene pozicije) u presjeku dva pravca položaja ( $p_1, p_2$ ), dok je  $P_b$  prava pozicija dobivena izravnom metodom u presjeku dviju kružnica položaja ( $K_1$  i  $K_2$ ).

S druge strane, analitičko-matematičko rješenje je glomazno i nije bilo ni s pomoću logaritama moguće brzo i praktično doći do rješenja. Međutim, današnja računala to dugo i teško računanje izvode brzo i točno. Matematički izvod takva rješenja dao je dr. Ivo Sjekavica 1982. godine. [4]

Za konačni rezultat tog izvoda dobio je ove relacije:

$$\sin \varphi_{1/2} = \frac{-b_3 \pm \sqrt{b_3^2 - a_3 c_3}}{a_3} \quad \} (7)$$

$$\tan \lambda_{1/2} = \frac{-b_4 \pm \sqrt{b_4^2 - a_4 c_4}}{a_4}$$

u kojima je:  $a_3 = B_1^2 + B_2^2 + C^2$

$$b_3 = A_1 B_1 + A_2 B_2$$

$$c_3 = A_1^2 + A_2^2 - C^2$$

$$a_4 = C^2 (A_1^2 - B_1^2) + (A_1 B_2 - A_2 B_1)^2$$

$$b_4 = C^2 (B_1 B_2 - A_1 A_2)$$

$$c_4 = C^2 (A_2^2 - B_2^2) + (A_1 B_2 - A_2 B_1)^2$$

te dalje:

$$A_1 = \sin V_1 \cos \delta_2 \sin S_2 - \sin V_2 \cos \delta_1 \sin S_1$$

$$A_2 = \sin V_2 \cos \delta_1 \cos S_1 - \sin V_2 \cos \delta_2 \cos S_2$$

$$B_1 = \sin \delta_2 \cos \delta_1 \sin S_1 - \sin \delta_1 \cos \delta_2 \sin S_2$$

$$B_2 = \sin \delta_1 \cos \delta_2 \cos S_2 - \sin \delta_2 \cos \delta_1 \cos S_1$$

$$C = \cos \delta_1 \cos \delta_2 \sin (S_2 - S_1)$$

Sjekavica je u jednadžbi (6) λ brojio preko zapada od 0 do  $360^\circ$ , pa je  $s=S-\lambda$ .

Jednadžbe (7) daju dvostruka rješenja, pa kako su ona na Zemlji dosta udaljena, to je uvijek nesporno o kojoj je pravoj poziciji riječ.

U spomenutom radu dana su dva primjera. Jedan je snimanje u istom, a drugi u različitim vremenskim trenucima.

Kako se vidi, metoda izgleda glomazna, ali je za električna računala prikladna jer ne zahtjeva toliko memorija da ih dobra programabilna današnja računala ne bi mogla uspješno i brzo rješavati.

U ovom rješenju nije se potrebno koristiti zbrojenom ili procijenjenom pozicijom kao u neizravnoj visinskoj metodi. Međutim, još se veća optimalizacija postiže kad se programira da računalo izbaci jednu pravu poziciju na temelju ubačene izabrane širine broda (dovoljno je na bliži puni stupanj), jer s njom računalo odabire pravu širinu kojom opet određuje i pravu dužinu broda.

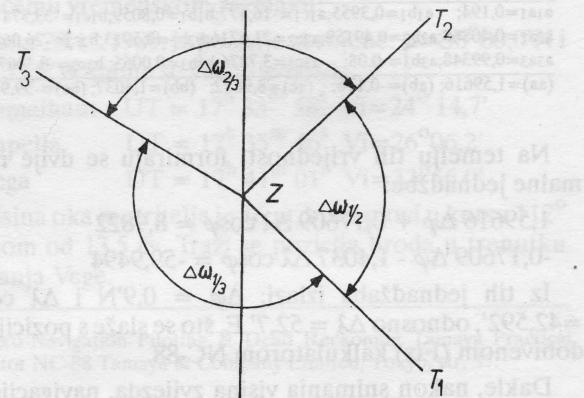
Autor svoj rad zaključuje pretpostavkom (...) da će se sve većom uporabom programiranih računala sve više direktno određivati geografske koordinate, a da će se metoda Marcq St. Hilairea, koja je dominirala oko stotinu godina, postepeno napustiti."

[4] Ivo Sjekavica: "Astronomski navigacija - direktno određivanje koordinata presjecišta dviju kružnica položaja i jedno indirektno rješenje" Naše more, 6, Dubrovnik 1982., 303. - 306.

Nakon više od 10 godina od objavljivanja ovog rada možemo reći da se među nautičarima (profesionalnim i amaterskim) i dalje u astronomskoj navigaciji koristi visinskom metodom, koja je programirana u navigacijskim računalima i disketama za personalne kompjutore. Tu nije zastupljena samo poznata konzervativnost pomoraca, koji se iz osobne udobnosti ne žele baviti programiranjem bolje metode. Školovani časnik danas manipulira personalnim i malim električnim računalima, ali malo je onih koji sami žele programirati i upotrijebiti bolja suvremenija rješenja. Njemu je svejedno hoće li koordinate ispisane na ekranu ili papiru dobiti izravnom ili neizravnom metodom, kad se time bavi računalo, a na njemu je da samo točno ubacuje podatke koje mu računalo traži.

### Brodska pozicija bez sustavne greške s tri ili više visina

Ovu originalnu metodu iznio je pred deset godina također dr. Ivo Sjekavica [5]. Budući da je inače u navigaciji treća linija položaja uvijek zahvalna za kontrolu točnosti točke odredene presjekom samo dviju linija položaja, tako je i u astronomskoj navigaciji snimanje tri nebeska tijela optimalno za provjeru točke, odnosno najvjerojatnije pozicije ako linije položaja određuju trokut položaja. Budući da je trokut položaja rezultat mjerjenja, te nekih aproksimativnih vrijednosti koje ulaze u račun (refrakcija i depresija), to sve linije položaja u sebi sadrže manje ili osjetnije pogreške. Njih dijelimo na slučajne i sustavne. Prve nisu velike i utjecajnije su za snimanja u vremenskom razmaku, dok su druge utjecajnije za snimanja u kraćem intervalu vremena. Kako se brodska pozicija s tri nebeska tijela gotovo isključivo radi u kratkom vremenskom intervalu, to se u prijašnjoj praksi grafičkim putem (crtanjem bisektrisa) određivala pozicija oslobođena od sustavne greške. Vidjeli smo da teorijom najmanjih kvadrata suvremena navigacijska računala određuju najvjerojatniju poziciju bez obzira na to je li riječ o istodobnom snimanju ili o snimanju u vremenskoj razlici.



Slika 3. Razlika azimuta za tri tijela

[5] Ivo Sjekavica: "Određivanje geografskih koordinata, nova metoda određivanja sistematske greške s tri ili više opažanja i mogućnost zamjene hiperbola kružnicama položaja". Naše more, 1-2., Dubrovnik 1983., 49. - 52.

Metoda koju je pokazao Sjekavica određuje računskim putem poziciju s pomoću tri ili više snimljenih nebeskih tijela, u kojoj se također eliminira sustavna greška.

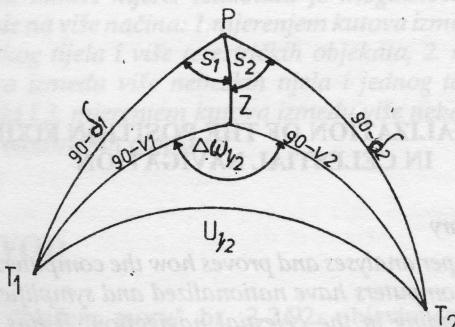
Relacije izvodi iz dva sferna trokuta s vrhovima u polu, odnosno zenitu, i dva nebeska tijela, koji trokuti su poznati iz odavno postavljenog problema dviju visina za izravno određivanje brodske pozicije.

Na temelju poznatih relacija za sfenu udaljenost  $U_{1/2}$  iz oba trokuta, te njihova diferenciranja, analitičkim putem nakon sređivanja dobiva se relacija za dva tijela:

$$d\omega_{1/2} = (\tan V_1 + \tan V_2) \tan \frac{\Delta\omega_{1/2}}{2} dV$$

odnosno za tri tijela:

$$d\omega_{1/3} = \left[ (\tan V_1 + \tan V_2) \tan \frac{\Delta\omega_{1/3}}{2} + (\tan V_2 + \tan V_3) \tan \frac{\Delta\omega_{2/3}}{2} + (\tan V_3 + \tan V_1) \tan \frac{\Delta\omega_{1/3}}{2} \right] dV$$



Slika 4. Sferni trokuti s vrhovima u polu, zenitu i nebeskim tijelima kojima je sfena udaljenost  $U_{1/2}$

Budući da je  $d\omega_{1/2/3} = [360^\circ - (\Delta\omega_{1/2} + \Delta\omega_{2/3} + \Delta\omega_{1/3})]$

a pojedinačno računanje razlika azimuta, npr. između 1. i 2. tijela, računa se po relaciji:

$$\cos\Delta\omega_{1/2} = \frac{\sin\delta_1\sin\delta_2 + \cos\delta_1\cos\delta_2\cos(s_1-s_2) - \sin V_1\sin V_2}{\cos V_1\cos V_2}$$

Prema tome konačno se dobiva:

$$dV = \frac{360^\circ - \Delta\omega_{1/2} - \Delta\omega_{2/3} - \Delta\omega_{1/3}}{(\tan V_1 + \tan V_2) \tan \frac{\Delta\omega_{1/3}}{2} + (\tan V_2 + \tan V_3) \tan \frac{\Delta\omega_{2/3}}{2} + (\tan V_3 + \tan V_1) \tan \frac{\Delta\omega_{1/3}}{2}}$$

Tu relaciju numerirajmo s (8).

Izračunani diferencijal dodava se svim visinama, a s pomoću njih se onda računa pozicija.

Ovom metodom dobiva se precizna pozicija, koja je najčešće središte trokutu upisane kružnice, kako to i grafički izlazi. Ali je optimalizacija u tome što ovdje nije potrebno prvo crtati tri pravca, pa onda određivati i crtati simetrale-bisektrise dobivenog trokuta da bi se u njihovu presjecištu dobila pozicija oslobođena sustavne greške.

Za primjer mogu se uzeti isti podaci koji su riješeni u visinskoj metodi. S programiranim računalom bez primjene metode za sustavne greške dobit će se pozicije u presjeku kružnica položaja:

$$P_{1/2}: \varphi = 35^\circ 59,8'N \text{ i } \lambda = 5^\circ 38,97'W$$

$$P_{1/3}: \varphi = 36^\circ 00,04'N \text{ i } \lambda = 5^\circ 42,02'W$$

$$P_{2/3}: \varphi = 36^\circ 01,76'N \text{ i } \lambda = 5^\circ 40,96'W$$

Najvjerojatnija pozicija određena je težištem kojemu su koordinate  $1/3 (\varphi_1 + \varphi_2 + \varphi_3)$  i  $1/3 (\lambda_1 + \lambda_2 + \lambda_3)$ , što za naš primjer daje:

$$Pb: \varphi = 36^\circ 00,54'N \text{ i } \lambda = 5^\circ 40,65'W$$

Zanimljivo je ovdje pokazati kako bi presečne točke pravaca položaja bile nešto drugačije:

$$P_{1/2}: \varphi = 36^\circ 00,3'N \text{ i } \lambda = 5^\circ 39,3'W$$

$$P_{1/3}: \varphi = 36^\circ 00,4'N \text{ i } \lambda = 5^\circ 41,7'W$$

$$P_{2/3}: \varphi = 36^\circ 01,8'N \text{ i } \lambda = 5^\circ 40,9'W$$

ali je rezultat najverovatnije pozicije praktički jednak:

$$Pb: \varphi = 36^\circ 00,8'N \text{ i } \lambda = 5^\circ 40,6'W$$

Ako se primjeni metoda s otklanjanjem sustavne greške, izravno izlazi:

$$Pb: \varphi = 36^\circ 00,59'N \text{ i } \lambda = 5^\circ 40,8'W$$

Zbog sustavne greške u prvom računu odstupanje pozicija dosta je izražajno, dok standardno odstupanje pozicije dobivene s otklonom sustavne greške potpuno je zanemarivo.

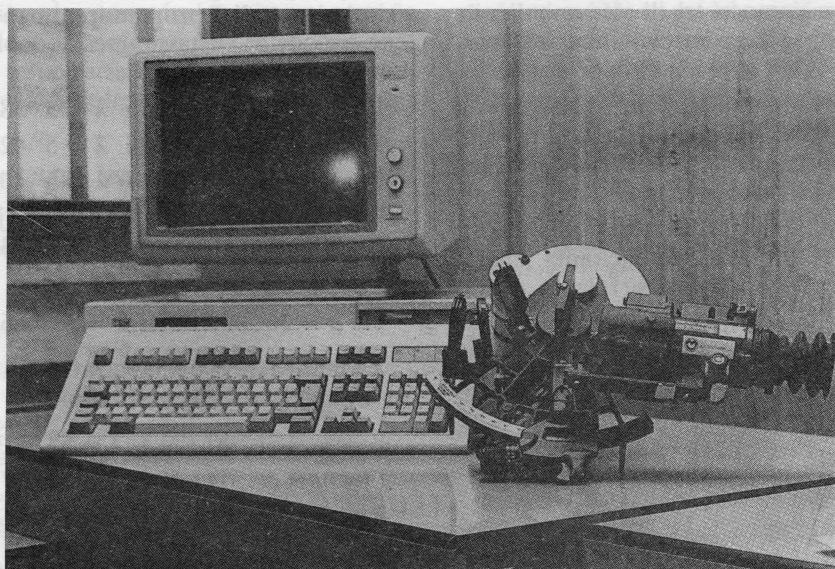
## ZAKLJUČAK

U ovom radu pokazalo se kolika se optimalizacija u dobivanju brodske pozicije u astronomskoj navigaciji danas postiže primjenom elektroničkih džepnih računala. Pogotovo se to ostvaruje specijalnim navigacijskim računalima ili disketama za personalni kompjutor.

Ostaje navigatoru da izmjeri sekstantom (a to je poznata slika koja simbolizira nautičkog časnika) visine nebeskih tijela i ubaci u računalo podatke koje on poznatim simbolima pita i za par sekunda daje rezultat. Pokušava se i taj postupak automatizirati povezujući



Slika 5. Snimanje sekstantom



Slika 6. CNAGS-oprema

čitanje visine i vremena izmjerениh tijela s kompjutorom u tzv. CNAGS (Celestial Navigation Automated Global System) [6].

Osim toga ovaj se sustav može priključiti integriranim navigacijskim sustavom, a specijalnim durbinom sekstant može snimati i po noći.

Za dobivanje brodske pozicije s pomoću električnih računala ima i drugih prijedloga novih metoda, ali ovaj se rad ograničio samo na dvije. One dovoljno uvjerljivo upućuju na to da je prije potrebno vrijeme za dobivanje brodske pozicije u astronomskoj navigaciji toliko skraćeno i pojednostavljeno, isključujući pri tomu mogućnost pogreške, da se može zaključiti kako je tom optimalizacijom astronomska navigacija ostala i dalje aktualna u praksi, a nije samo pričuvna mogućnost određivanja pozicije na moru. To pogotovo vrijedi za novu generaciju računala (*Merlin II Navigation Computer*, *Celesticomp V Computer* i druge), koji u nekoliko sekunda izbacuju konačni rezultat tražene brodske pozicije. [7]

[6] V. Nastro, A. Russo, R. Santamaria, A. Sposito, M. Vultaggio i F. Giordano: "Night Observation in Automated Astronomical Navigation" The Journal of Navigation, Vol. 72. No.2, London 1989., 291. - 297.

[7] Nautical Almanac 1993. Comercial edition  
Paradise Cay Publication, Middletown, California i Celestaire, Wichata, Kausas

Rukopis primljen: 9. 11. 1993.

## OPTIMIZATION OF THE POSITION FIXING IN CELESTIAL NAVIGATION

### Summary

*This paper analyses and proves how the computers and personal computers have nationalized and simplified the position finding in the celestial navigation. It has been shown on the up to now exclusively used indirect altitude method as well as on the well known, but due to complicated computing not too much used method.*

*In both cases calculation by means of computers has optimized the position fixing thus making the celestial navigation an integral part of other modern systems for position fixing.*