

UDK 528.563.026.2:528.3:550.831
Stručni članak

Stajališna analiza gravimetrijskih mjerena

Željko HEĆIMOVIĆ – Zagreb*

SAŽETAK. U radu je obrađen problem analize gravimetrijskih mjerena na stajalištu. Stajališna analiza omogućuje uvid u ponašanje gravimetra koristeći najelementarnije podatke mjerena. Stajališni hod sadrži sustavni utjecaj gravimetra na mjerena. U radu je predviđena stajališna obrada i analiza triju karakterističnih primjera gravimetrijskih mjerena na stajalištu. Stajališnom analizom procjenjuje se kvaliteta mjerena i dobiva uvid u stabilnost mjernog sustava gravimetra. Njezinom primjenom mogu se procijeniti slučajne značajke mjerena. Usporedbom rezultata obrade na više stajališta dobiva se uvid u stabilnost mjernog sustava u duljem vremenskom razdoblju.

Ključne riječi: stacionarni hod, transportni hod, dnevni hod, stajališni hod, sustavne i slučajne značajke mjerena, stabilnost mjernog sustava.

1. Uvod

Na gravimetrijskom stajalištu provodimo mjerena u više ponavljanja. Tako dobivena mjerena međusobno se razlikuju, pa se javlja problem određivanja njihovih najvjerojatnijih vrijednosti. Mjerena na pojedinom stajalištu traju relativno kratko te će se razlike javljati zbog kratkoperiodičnih utjecaja. Dugoperiodični utjecaji djeluju na mjerena na stajalištu s konstantnim iznosom. O njima moramo voditi računa prilikom mjerena koja traju dulje vrijeme ili prilikom mjerena u više epoha. Glavni kratkoperiodični uzroci razlika mjerena na gravimetrijskom stajalištu mogu se podijeliti:

- na promjene polja ubrzanja sile teže za vrijeme mjerena,
- na promjene u uvjetima mjerena,
- na instrumentalne uzroke.

Polje ubrzanja sile teže mijenja se s vremenom. Promjene su uglačane i relativno spore. Prilikom mjerena na stajalištu najveći iznos promjena polja ubrzanja sile

*Doc. dr. sc. Željko Hećimović, Hrvatski geodetski institut, Savska c. 41/XVI, pp 19, 10000 Zagreb,
e-mail: zeljko.hecimovic@hgi.hinet.hr

teže imaju Zemljini plimni valovi, koji ovise o gibanjima Mjeseca i Sunca. Kako su gibanja Mjeseca i Sunca u odnosu na Zemlju dobro poznata, taj se utjecaj može modelirati s velikom pouzdanošću. Mjerenja na pojedinom stajalištu traju relativno kratko te sve dugo periodične promjene polja ubrzanja sile teže utječu na mjerenja na stajalištu s konstantnim iznosom. Za njihovu analizu moraju se provoditi mjerenja koja traju znatno dulje od trajanja njihove periode, a da bismo ih eliminirali iz mjerenja trebamo imati empirijsko-matematički model s pomoću kojega dobivamo korekciju za stajalište u trenutku mjerenja.

Zbog relativno kratkog trajanja mjerenja na stajalištu, zanimat će nas kratkoperiodični utjecaji promjena u uvjetima mjerenja. Relativnim gravimetrima Scintrex CG-3M određujemo razlike ubrzanja sile teže reda veličine 10^{-8} ms^{-2} . To je veliki zahtjev za mjerni sustav, pa i male promjene u tijeku mjerenja mogu znatno utjecati na rezultat. Utjecaj mikroseizmike jedan je od kratkoperiodičnih utjecaja koji je redovito prisutan, osobito prilikom mjerenja u blizini prometnica. Mjerni senzor Scintrex CG-3M gravimetra napravljen je od kvarca koji je vrlo osjetljiv na promjene temperature. Iako se temperatura gravimetara održava grijačima, u tijeku mjerenja može doći do kratkoperiodičnih promjena temperature koje utječu na mjerenja. Kratkoperiodičan uzrok poremećaja može biti i vjetar. On može puhati izravno u gravimetar ili može preko krošnji drveća izazivati naprezanje tla koje djeluje na mjerenja. Mjernik također može biti uzrok kratkoperiodičnih nepravilnih utjecaja koji mogu poremetiti mjerenja. Promjene u uvjetima mjerenja teško je ili nemoguće modelirati pa ih eliminiramo ili smanjujemo njihov utjecaj metodama i postupcima mjerenja.

Prilikom analiziranja instrumentalnih kratkoperiodičnih utjecaja na mjerenja treba uzeti u obzir da se svaki gravimetar ponaša na specifičan način i da se njegova svojstva mijenjaju s vremenom. Instrumentalne nestabilnosti u tijeku mjerenja imaju signifikantan utjecaj na rezultate mjerenja. Da bi se gravimetar ispravno upotrebljavao i ispravno se interpretirali rezultati mjerenja, njegov se rad mora redovito pratiti. Svojstvo kvarcnog senzora u odnosu na metalne je veći hod. Iznos je hoda signifikantan i kod kraćih mjerenja koliko traju mjerenja na jednom stajalištu. Hod gravimetra jedna je od osnovnih karakteristika stabilnosti (ili nestabilnosti) mjernog sustava gravimetra. Hod je promjena nule čitanja gravimetra s vremenom (Torge, 1989). To je klasična definicija koja sažeto, deskriptivno opisuje fenomen promjena fizikalnih svojstava mjernog senzora i nekompenziranih utjecaja na mjerenje koji se javljaju pri uporabi relativnih, mehaničkih gravimetara. U literaturi se razlikuju stacionarni, transportni i dnevni hod (Torge 1989).

Stacionarni hod podrazumijeva ponajprije utjecaj promjene fizikalnih svojstava mjernog senzora s vremenom. On se određuje na osnovi statičkog mjerenja gravimetrom u trajanju od najkratće 24 sata. Stacionarni je hod pogodan za analizu mjernog sustava gravimetra. Na stacionarni hod ne utječu mehanički šokovi koji se javljaju prilikom transporta gravimetra, a kratkoperiodični poremećaji imaju osobine šuma. Zbog toga se stacionarni hod može pouzdano odrediti.

Transportni hod podrazumijeva utjecaj transporta gravimetra na rezultate mjerenja. On signifikantno utječe na cijelokupni iznos hoda gravimetra. Pod transportnim se hodom ponajprije podrazumijevaju utjecaji mehaničkih šokova za vrijeme transporta, jer su preostali utjecaji manjega reda veličine. Međutim, pri transportu gravimetara s kvarcnim senzorom treba voditi računa o stabilnosti temperature.

Transportni hod gravimetra može se izraziti kao funkcija uvjeta transporta. Tako se u Torge (1989) može naći da je preciznost mjerena razlika ubrzanja sile teže u opadanju od $\pm 0,03 \mu\text{ms}^{-2}$ kada je gravimetar prenošen u ruci, na $\pm 0,05 \mu\text{ms}^{-2}$ kada je transportiran na dobroj cesti, na $\pm 0,09 \mu\text{ms}^{-2}$ kada je transportiran lošom cestom i na $\pm 0,18 \mu\text{ms}^{-2}$ kada je gravimetar transportiran helikopterom.

Dnevni hod odreduje se na osnovi ponavljanja mjerena na istome stajalištu za vrijeme jedne epohe mjerena. Epoha mjerena nije dulja od jednog dana pa je s obzirom na tu činjenicu dobio ime. Dnevni je hod rezultat stacionarnog i transportnog hoda. On je glavna veličina koja se modelira prilikom obrade gravimetrijskih mjerena. Mjerena jedne mjerne epohe imaju zajedničku dnevnu nulu. Dnevna nula gravimetra dinamička je veličina koja se mijenja za svaku epohu mjerena (dan) i eliminira se iz mjerena korištenjem razlika mjerena. Dnevni hod treba eliminirati iz mjerena jer ima sustavni utjecaj na mjerena.

Promjene polja ubrzanja sile teže za vrijeme mjerena na stajalištu možemo pouzданo modelirati, a kratkoperiodične promjene u uvjetima mjerena izbjegavamo metodama i postupcima mjerena. Zbog toga u mjeranjima prevladavaju instrumentalni uzroci, koje nastojimo modelirati.

2. Matematički model stajališnog hoda

Da bi se odredio sustavni utjecaj gravimetra na mjerena na pojedinom stajalištu modelira se stajališni hod. Pritom je korišten polinomni matematički model

$$y_i := a_1 + a_2 t_i + \dots + a_M t_i^{M-1}. \quad (1)$$

U tom su izrazu y_i mjerena gravimetra, t_i trenutak mjerena, a_i nepoznati parametri, a $M-1$ stupanj polinoma. Opći oblik modela (1) je

$$y(t_i) := \sum_{k=1}^M a_k T_k(t_i). \quad (2)$$

U tom su izrazu $T_1(t), \dots, T_M(t)$ funkcije varijable t . Kao mjera kvalitete opisivanja mjerena modelom koristi se hi-kvadrat funkcija (Press i dr. 1988)

$$\chi^2 = \sum_{i=1}^N \left(\frac{y_i - \sum_{k=1}^M a_k T_k(t_i)}{s_i} \right)^2, \quad (3)$$

gdje je N broj mjerena, $M-1$ stupanj polinoma, a s_i standardno odstupanje mjerena. Određivanjem minimuma izraza (3) s obzirom na nepoznate parametre a_k definirat ćemo parametre modela s obzirom na mjerena. Na taj način definirana je mjera odnosa između traženih parametara i mjerena, a postupak određivanja nepoznatih parametara postaje problem višedimenzionalnog minimiziranja. Izraz (3)

je minimiziran kada derivacije od χ^2 s obzirom na nepoznate parametre nestanu, tj. kad je zadovoljeno

$$0 = \sum_{i=1}^N \left(\frac{y_i - \sum_{k=1}^M a_k T_k(t_i)}{s_i} \right)^2 \left(\frac{\partial y(t_i; \dots a_j \dots)}{\partial a_j} \right), \quad j = 1, \dots, M. \quad (4)$$

Nakon deriviranja se dobije

$$0 = -2 \sum_{i=1}^N \frac{1}{s_i^2} \left(y_i - \sum_{k=1}^M a_k T_k(t_i) \right) T_j(t_i), \quad j = 1, \dots, M. \quad (5)$$

Taj izraz daje M izraza s M nepoznanica, koji se može pisati u obliku

$$\sum_{k=1}^M \alpha_{jk} a_k = \beta_j, \quad (6)$$

gdje su

$$\alpha_{jk} = \sum_{i=1}^N \frac{T_k(t_i) T_j(t_i)}{s_i^2} \quad j = 1, \dots, M, \quad k = 1, \dots, M, \quad (7)$$

članovi matrice dimenzija $M \times M$, a

$$\beta_j = \sum_{i=1}^N \frac{y_i T_j(t_i)}{s_i^2} \quad (8)$$

članovi su vektora dimenzija $1 \times M$. Nepoznate parametre dobivamo s pomoću izraza

$$a_k = \sum_{j=1}^M C_{kj} \left[\sum_{i=1}^N \frac{y_i T_j(t_i)}{s_i^2} \right], \quad (9)$$

gdje je C_{kj} inverzna matrica izraza (7). Varijancu nepoznatih parametara dobivamo s pomoću izraza

$$s^2(a_k) = s_0^2 \sum_{j=1}^M \sum_{l=1}^M C_{kj} C_{kl} \left[\sum_{i=1}^N \frac{T_j(t_i) T_l(t_i)}{s_i^2} \right], \quad (10)$$

pri čemu je s_0^2 referentna varijanca koju dobijemo s pomoću izraza

$$s_0^2 = \frac{1}{N - M} \sum_{i=1}^N \left(\frac{y_i - \sum_{k=1}^M a_k T_k(t_i)}{s_i} \right)^2. \quad (11)$$

Ovdje je N broj mjerena na stajalištu, a M broj nepoznanica.

Primjenom prikaza matematičkog modela na mjerena definiramo sustavni utjecaj na mjerena, tj. stajališni hod. Odstupanja mjerena od matematičkog modela definiraju slučajni utjecaj (šum).

Stajališnom analizom obrađuju se samo podaci na pojedinom stajalištu. Da bi smo mogli kombinirati podatke jednog stajališta s podacima drugih stajališta moramo poznavati konstantni dio promjene za svako stajalište, a ono se određuje modeliranjem dnevnog hoda.

3. Primjeri

U nastavku su dana tri karakteristična primjera analize gravimetrijskih mjerena na stajalištu s obzirom na ponašanje mjerena na stajalištu. U svim je primjerima izvršeno mjerjenje na stajalištu u pet ponavljanja. Duljina epoha pojedinog mjerjenja bila je na sva tri stajališta 60 sekundi. Mjerena gravimetra su u realnom vremenu popravljena za kalibracijski koeficijent gravimetra, temperaturu senzora, nagibanje gravimetra u tijeku mjerena, *a priori* hod i Zemljine plimne valove.

Iz rezultata mjerena na raspolažanju su nam i standardna odstupanja s_i za svako mjerjenje y_i . Međutim, ona su pod velikim utjecajem mikroseizmike (Brčić i Seigel 1999), ne opisuju stohastičke značajke mjerena i u pravilu su prevelika. Zbog toga u obradi nisu korištena standardna odstupanja mjerena.

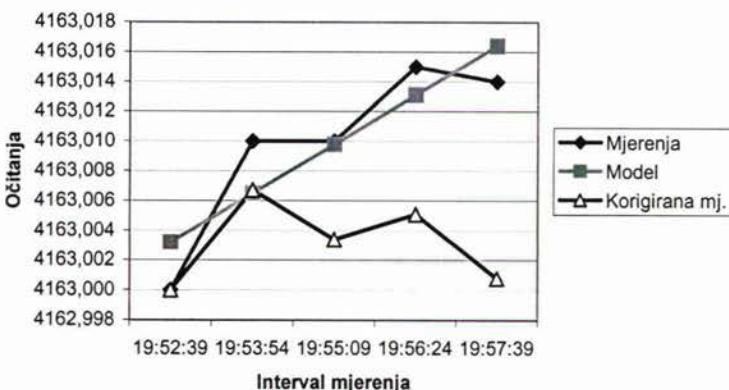
U tablici 1 dani su određeni parametri modela iz izraza (1) za sva tri stajališta. Kako je korišten linearni model, nepoznata su bila samo prva dva parametra. Parametar a_1 konstantni je dio, a parametar a_2 je hod gravimetra na stajalištu ili, kraće, stajališni hod. On je dobiven na osnovi podataka samo na jednome stajalištu. Iako je gravimetar od točke do točke nošen u rukama a uvjeti transporta su bili isti, razlika između najveće i najmanje vrijednosti hoda je više nego dvostruka. Na stajalištu 1 hod je imao najveću vrijednost i iznosio je $1,584 \mu\text{ms}^{-2}/\text{sat}$, a na stajalištu 2 je imao najmanju vrijednost i iznosio je $0,720 \mu\text{ms}^{-2}/\text{sat}$. U pet minuta mjerena najveći hod prouzrokuje popravak $-0,132 \mu\text{ms}^{-2}$, a najmanji $-0,060 \mu\text{ms}^{-2}$.

Usporedbom hodova na sva tri stajališta možemo uočiti da je hod bio u sva tri slučaja pozitivan. Stacionarni hod korištenoga gravimetra dobiven s pomoću kontinuiranog praćenja njegova rada također je pozitivan. Stacionarni hod u razdoblju mjerena iznosio je $0,175 \mu\text{ms}^{-2}/\text{sat}$. Iz tablice 1 može vidjeti da su hodovi na stajalištu veći od stacionarnoga hoda i imaju vrijednosti od $0,720 \mu\text{ms}^{-2}/\text{sat}$ do $1,584 \mu\text{ms}^{-2}/\text{sat}$. Veća vrijednost hoda je utjecaj transporta.

Tablica 1. Parametri i njihova standardna odstupanja za sva tri stajališta.

Stajalište	a_1	s_{a1}	a_2	s_{a2}
	$[\mu\text{ms}^{-2}]$	$[\mu\text{ms}^{-2}]$	$[\mu\text{ms}^{-2}/\text{sat}]$	$[\mu\text{ms}^{-2}/\text{sat}]$
1	41630,0320	0,0253	1,5840	0,4950
2	41631,5220	0,0284	0,7200	0,5563
3	41629,2020	0,0390	0,9120	0,7635

U prvome primjeru obrađena su gravimetrijska mjerena na stajalištu 1, koja opisuju jasan uzlazni trend. Na slici 1 prikazani su mjerena, model i korigirana mjerenja na stajalištu.



Slika 1. Mjerenja gravimetra, model i korigirana mjerenja za stajalište 1.

U tablici 2 prikazana je obrada gravimetrijskih mjerena za stajalište 1. Oznaka stajališta, mjerena i vrijeme veličine su preuzete iz gravimetra, a ostale su veličine dobivene njihovom obradom.

Tablica 2. Obrada gravimetrijskih mjerena za stajalište 1.

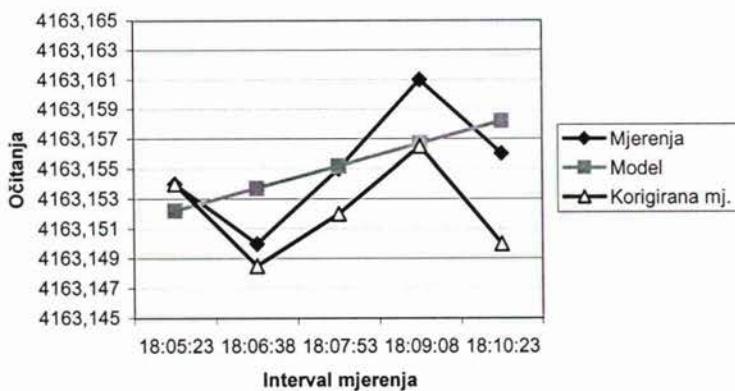
Stajalište	Mjerenja [μms^{-2}]	Vrijeme [hh:mm:ss]	Model [μms^{-2}]	Korekcija za hod [μms^{-2}]	Korigirana mjerena [μms^{-2}]	Odstupanja [μms^{-2}]
1	41630,00	19:52:39	41630,032	0,000	41630,000	0,032
1	41630,10	19:53:54	41630,065	-0,033	41630,067	-0,035
1	41630,10	19:55:09	41630,098	-0,066	41630,034	-0,002
1	41630,15	19:56:24	41630,131	-0,099	41630,051	-0,019
1	41630,14	19:57:39	41630,164	-0,132	41630,008	0,024
Sredina	41630,098		41630,098		41630,032	
St. dev.	0,059		0,052		0,028	

Aritmetička sredina mjereneh veličina na stajalištu 1 iznosi $41630,098 \mu\text{ms}^{-2}$ i ima standardno odstupanje $0,059 \mu\text{ms}^{-2}$. Nakon stajališne obrade, sredina iznosi $41630,032 \mu\text{ms}^{-2}$ i ima pripadno standardno odstupanje $0,028 \mu\text{ms}^{-2}$. Razlika između sredina prije i nakon stajališne obrade iznosi $0,066 \mu\text{ms}^{-2}$ i signifikantna je veličina.

Korigirana mjerena u tablici 2 dobivena su popravljanjem mjereneh veličina za hod. Na taj je način uklonjen sustavni dio iz mjerena na stajalištu. Hod se odnosi na vrijeme prvoga mjerena, pa se i sva korigirana mjerena odnose na epohu prvo-

ga mjerena. Standardna odstupanja mjerena kod korigiranih su se mjerena smanjila sa $0,059 \mu\text{ms}^{-2}$ na $0,028 \mu\text{ms}^{-2}$. Iz toga slijedi da korigirane vrijednosti imaju manje rasipanje oko sredine u odnosu na originalno mjerene vrijednosti. Odstupanja su dobivena na temelju razlike sredine korigiranih mjerena i pojedinoga korigiranog mjerena. U slučaju kada se u obradi ne koriste standardna odstupanja mjerena, korigirane vrijednosti su centrirane i njihova je očekivana vrijednost jednaka nuli. Na osnovi njih možemo procijeniti slučajna svojstva mjerena, tj. svojstva šuma.

U drugome primjeru, na stajalištu 2, mjerena opisuju blagi rastući trend s nepravilnim skokovima (vidi sliku 2).



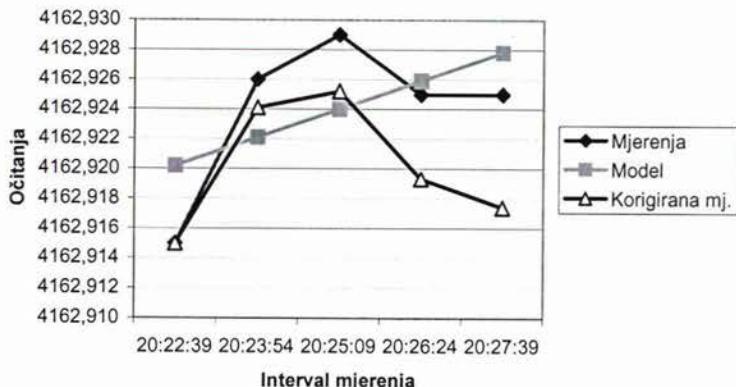
Slika 2. Mjerena gravimetra, model i korigirana mjerena za stajalište 2.

Iz tablice 3 se vidi da je standardno odstupanje korigiranih mjerena manje u odnosu na standardno odstupanje mjerena, što upućuje na manje rasipanje korigiranih mjerena oko sredine nego što je to slučaj kod mjerena veličina. Sredine se razlikuju za $0,030 \mu\text{ms}^{-2}$.

Tablica 3. Obrada gravimetrijskih mjerena za stajalište 2.

Stajalište	Mjerena [μms^{-2}]	Vrijeme [hh:mm:ss]	Model [μms^{-2}]	Korekcija za hod [μms^{-2}]	Korigirana mjerena [μms^{-2}]	Odstupanja [μms^{-2}]
2	41631,54	18:05:23	41631,522	0,000	41631,540	-0,018
2	41631,50	18:06:38	41631,537	-0,015	41631,485	0,037
2	41631,55	18:07:53	41631,552	-0,030	41631,520	0,002
2	41631,61	18:09:08	41631,567	-0,045	41631,565	-0,043
2	41631,56	18:10:23	41631,582	-0,060	41631,500	0,022
Sredina	41631,552		41631,552		41631,522	
St. dev.	0,040		0,024		0,032	

Mjerenja na stajalištu 3 opisuju paraboličan oblik (vidi sliku 3 i tablicu 4). Paraboličan je oblik nepoželjan, pa je i taj problem najbolje riješiti povećanjem broja mjerenja na stajalištu. Treba skupiti dovoljan broj mjerena kako bi se sa sigurnošću moglo utvrditi ponašanje gravimetra na stajalištu.



Slika 3. Mjerenja gravimetra, model i korigirana mjerenja za stajalište 3.

Tablica 4. Obrada gravimetrijskih mjerena za stajalište 3.

Stajalište	Mjerenja [μms^{-2}]	Vrijeme [hh:mm:ss]	Model [μms^{-2}]	Korekcija za hod [μms^{-2}]	Korigirana mjerenja [μms^{-2}]	Odstupanja [μms^{-2}]
3	41629,15	20:22:39	41629,202	0,000	41629,150	0,052
3	41629,26	20:23:54	41629,221	-0,019	41629,241	-0,039
3	41629,29	20:25:09	41629,240	-0,038	41629,252	-0,050
3	41629,25	20:26:24	41629,259	-0,057	41629,193	0,009
3	41629,25	20:27:39	41629,278	-0,076	41629,174	0,028
Sredina	41629,240		41629,240		41629,202	
St. dev.	0,053		0,030		0,044	

Mjerenja na stajalištu 3 mijenjaju se s amplitudom od $0,14 \mu\text{ms}^{-2}$, što je približna vrijednost koja se javlja i na drugim stajalištima. Standardno odstupanje korigiranih mjerena nakon stajališne analize manje je u odnosu na standardno odstupanje mjereneh veličina, a sredine se razlikuju za $0,038 \mu\text{ms}^{-2}$.

Glavne analitičke veličine za analizu gravimetrijskih mjerena na stajalištu su stajališni hod i standardna devijacija korigiranih mjerena. Stajališni hod dobiven je primjenom prikazane stajališne analize na mjerena, a to su najelementarnije korisničke informacije mjerena gravimetrom. Stajališni hod je veličina koja se može koristiti u analizi kvalitete mjerena i stabilnosti mjernog sustava. On za razliku od ostalih hodova najvjernije opisuje mjerena. Njegovom analizom dobivamo uvid u stabilnost mjernog sustava gravimetra na pojedinom stajalištu i kratko periodično ponašanje mjernog su-

stava. On sadrži stacionarni hod i iznos koji je u velikoj mjeri prouzročen zaostalom reakcijom mernog sustava na mehaničke šokove za vrijeme transporta. Zbog relativno kratkog trajanja mjerena na stajalištu ima kratkoperiodični karakter. Stajališni hod ponajprije ovisi o utjecajima vezanima uz pojedino stajalište. Naravno, u tijeku mjerjenja treba računati i s kumulativnim utjecajem transporta na mjerjenje.

4. Zaključci

Stajališnom analizom obrađujemo gravimetrijska mjerena na pojedinom stajalištu. Mjerena su obrađena na svakom stajalištu kao zasebna cjelina kako bi se izbjeglo miješanje utjecaja koji se javljaju prilikom kombiniranja mjerena na više stajališta. Njome dobivamo sustavni utjecaj definiran stajališnim hodom i slučajni dio kao razlike mjerena od modela.

Stajališni hod javlja se kao veličina sa specifičnostima koje nisu prisutne kod drugih hodova (stacionarni, transportni i dnevni hod). On se može primijeniti kao analitička veličina za analizu mjerena i mernog sustava gravimetra koja vjerno opisuje mjerena.

Stajališna analiza omogućuje uvid u kvalitetu mjerena i stabilnost mernog sustava. Usporedbom stajališnih hodova na više stajališta može se procijeniti stabilnost mernog sustava u duljem vremenskom razdoblju. Na osnovi stajališne analize možemo procijeniti slučajne značajke (šum) mjerena.

Literatura

- Brčić, I., H. O. Seigel (1999): Recent Performance Evaluations and Applications of the Scintrex CG-3M Microgravimeter. <http://www.scintrexltd.com>.
- Press, W. H., B. P. Flannery, S. A. Teukolsky, W. T. Vetterling (1988): Numerical recipies. Cambridge University Press, Cambridge.
- Torge, W. (1989): Gravimetry, Walter de Gruyter.

Analysis of the gravimetric measurements on the station

ABSTRACT. Procedure of analysis of gravimetric data on the station is given. With given procedure systematic and random part of the measurement on the station can be defined. Station drift is used to judge quality of measurements and behavior of the measurements sensor. It represents systematic influence on the station measurements. It has specific characteristics that are different in comparison to static, transportation or daily drift. Three characteristic examples of gravimetric measurements on the station are analysed. Comparing station drift on the more sites, stability of the gravimeter measurements system in the longer time period can be judged.

Keywords: static drift, transportation drift, daily drift, station drift, stability of measurement system.

Prihvaćeno: 2003-5-10