

# TRANSFORMACIJA KOORDINATA IZMEĐU SUSJEDNIH KOORDINATNIH SISTEMA KOD GAUSS-KRÜGEROVE PROJEKCIJE

Prof. ing. BRANKO BORČIĆ — Zagreb

Najširu primjenu u geodetskoj praksi ima neposredni način transformacije iz jednog sistema u drugi — susjedni uvođenjem pomoćnih tačaka.

Rješenje ovoga problema može se naći u stručnoj literaturi prikazano od više istaknutih naučnjaka, počevši od prof. dr L. Krügera u njegovom djelu Konforme Abbildung des Erdellipsoids in der Ebene, 1912. godine, pa do današnjih stručnih pisaca, među kojima se vidno ističe, pri rješenju i obradi ovog problema, bugarski naučnik prof. dr Hristov Vladimir. Rješenje prof. dr Hristova odlikuje se originalnim i kratkim izvodima, i idući ovim putem, teško je predvidjeti i reći, da bi se tu moglo još nešto poboljšati ili dodati. Stoga se i ovaj prikaz ovdje oslanja na radove prof. dr Hristova, koji su najvećim dijelom objavljeni u njemačkom časopisu Zeitschrift für Vermessungswesen.

Pretpostaviti ćemo da se radi o transformaciji koordinata iz koordinatnog sistema, čija x-os predstavlja projekciju meridijana dužine L. Taj sistem nazovimo zapadni. Sistem, u koji ćemo transformirati datu tačku, susjedni je ovome sistemu, čija je dužina  $L' = L + 3^{\circ}$ . Prema tome, ovaj će sistem biti na istoku od sistema, čiji je meridijan dužine L, pa ćemo ga zvati istočni. Sve oznake u ovome sistemu imat će oznaku ćrticu (').

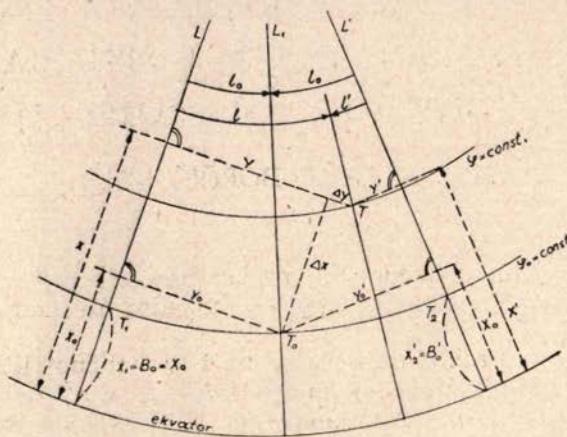
Neka koordinate tačke T, o čijoj se transformaciji radi, budu  
x i y u zapadnom koordinatnom sistemu, i  
x' i y' u istočnom koordinatnom sistemu, njih je potrebno odrediti transformacijom.

Da bismo došli do formula potrebnih za transformaciju, uvodimo pomoćnu tačku  $T_0$ , koja se nalazi na graničnom meridijanu između koordinatnih sistema, a na paraleli sa širinom  $\varphi_0$  u neposrednoj blizini tačke T. Ta paralela sijeće glavne meridijane u tačkama  $T_1$  i  $T_2$ , a granični meridijan u tački  $T_0$ . Granični meridijan ima dužinu  $L_0$ , koja je određena kao aritmetička sredina dužina L i  $L'$ , odnosno izrazom

$$L_0 = \frac{L + L'}{2},$$

dakle nalazi se na sredini između glavnih meridijana (sl. 1).

Ove tri tačke  $T_1$ ,  $T_2$  i  $T_0$  služe nam za izvođenje formula za transformaciju, a tačka  $T_0$  je ujedno tzv. pomoćna tačka, čije koordinate moramo imati u oba koordinatna sistema. Ova nam tačka — upravo — ostvaruje vezu između susjednih koordinatnih sistema. Nije teško zaključiti da razlike između koordinata ove pomoćne tačke i koordinata one tačke koja



Sl. 1.

se transformira, u jednom i u drugom sistemu moraju biti u nekom stalnom odnosu, a ta nam činjenica omogućuje da dođemo do rješenja i formula koje se mogu naći u više udžbenika.\*)

Te formule u konačnom obliku glase:

$$x' = x_0' + h_{11}\Delta x - h_{12}\Delta y + h_{21}\Delta x^2 - 2h_{22}\Delta x\Delta y - h_{21}\Delta y^2 + h_{31}\Delta x^3 - 3h_{32}\Delta x^2\Delta y - 3h_{31}\Delta x\Delta y^2 + h_{32}\Delta y^3;$$

$$y' = \mp y_0' + h_{12}\Delta x + h_{11}\Delta y + h_{22}\Delta x^2 + 2h_{21}\Delta x\Delta y - h_{22}\Delta y^2 + h_{32}\Delta x^3 - 3h_{31}\Delta x\Delta y^2 + 3h_{31}\Delta x^2\Delta y - h_{31}\Delta y^3.$$

Pojedine oznake u ovim formulama imaju ova značenja:

$y_0, x_0$  — koordinate pomoćne tačke u koordinatnom sistemu iz koga se vrši transformacija koordinata;

$y'_0, x'_0$  — koordinate pomoćne tačke u onom koordinatnom sistemu u koji se vrši transformacija koordinata;

$\Delta x = x - x_0$  — koordinatne razlike prema poznatim oznakama;

$\Delta y = y - y_0$

$h_{11}, h_{12}, h_{21}$  — oznake za koeficijente transformacije, koji su dati  
 $h_{22}, h_{31}, h_{32}$  tabelarno za argument  $x$ .

Na početku je rečeno, da se ovome zadatku poklanja velika pažnja u geodetskoj praksi. Traže se nova rješenja, preuređuju se konačne formule na pogodnije oblike za računanje, kombiniraju se računanja s logaritamskim tablicama s računanjima pomoću računske mašine, a sve s krajnjim ciljem da se skrati postupak računanja.

\* B. Borčić: Gauss-Krügerova projekcija, str. 123.

Promatrajući sva ta nastojanja zadnjih 30 godina jedno bi se go-tovi sigurno moglo reći: Teško je vjerovati da će se teoretsko rješenje naći povoljnije od ovoga, čiji su krajnji rezultat naprijed napisane formule. Ali, da se ove formule — možda — mogu dovesti još na kraći oblik, pogodniji za računanje, i da će se u tome pravcu i u budućnosti kretati sva pojednostavljenja, više je nego sigurno. Tih raznih oblika formula pisanih na razne načine, pogodnih i manje pogodnih za računanje, ima danas vrlo mnogo.

U našem prikazu ograničit ćemo se samo na one, koji se primjenjuju u našoj stručnoj praksi, ili koje preporučujemo za primjenu, jer su pogodnije od dosadašnjih načina računanja.

Tako naprijed citirane formule možemo napisati u ovome obliku:

$$\begin{aligned}x'_0 &= x_0 + h_{11}\Delta x - h_{12}\Delta y + h_{21}(\Delta x^2 - \Delta y^2) - 2h_{22}\Delta x\Delta y + h_{31}(\Delta x^3 - \\&\quad - 3\Delta x\Delta y^2) - h_{32}(\Delta y^3 - 3\Delta x^2\Delta y); \\y'_0 &= \mp y + h_{12}\Delta x + h_{11}\Delta y + h_{22}(\Delta x^2 - \Delta y^2) + 2h_{21}\Delta x\Delta y + h_{32}(\Delta x^3 - \\&\quad - 3\Delta x\Delta y^2) - h_{31}(\Delta y^3 - 3\Delta x^2\Delta y).\end{aligned}$$

Kao što vidimo formule pisane na ovaj način omogućuju nam da jedanput formirane iznose kod obje koordinate

$$\Delta x, \Delta y, \Delta x^2 - \Delta y^2, \Delta x\Delta y, \Delta x^3 - 3\Delta x\Delta y^2, \text{ i } \Delta y^3 - 3\Delta x^2\Delta y$$

množimo s koeficijentima  $h_{11}, h_{12}, \dots$  i jednostavnim postupkom dolazimo do traženih koordinata. Ovaj način računanja ne primjenjuje se kod nas. Dakle, on dolazi u one načine koji se preporučuju, jer je mnogo pogodniji od onih koji se kod nas danas primjenjuju. U svemu ima 36 računskih operacija, koje se izvode računskom mašinom. (Vidi prilog br. 7).

U Geodetskoj upravi NR Hrvatske, geodet Adamik Emil priredio je tablice za koeficijente  $h_{11}, h_{12}, \dots$  za svakih  $30'$  po širini  $\varphi$ , samo je tim koeficijentima dao ove oznake:

$$\begin{aligned}m_1 &= 1 - h_{11}; & m_2 &= h_{21}; & m_3 &= h_{31}; \\n_1 &= h_{12}; & n_2 &= h_{22}; & n_3 &= h_{32}.\end{aligned}$$

Ovaj način računanja s ovako pripremljenim koeficijentima pogodniji je od onih načina koji se kod nas predviđaju našim Pravilnikom za državni premjer.

Primjer za računanje i tablice za ovaj slučaj date su u prilogu br. 8, i to onako kako ih je pripremio geodet Adamik, s malim korekcijama u tablicama i objašnjenjima, koje nikako ne mijenjaju način računanja i ne utiču na rezultate računanja. (Razlikuje se samo koeficijent  $n_3$ , i to za iznose koji ne utiču na tačnost računanja).

Da bismo ove formule doveli na oblik pogodan za računanje logaritamskim tablicama uvode se ove oznake:

$$\begin{aligned}k_1 \sin \omega_1 &= h_{12}; & k_3 \sin \omega_3 &= h_{32}; \\k_1 \cos \omega_1 &= h_{11}; & k_3 \cos \omega_3 &= h_{31}. \\k_2 \sin \omega_2 &= h_{22}; \\k_2 \cos \omega_2 &= h_{21};\end{aligned}$$

i nove veličine, koje su određene ovim izrazima:

$$\begin{aligned}\Delta y &= g \sin t; & g^2 &= \Delta x^2 + \Delta y^2; \\ \Delta x &= g \cos t; & \text{tgt} &= \frac{\Delta y}{\Delta x}.\end{aligned}$$

Uvođenjem ovih novih oznaka u osnovne formule za transformaciju koordinata, dobijemo:

$$\begin{aligned}x' &= x'_0 + k_1 g \cos(t + \omega_1) + k_2 g^2 \cos(2t + \omega_2) + k_3 g^3 \cos(3t + \omega_3) \\ y' &= y'_0 + k_1 g \sin(t + \omega_1) + k_2 g^2 \sin(2t + \omega_2) + k_3 g^3 \sin(3t + \omega_3).\end{aligned}$$

Vrlo često se ove nove oznake uvode samo kod članova viših potencija, pa onda dobijemo ove formule:

$$\begin{aligned}x' &= x'_0 + \Delta x - (1 - h_{11}) \Delta x - h_{12} \Delta y + k_2 g^2 \cos(2t + \omega_2) + \\ &\quad + k_3 g^3 \cos(3t + \omega_3)\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}y' &= \mp y'_0 + \Delta y - (1 - h_{11}) \Delta y + h_{12} \Delta x + k_2 g^2 \sin(2t + \omega_2) + \\ &\quad + k_3 g^3 \sin(3t + \omega_3)\end{aligned}$$

Ove formule vrijede ako se radi o transformaciji koordinata iz zapadnog koordinatnog sistema u istočni, jer tada  $l_0$  ima pozitivan predznak. Međutim, ako se radi o transformaciji koordinata iz istočnog sistema u zapadni, tada je  $l_0$  negativno, pa koeficijenti u kojima dolaze neparne potencije od  $l_0$ , mijenjaju predznake. U tome slučaju mijenjaju predznake koeficijenti  $h_{12}$ ,  $h_{22}$  i  $h_{32}$ , a u vezi s njima, mijenjaju predznake i kutevi  $\omega_2$  i  $\omega_3$ . Prema tome, za transformaciju koordinata iz istočnog sistema u zapadni vrijede formule:

$$\begin{aligned}x' &= x'_0 + \Delta x - (1 - h_{11}) \Delta x + h_{12} \Delta y + k_2 g^2 \cos(2t - \omega_2) + \\ &\quad + k_3 g^3 \cos(3t - \omega_3)\end{aligned}$$

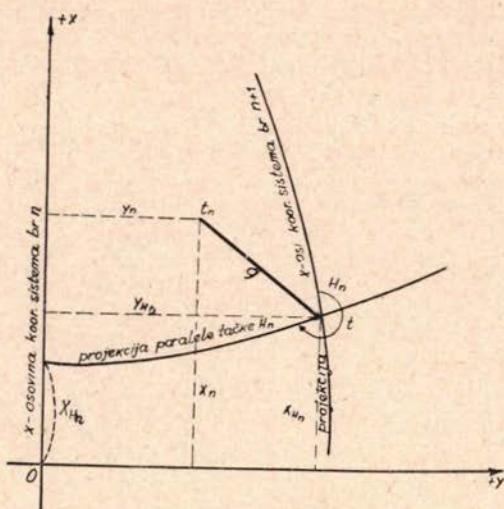
$$\begin{aligned}y' &= \mp y'_0 + \Delta y - (1 - h_{11}) \Delta y - h_{12} \Delta x + k_2 g^2 \sin(2t - \omega_2) + \\ &\quad + k_3 g^3 \sin(3t - \omega_3)\end{aligned}$$

Uza sve to, što su ove formule dovedene na vrlo povoljan oblik za računanje, ipak je računanje opterećeno velikim brojem računskih operacija. (Vidi prilog 9).

U našem Pravilniku za državni premjer ove formule date su u nešto drukčijem obliku. Naime, po našem Pravilniku računanje se vrši po formulama, koje su izvedene pretpostavljajući da se pomoćna tačka nalazi na glavnom meridijanu onog koordinatnog sistema u koji želimo transformirati koordinate neke tačke. Prema tome, koordinate pomoćne tačke u novom kordinatnom sistemu, bit će:

$$\begin{aligned}y'_0 &= 0; \\ x'_0 &= X_{T0} = X_H,\end{aligned}$$

gdje je  $X_{T_0} = X_H$  apscisa pomoćne tačke  $T_0$  u novom koordinatnom sistemu, odnosno to je dužina luka meridijana od ekvatora do širine  $\varphi_0$  pomoćne tačke  $T_0$  (sl. 2).



Sl. 2.

Prema tome, formule koje primjenjujemo u našem Pravilniku za državni glase:

$$x' = X_H + \Delta x - (1 - h_{11}) \Delta x \mp h_{12} \Delta y + k_1 g^2 \cos(2t \pm \omega_2) + \\ + k_3 g^3 \cos(3t \pm \omega_3)$$

$$y' = \Delta y - (1 - h_{11}) \Delta y \pm h_{12} \Delta x + k_2 g^2 \sin(2t \pm \omega_2) + k_3 g^3 \cos(3t \pm \omega_3)$$

Gornji predznaci vrijede ako se računanje vrši iz zapadnog sistema u istočni, a donji u protivnom slučaju. Računanje vrši u trig. obrascu br. 32 (Vidi prilog br. 9). Kao što se vidi iz svih ovih formula i priloga, transformacija koordinata iz jednog sistema u drugi — susjedni kod Gauss-Krügerove projekcije zahtijeva veliki broj računskih operacija. U trigonometrijskom obrascu br. 32 imamo 85 računskih operacija. To je jedan od glavnih razloga, što mi do danas nemamo u graničnom posjedu između susjednih koordinatnih sistema izračunate koordinate tačaka viših redova triangulacije u oba koordinatna sistema, kako je predviđeno i potrebno. Stoga se još uvjek traže načini da se to računanje svede na što manji broj računskih operacija. Veliki napredak u tome pogledu postignut je uvođenjem postupka koji nam omoguće dobivanje pomoćnih tačaka na proizvoljnim širinama, odnosno za proizvoljne apscise  $x$ .

Cinjenica, da broj pomoćnih tačaka, odnosno gustina intervala u kome su poredane pomoćne tačke i koeficijenti  $h_{11}, h_{12} \dots$  smanjuju brojeve po iznosu, s kojima vršimo računanje, dovela je na pomisao da

se pomoćne tačke i koeficijenti  $h_{11}$ ,  $h_{12}$  — poredaju tabelarno tako gusto, da ih interpolacijom možemo dobiti za svaku širinu  $\varphi$ , odnosno za svaku apscisu  $x$ , pa prema tome i za zadani  $x$ , koji transformiramo.

Ako smo postigli da nam zadani  $x$ , koji transformiramo, može biti apscisa pomoćne tačke, i da za taj  $x$  možemo interpolacijom iz tablica dobiti koeficijente  $h_{11}$ ,  $h_{12} \dots$  i ordinatu  $y'_0$  pomoćne tačke u novom koordinatnom sistemu, onda smo zapravo postigli to, da nam je  $x = x_0$ , odnosno da je u prednjim formulama  $\Delta x = 0$ , i tada one dobivaju ovaj oblik:

$$x' = x \mp h_{12} \Delta y - h_{21} \Delta y^2 \pm h_{32} \Delta y^3;$$

$$y' = \mp y'_0 + h_{11} \Delta y \mp h_{22} \Delta y^2 - h_{31} \Delta y^3.$$

Nije teško na prvi pogled zaključiti da je računanje po ovim formulama neuporedivo jednostavnije, nego kod svih dosadašnjih načina.

Da bi se moglo računati po ovim formulama nužno je prirediti takve tablice koje bi omogućile dobivanje takvih koeficijenata  $h_{11}$ ,  $h_{12} \dots$  i ordinate  $y'_0$ , da bi nam bila osigurana tačnost, koja se dobiva i drugim načinima transformacije. U tu svrhu priređene su tablice od pisca ovih redaka, a štampala ih je Savezna geodetska uprava, Beograd 1958. godine. (Vidi str. 154—155).\*

Koordinate pomoćnih tačaka i koeficijenti  $h_{11}$ ,  $h_{12} \dots$  dati su za svakih  $30''$  geografske širine, što odgovara otprilike oko 930 m po apscisi  $x$ , što potpuno osigurava traženu tačnost.

Tačka	Y		Raz-liku "mm."	X		Raz-liku "mm."
	Stari način	Novi način		Stari način	Novi način	
Kloštar Ivan.	655, 310	655, 310	± 0	858, 864	858, 866	-2
Kl. Ivanić	619, 401	619, 402	- 1	757, 253	757, 254	- 1
Sv. Martin	773, 522	773, 522	± 0	490, 088	490, 087	+ 1
Haganj	966, 500	966, 499	+ 1	863, 530	863, 530	± 0
Sv. Križ	888, 001	888, 004	- 3	285, 606	285, 609	- 3
Gor. Humka	799, 592	799, 590	+ 2	453, 433	453, 436	- 3
Δ 134	919, 353	919, 351	+ 2	946, 527	946, 529	- 2
1	301, 690	301, 691	- 1	061, 005	061, 005	± 0
2	116, 779	116, 777	+ 2	243, 729	243, 729	± 0
3	309, 192	309, 194	- 2	697, 367	697, 368	- 1
4	124, 301	124, 300	- 1	879, 489	879, 488	+ 1
5	947, 963	947, 960	+ 3	502, 183	502, 183	± 0

Od svih veličina dobivenih interpolacijom — u pogledu tačnosti — najosjetljivija je ordinata  $y'_0$ , jer je njena promjena za svakih  $30''$  geografske širine, nešto oko 18 m, a protiče se upravo na pravac promjene

\* Kao prilog br. 10, došle bi strane 28 i 29 tih tablica!!

argumenta. Iz priloženog tabelarnog pregleda u kojem su date ordinate  $y'_0$ , dobivene računski i interpolacijom iz spomenutih »Tablica na str. 148«, vidi se da je srednja greška u ordinati  $y'_0$  ispod 1 mm.

Računanje koeficijenata  $h_{11}$ ,  $h_{12} \dots$  i koordinata pomoćnih tačaka prilično je zamašan posao, a poseban je posao priređivanje tih iznosa na što jednostavniji oblik za praktično računanje. Da bi to pokazali napisat ćemo iznose za pojedine koeficijente dobivene direktnim računanjem.

$$\begin{aligned} h_{11} &= 0,999\ 30\ 45666 & = 1 - a_1; \\ 1-h_{11} &= 69,543 \cdot 10^5 & = a_1; \\ h_{12} &= 3728,78840 \cdot 10^5 & = b_1; \\ h_{21} &= 1,6145004 \cdot 10^{10} & = a_2; \\ h_{22} &= 28,80\ 880 \cdot 10^{10} & = b_2; \\ h_{31} &= 0,00308412 \cdot 10^{15} & = a_3; \\ h_{32} &= 0,154824 \cdot 10^{15} & = b_3. \end{aligned}$$

Ovo su iznosi, koji odgovaraju prvom redu tablica, za  $x_0 = 5031835,340$ , na stranama 28 i 29. (Vidi prilog br. 10). Zbog što jednostavnijeg pisanja ovih koeficijenata u formulama uzeli smo za njih oznake  $a_1$ ,  $b_1 \dots$

Ako pogledamo iznos za koeficijent  $h_{11}$ , vidimo da je on vrlo blizu jedinici, ali da bi računanje s brojem, koji je sastavljen od ovakvih cifara, bilo vrlo otežano. Stoga je iznos tog koeficijenta odbijen od jedinice i označen sa » $a_1$ «, a tada formule za računanje glase:

$$\begin{aligned} y' &= \mp y'_0 + (y - y_0) - a_1(y - y_0) \mp a_2(y - y_0)^2 - a_3(y - y_0)^3 \\ x' &= x \mp b_1(y - y_0) + b_2(y - y_0)^2 \mp b_3(y - y_0)^3 \end{aligned}$$

Istovremeno, da bismo se riješili poteškoća oko određivanja broja decimalnih mjesta kod računanja, pomnožili smo koeficijente  $a_1$  i  $b_1$  sa  $10^5$ , s tim da smo razliku  $(y-y_0)$  odmah podijelili s  $10^5$ , pa će se dobiti iznos koji odgovara formulama. Iz istih razloga pomnoženi su koeficijenti  $a_2$  i  $b_2$  sa  $10^{10}$ , a koeficijenti  $a_3$  i  $b_3$  sa  $10^{15}$ , a razlika  $(y-y_0)^2$  podijeljena sa  $10^{10}$ , a razlika  $(y-y_0)^3$  sa  $10^{15}$ . Pored navedenog razloga, olakšanje određivanja broja decimalnih mjesta u rezultatima računanja, ovaj postupak ima još i tu prednost, što su tako smanjene razlike  $(y-y_0)^2$  i  $(y-y_0)^3$  male i vrlo male veličine, pa je računanje s njima vrlo jednostavno.

U toku već prvih računanja, vidjelo se je, da su iznosi članova trećeg reda  $a_3(y-y_0)^3$  i  $b_3(y-y_0)^3$  vrlo maleni i da se oni mogu dati tabelarno (ili grafički) po argumentu  $(y-y_0)$ , iz kojih bi se neposredno uzimali. Mi smo se odlučili za primjenu pomoćnih tablica, koje su date na svakoj strani uz ostale elemente transformacije. Pored ovih pomoćnih tablica, iz kojih možemo uzeti izračunate članove trećeg reda, dati su tabelarno i koeficijenti  $a_3$  i  $b_3$ , ako bi se slučajno ukazala potreba da se članovi trećeg reda računaju za područja šira, nego što su data u pomoćnim tablicama. Koristimo ovu priliku da skrenemo pažnju korisnicima ovih tablica da je u tablicama kod koeficijenta  $a_3$   $10^{15}$  izostavljena jedna nula iza decimalne tačke. Za praktičnu primjenu ovo nije od osobitog značaja, jer su vrlo rijetki slučajevi da će o ovome biti potrebno voditi računa.

Sveukupan iznos ovog trećeg člana rijetko će kad imati iznos veći od 2 mm, a u većini slučajeva o njemu uopće nije potrebno voditi računa. Uvođenjem ovih pomoćnih tablica, računanje je svedeno na izračunavanje svega prvih dvaju članova, što ubrzava računanje za preko 30% od dosadašnjih načina računanja.

Posebno olakšanje za upotrebu tablica predstavlja način, na koji su poredane po argumentu  $x$ , pa su njihove tablične razlike direktno zavisne od razlika  $\Delta x$ . Stoga su sve tablične razlike, kod svih koeficijenata i ordinate  $y'_0$  pomoćne tačke, podijeljene s odgovarajućom tabličnom razlikom  $\Delta x$ . Ovakve pripremljene (podijeljene) tablične razlike skraćuju postupak interpolacije kod svih veličina za 50%, pogotovo ako računanje vršimo računskom mašinom.

Za ovaj način računanja predložen je formular od stručnjaka Savezne geodetske uprave u Beogradu (triangulator Kosara Stanković), koji nam se čini, da je vrlo pogodan. (Vidi prilog br. 11). Broj računskih operacija je 27, od kojih se neke mogu izbjegići.

Na kraju, moramo naglasiti, da ovaj posljednji način transformacije koordinata iz jednog koordinatnog sistema u drugi — susjedni kod Gauss-Krügerove projekcije, iako je daleko najpovoljniji od svih dosadašnjih, nije našao širu primjenu kod naših stručnih ustanova. Primjenjuju ga studenti u svojim programima, i poneki od svršenih studenata, koji su zaposleni van geodetske službe, tako da su veliki trud oko sastavljanja ovih »Tablica« i formulara, kao i sredstva Savezne geodetske uprave oko izdavanja ovih tablica — zasada slabo korišteni. Nadajmo se, da će to odsad krenuti onako, kako bi to trebalo biti.

Na kraju mi je dužnost da kažem, da su spomenute tablice izrađene uz pomoć druga Popović Vladimira, službenika Ureda za triangulaciju i nivelman, Geodetske uprave NR Hrvatske u Zagrebu.

## Transformacija Gauss-Krügerovih koordinata

$$\bar{Y}_{n+1} = \bar{x}\bar{y} + \sigma_1 \Delta y + b_1 \Delta x + \sigma_2 (\Delta \bar{x}^2 - \Delta \bar{y}^2) + 2b_2 \Delta \bar{x} \Delta \bar{y} + b_3 (\Delta \bar{x}^3 - \Delta \bar{x} \Delta \bar{y}^2) - \sigma_3 (\Delta \bar{y}^3 - 3 \Delta \bar{x}^2 \Delta \bar{y})$$

$$\bar{X}_{n+1} = \bar{x}_0 + \sigma_1 \Delta \bar{x} - b_1 \Delta \bar{y} + b_2 (\Delta \bar{x}^2 - \Delta \bar{y}^2) - 2\sigma_2 \Delta \bar{x} \Delta \bar{y} + \sigma_3 (\Delta \bar{x}^3 - 3 \Delta \bar{x} \Delta \bar{y}^2) + b_3 (\Delta \bar{y}^3 - 3 \Delta \bar{x}^2 \Delta \bar{y})$$

Broj i naziv tačke:		$\odot$ Kloštar Ivančić		
Iz sistema br. $n$ u br. $n+1$		Iz sistema br. 5 u sistem br 6		
	$\bar{y}$	+ 110 832, 253	①	$\bar{x}$
1	$\bar{y}_0$	- 116 737, 407	2	$\bar{x}_0$
11	$\Delta \bar{y} = \bar{y} - \bar{y}_0$	- 5 905, 154	18	$\Delta \bar{x} = \bar{x} - \bar{x}_0$
12	$\Delta \bar{y}^2$	+ 34 870 843, 7637	19	$\Delta \bar{x}^2$
13	$\Delta \bar{y} \Delta \bar{x}$	- 3 009 939, 6660	20	$\Delta \bar{y} \Delta \bar{x}$
14	$\Delta \bar{x}^2 - \Delta \bar{y}^2$	- 34 611 035, 4019	21	$\Delta \bar{x}^2 - \Delta \bar{y}^2$
15	$\Delta \bar{y}^3$	- 205 912 332, 049	22	$\Delta \bar{x}^3$
16	$-3 \Delta \bar{x}^2 \Delta y$	+ 4 602 498 720	23	$-3 \Delta \bar{y}^2 \Delta x$
17	$\Delta \bar{y}^3 - 3 \Delta \bar{x}^2 \Delta y$	- 201 309 833 329	24	$\Delta \bar{x}^3 - 3 \Delta \bar{y}^2 \Delta x$
	5	$\sigma_1 \cdot 10^6$		70 301
	6	$b_1 \cdot 10^6$		3749 0280
	7	$b_2 \cdot 10^{10}$		1 6144
	8	$\sigma_2 \cdot 10^{10}$		28 6447
	9	$\sigma_3 \cdot 10^{15}$		0 03301
	10	$b_3 \cdot 10^{15}$		0 4586
3	$\bar{y}'_0$	- 116 737, 407	4	$\bar{x}'_0$
25	$\Delta \bar{y}'$	- 5 905, 154	26	$\Delta \bar{x}'$
27	$+ b_1 \Delta \bar{x}$	+ 19, 109	30	$+ \sigma_1 \Delta \bar{x}$
29	$+ \sigma_1 \Delta \bar{y}$	+ 4, 151	28	$- b_1 \Delta y$
31	$+ \sigma_2 (\Delta \bar{x}^2 - \Delta \bar{y}^2)$	- 0, 099	34	$+ b_2 (\Delta \bar{x}^2 - \Delta \bar{y}^2)$
33	$+ 2b_2 \Delta \bar{x} \Delta \bar{y}$	- 0, 001	32	$- 2\sigma_2 \Delta \bar{x} \Delta \bar{y}$
35	$+ b_3 (\Delta \bar{x}^3 - 3 \Delta \bar{x} \Delta \bar{y}^2)$	0	37	$+ \sigma_3 (\Delta \bar{x}^3 - 3 \Delta \bar{x} \Delta \bar{y}^2)$
38	$+ \sigma_3 (\Delta \bar{y}^3 - 3 \Delta \bar{x}^2 \Delta \bar{y})$	0	36	$+ b_3 (\Delta \bar{y}^3 - 3 \Delta \bar{x}^2 \Delta \bar{y})$
39	$\bar{y}_{n+1}$	- 122 619, 401	40	$\bar{x}_{n+1}$
				5 067 757, 254

Transformacija Gauss-Krügerovih koordinata u susjedni sistem pomoći koeficijenata  $m$  i  $n$  (za računski stroj)

$$\begin{aligned}\bar{y}' &= -\bar{y}_0 + \Delta\bar{y} + m_1 \Delta\bar{x} - b_2 \Delta\bar{y}^2 + n_1 \Delta\bar{x}^2 + 2m_2 \Delta\bar{y} \Delta\bar{x} - m_3 \Delta\bar{y}^3 + n_3 \Delta\bar{x}^3 - 3n_2 \Delta\bar{y}^2 \Delta\bar{x} + 3m_3 \Delta\bar{x}^2 \Delta\bar{y} \\ \bar{x}' &= \bar{x}_0 + \Delta\bar{x} - n_1 \Delta\bar{y} + m_1 \Delta\bar{x} - m_2 \Delta\bar{y}^2 + m_2 \Delta\bar{x}^2 - 2n_2 \Delta\bar{y} \Delta\bar{x} + n_3 \Delta\bar{y}^3 + m_3 \Delta\bar{x}^3 - 3m_3 \Delta\bar{y}^2 \Delta\bar{x} - 3n_2 \Delta\bar{x}^2 \Delta\bar{y}\end{aligned}$$

$\frac{1}{2} n$	$n$	$n+1$
$m_1$	+	$m_1$
$n_1$	-	$m_1$
$n_2$	-	$m_2$
$n_3$	+	$m_2$
$2m_1$	-	$2n_2$
$m_2$	-	$n_2$
$n_2$	-	$m_2$
$3n_2$	+	$3m_2$
$3m_2$	+	$3n_2$

*Tablica  
przedzych*

70

10  
Min.

### Tablica za dvostruki stroj

+				-			
+	+	-	-	+	+	-	-
+	-	-	+	+	+	-	-
←	→	←	→	←	→	←	→
○	●	●	○	●	●	○	○

Tek br 1 Koord uzete: 33 169 I/6

Ältere Kritik

1-6 u 5 sister

	$\bar{Y}$	$\bar{X}$	$\bar{Z}$	
$\bar{Y}_0$	-119 222,664	$\bar{X}_0$	5 041 095,993	$\Delta\bar{Y} = \bar{Y} - \bar{Y}_0$
$\Delta\bar{Y}$	+ 2 344,886	$\Delta\bar{X}$	+ 18 114,517	$\Delta\bar{Y} = \Delta\bar{Y} : 10^5$
$m_1$	697,42	$m_1$	+ 37 541,25	$\Delta Y$
$n_1$	- 37 341,25	$m_0$	- 697,42	$\Delta X$
$n_2$	+ 98 765,69	$m_2$	+ 1 614,40	$\Delta Y^2$
$n_2$	- 24 765,69	$m_2$	- 1 614,40	$\Delta X^2$
$2m_2$	- 3 228,80	$2n_2$	+ 5 7531,38	$\Delta Y \Delta X$
$m_3$	- 3 14	$n_3$	+ 153 03	$\Delta Y^3$
$n_3$	+ 153 03	$m_3$	+ 3 14	$\Delta X^3$
$3n_3$	- 459 09	$3m_3$	- 9 42	$\Delta Y^2 \Delta X$
$3m_3$	+ 9 42	$3n_3$	- 459 09	$\Delta X^2 \Delta Y$
$\bar{Y} + \Delta\bar{Y}$	+ 119 566,998	$\bar{X} + \Delta\bar{X}$	5 089 210,510	$I_{\text{cian}} \text{ poy}$
[ ] <sub>y</sub>	$x 9 521,005$	[ ] <sub>x</sub>	+ 75,988	$[I_x + I_y + I_y^2]_{\text{cian}}$
$\bar{Y}'$	+ 14 000,003	$\bar{X}'$	5 089 286,608	

### Izracunao

Tek br 2 Koord vasta 5<sup>b</sup> I red

270 Velez

## 12645 system

$\bar{Y}$	$\bar{X}$	$\bar{Y}'$	$\bar{X}'$
$\bar{Y}_0$	$\bar{X}_0$	$\bar{Y}'_0$	$\bar{X}'_0$
$\Delta \bar{Y}$	$\Delta \bar{X}$	$\Delta \bar{Y}'$	$\Delta \bar{X}'$
$m_1$	$637\ 67$	$m_1$	$35\ 706\ 12$
$n_1$	$-35\ 706\ 77$	$m_1$	$637\ 67$
$n_2$	$+30\ 032\ 78$	$m_2$	$+1\ 611\ 42$
$n_2$	$-30\ 032\ 78$	$m_2$	$-1\ 611\ 42$
$2m_2$	$3\ 222\ 86$	$2m_2$	$+60\ 065\ 56$
$m_3$	$+1\ 43$	$m_3$	$+146\ 41$
$n_3$	$+146\ 41$	$m_3$	$+1\ 43$
$3n_3$	$-439\ 23$	$3m_3$	$-4\ 29$
$3m_3$	$+4\ 29$	$3m_3$	$-439\ 23$
$\bar{Y} - \bar{AY}'$	$+266\ 415, 167\ 70\bar{A}\bar{X}$	$\bar{Y}'$	$+798\ 582\ 446$
$[ ]_Y$	$X\ 8\ 703\ 056$	$[ ]_X$	$+4\ 438, 053$
	$18\ 11$		$18\ 11$
$\bar{Y}'$	$+245\ 118, 225$	$\bar{X}'$	$4\ 803\ 020, 493$

13mčunag

Tak br 1<sup>a</sup> Koord uzete 32°1 II/6

† 252 Križ

### 125 "6 system

$\bar{Y}$	$+ 118\ 388,003$	$\bar{X}$	$+ 5\ 059\ 285,608$	
$\bar{Y}_0$	$+ 117\ 229,684$	$\bar{X}_0$	$+ 5\ 041\ 095,993$	$\Delta \bar{X} = \bar{X} - \bar{X}_0$
$\Delta \bar{Y}$	$+ 1\ 665,319$	$\Delta \bar{X}$	$+ 18\ 199,615$	$\Delta X = \Delta \bar{X} : 10^6$
$m_1$	- 697 42	$m_1$	- 37 341 25	$\Delta Y^1 = + 0,016653$
$n_1$	+ 37 341 25	$m_2$	- 697 42	$\Delta X = + 0,181896$
$m_2$	- 28 765 69	$m_2$	+ 1 614 40	$\Delta Y^2 = + 0,000277$
$n_2$	+ 28 765 69	$m_2$	- 1 614 40	$\Delta X^2 = + 0,033086$
$2m_1$	- 3 228 80	$2m_1$	- 57 531 38	$\Delta Y \Delta X = + 0,003029$
$m_3$	- 3 14	$m_3$	- 153 03	$\Delta Y^3 = + 0,000000$
$n_3$	- 163 03	$m_3$	+ 3 14	$\Delta X^3 = + 0,006000$
$3m_1$	+ 459 09	$3m_1$	- 9 42	$\Delta Y^3 \Delta X = + 0,000100$
$3m_2$	- 9 48	$3m_2$	+ 459 09	$\Delta X^2 Y = + 0,000600$
$\bar{Y} + \bar{Y}_0$	- 115 557,365	$\bar{X} + \bar{X}_0$	$+ 5\ 059\ 285,608$	$I \dot{c} / an po x$
$[Y]_+$	$+ 670,995$	$[X]_+$	$X 24,902$	$[I + \bar{I}]_+ + [E]_+ = [I]$
	$78 \cdot H$		$H E$	
$\bar{Y}'$	- 114 878,370	$\bar{X}'$	$5\ 059\ 210,510$	

Izrascunao

Tek nr 3 Koord uzele  $5^{\frac{1}{2}}$  red

278 Velež /z 6 u 7 sister

$\bar{Y}$	$\pm$	1819,779	$\bar{X}$	$\pm$	4798,582,440
$\bar{y}_0$	+ 121,301,118		$\bar{x}_0$	+ 4,818,875,114	
$\Delta Y$	- 119,481,339		$\Delta X$	- 20,292,674	
$m_1$	-	649,61	$n_1$	-	36,038,74
$m_1$	+	36,038,74	$m_1$	-	649,61
$m_2$	-	29,783,76	$m_2$	+	1613,00
$m_2$	+	29,783,76	$m_2$	-	1613,00
$2m_2$	-	3,226,00	$2n_2$	-	59,567,52
$m_3$	-	1,77	$n_3$	-	147,75
$m_3$	-	147,75	$m_3$	+	1,77
$3n_2$	+	443,25	$3m_3$	-	5,31
$3m_3$	+	5,31	$3n_3$	+	443,25
$\bar{Y} + \Delta Y$	- 240,782,457	$\bar{X} + \Delta X$	4,798,582,440		
$\bar{L}_Y$	x 9,304,095 [ ]	$\bar{x}$	+ 4,307,165		
	$\bar{L}_Y$	"	- 12,77		
$\bar{Y}'$	- 241,478,362	$\bar{X}'$	4,802,889,605		

## Izracunao

## Tablice za transformaciju

Gauss-Krügerovih koordinata u susjedni koordinatni sistem

a) za računanje strojem:

$$\bar{Y} = -\bar{Y}_0 + \Delta \bar{y} + m_1 \Delta \bar{x} - n_1 \Delta \bar{X}^2 + n_2 \Delta \bar{X}^3 + 2m_2 \Delta \bar{y} \Delta \bar{X} - m_3 \Delta \bar{y}^3 + n_3 \Delta \bar{X}^3 - 3n_1 \Delta \bar{y}^2 \Delta \bar{X} + 3m_3 \Delta \bar{X}^2 \Delta \bar{y}$$

$$\bar{X} = \bar{X}_0 + \Delta \bar{X} - n_1 \Delta \bar{y} + m_1 \Delta \bar{X} - m_2 \Delta \bar{y}^2 + m_2 \Delta \bar{X}^2 - 2n_2 \Delta \bar{y} \Delta \bar{X} + n_3 \Delta \bar{y}^3 - 3m_3 \Delta \bar{y}^2 \Delta \bar{X} - 3n_3 \Delta \bar{X}^2 \Delta \bar{y}$$

$\varphi$	$\bar{X}_0$	$\bar{Y}_0$	$m_1$	$n_1$	$m_2$	$n_2$	$m_3$	$n_3$
47° 0'	5 207 809,275	± 114 069,260	- 733 27	± 38 288 33°	- 1610 29	± 27 979 71	+ 4165	± 1588
46 30'	5 152 233,647	115 129,255	721 33	37 975 53	1612 15	28 243 80	3824	1576
46 0	5 096 662,552	116 180,423	709 38	37 659 84	1613 52	28 505 80	3483	1563
45 30	5 041 095,993	± 117 222,684	- 697 42	± 37 341 26	- 1614 40	± 28 765 69	+ 3141	± 1550
45 00	4 985 533,970	118 255,962	685 46	37 019 83	1614 79	29 023 49	2799	1538
44 30	4 929 976,483	119 280,177	673,52	36 695 59	1614 68	29 279 06	2437	1525
44 00	4 874 423,533	± 120 295,254	- 661 56	± 36 368 55	- 1614 09	± 29 532 50	+ 2196	± 1512
43 30	4 818 875,114	121 301,118	649 61	36 038 73	1613 00	29 783 76	1774	1498
43 00	4 763 331,225	122 297,693	637 67	35 706 17	1611 42	30 032 78	1433	1485
42 30	4 707 791,859	± 123 284,905	- 625 75	± 35 370 88	- 1609 35	± 30 279 57	+ 1092	± 1472
42 00	4 652 257,007	124 262,680	613 84	35 032 90	1606 79	30 524 13	751	1458
41 30	4 596 726,665	125 230,947	601 96	34 692 24	1603 73	30 766 41	4H.	1444
41 00	4 541 200,821	± 126 189,630	- 590 10	± 34 348 95	- 1600 19	± 31 006 39	+ 72	± 1430
40 30	4 485 679,463	127 138,661	578 27	34 003 01	1596 46	31 244 05	- 266	1407
40 00	4 430 162,582	128 077,969	566 46	33 654 49	1591 64	31 479 38	- 604	1403

b) računanje logaritama

$$\bar{Y}' = -\bar{Y}_0 + \Delta \bar{y} + m_1 \Delta \bar{x} + K_2 r^2 \sin(2\bar{\varphi} + \omega_2) + K_3 r^3 \sin(3\bar{\varphi} + \omega_3)$$

$$\bar{X}' = \bar{X}_0 + \Delta \bar{X} + m_1 \Delta \bar{y} - n_1 \Delta \bar{Y} + K_2 r^2 \cos(2\bar{\varphi} + \omega_2) + K_3 r^3 \cos(3\bar{\varphi} + \omega_3)$$

$\varphi$	$\bar{X}_0$	$\bar{Y}_0$	$\log m_1$	$\log n_1$	$\log K_2$	$\omega_2$	$\log K_3$	$\omega_3$
47° 00'	5 207 809,275	± 114 069,260	- 6 865 2639,2	± 8 583 0664,2	4 44756,2	± 93° 17' 37'' 4	195,6	± 88° 28' 7
46 30'	5 152 233,647	115 129,255	858 1339,9	579 5038,4	45163,0	93 16 00,8	192,0	88 35,5
46 00	5 096 662,552	116 180,423	850 8789,4	575 8784,7	45562,8	. 93 14 22,8	188,5	88 42,4
45 30	5 041 095,993	± 117 222,684	- 6 843 4944,0	± 8 572 1889,6	1 45955,8	± 93° 12' 43'' 4	184,8	± 88° 49' 4
45 00	4 985 533,970	118 255,962	835 9821,2	568 4344,2	463411	93 11 04,5	181,1	88 56,6
44 30	4 929 976,483	119 280,177	828 3505,0	564 6138,8	46 721,7	93 09 23,6	177,3	89 04,5
44 00	4 874 423,533	± 120 295,254	- 6 820 5692,4	± 8 560 7259,9	1 47094,9	± 93° 07' 42'' 1	4 173,5	± 89° 11,0
43 30	4 818 875,114	121 301,118	812 6527,0	556 7694,8	47 461,6	- 93 0559,8	169,5	89 18,7
43 00	4 763 331,225	122 297,693	804 5959,9	552 7432,7	478 22,0	93 04 16,6	165,6	89 26,4
42 30	4 707 791,859	± 123 284,905	- 6 796 4008,6	± 8 548 6458,7	4 48 176,3	± 93° 02' 32,6	4 161,5	± 89° 34,1
42 00	4 652 257,007	124 262,680	788 0551,9	544 4760,9	48 524,5	93 00 47,7	157,4	89 42,0
41 30	4 596 726,665	125 230,947	779 5676,3	540 2323,4	48 866,8	92 59 02,0	153,2	89 50,5
41 00	4 541 200,821	± 126 189,630	- 6 770 9256,1	± 8 535 9132,1	1 49202,9	± 92° 57' 15,6	4 148,9	± 89° 58',3
40 30	4 485 679,463	127 138,661	762 1306,6	531 5173,7	49 533,4	92 55 28,3	144,6	90 06,6
40 00	4 430 162,582	128 077,969	753 1692,5	527 0429,2	49 858,1	92 53 40,2	140,1	90 15,2

Gornji predznaci važe za transformaciju iz sistema br. n u br. n+1, a donji iz sistema br. n+1 u gornjim formulama su:

$$\bar{Y} \quad \text{date koordinate}; \quad \Delta \bar{y} = \bar{Y} - \bar{Y}_0, \quad \Delta \bar{y} : 10^5 = \Delta y, \quad \frac{\Delta \bar{y}}{\Delta \bar{x}} = \frac{r \sin \varphi}{r \cos \varphi} = \operatorname{tg} \varphi;$$

$$\bar{Y}' \quad \text{tražene} \quad \bar{x} \quad ; \quad \Delta \bar{x} = \bar{x} - \bar{x}_0; \quad \Delta \bar{X} : 10^5 = \Delta X; \quad \frac{\Delta \bar{y}}{\Delta \bar{x}} = \frac{\sin \varphi}{\cos \varphi} = \operatorname{tg} \varphi$$

$$\bar{y} \quad \bar{x}_0 \quad \text{pomoćne} \quad \bar{x} \quad ; \quad \Delta \bar{y} = \bar{y} - \bar{y}_0, \quad \Delta \bar{y} : 10^5 = \Delta y, \quad \frac{\Delta \bar{y}}{\Delta \bar{x}} = \frac{\sin \varphi}{\cos \varphi} = \operatorname{tg} \varphi$$

Veličine  $\bar{Y}, \bar{x}, m, n, K$  i  $w$  uzimaju se gotove iz tablica po argumentu  $\bar{x}$ , a  $r, \varphi$  se računaju za svaku tačku

$\bar{x}_0$	$\bar{y}_0$	$\Delta \bar{y} : \Delta \bar{x}_0$	$a_1 \cdot 10^6$	$\Delta a_1 : \Delta \bar{x}_0$	$a_2 \cdot 10^{10}$	$\Delta a_2 : \Delta \bar{x}_0$
50 31835.340	117395.523	—	69.543	+	28.8088	—
32761.399	378.250	0.018652	563	0.022	8045	0.0464
33687.460	360.975	654	583		8002	
34613.522	343.697	657	603		7959	
35539.585	326.417	660	623		7916	
36465.650	309.135	662	643		7873	0.0475
37391.716	291.851	664	663		7829	0.0464
38317.783	274.563	668	683		7786	
39243.852	257.273	670	703		7743	
40169.921	239.980	674	723		7700	
		0.018677		0.022		0.0464
50 41095.993	117222.684	680	69.743	0.022	28.7657	0.0464
42022.065	205.388	684	763	0.021	7614	
42948.138	188.089	687	782	0.022	7571	0.0475
43874.213	170.786	690	802		7527	0.0464
44800.289	153.480	693	822		7484	
45726.366	136.172	694	842		7441	
46652.445	118.861	698	862		7398	
47578.524	101.549	699	882		7355	
48504.605	084.233	701	902		7312	0.0475
49430.687	066.916	701	922		7268	0.0464
		0.018707				
50 50356.770	117049.597	708	69.942		28.7225	
51282.855	032.273	711	962		7182	
52208.941	014.948	713	982		7139	
53135.028	116997.620	714	70.002		7096	0.0475
54061.118	980.290	717	022	0.021	7052	0.0464
54987.207	962.959	722	042	0.022	7009	
55913.297	945.625	725	061		6966	
56839.390	928.287	726	081		6923	
57765.484	910.946	730	101		6879	0.0475
58691.579	893.604	730	121		6836	0.0464
		0.018734				
50 59617.675	116876.258	735	70.141		28.6793	
60543.772	858.909	737	161		6750	0.0475
61469.870	841.559	739	181		6706	0.0464
62395.971	824.207	743	201		6663	
63322.072	806.853	745	221		6620	
64248.175	789.495	748	241		6577	0.0475
65174.278	772.135	750	261		6533	0.0464
66100.383	754.772	750	281		6490	
67026.489	737.407	754	301		6447	0.0475
67952.597	720.042	754	321		6403	0.0464
		0.018758		0.021		
50 68878.706	116702.674	762	70.340	0.022	28.6360	0.0464
69804.815	685.302	766	360		6317	0.0475
70730.927	667.926	768	380		6273	0.0464
71657.039	650.547	769	400		6230	
72583.153	633.166	770	420		6187	
73509.267	615.784	774	440		6143	0.0475
74435.384	598.401	777	460		6100	0.0464
75301.501	581.014	780	480		6057	0.0475
76287.620	563.624	784	500		6013	0.0464
77213.740	546.232	784	520	0.022	5970	0.0464
50 78139.861	116528.836	0.018786	70.540		28.5927	

$\bar{x}_0$	$b_1 \cdot 10^6$	$\Delta b_1 : \Delta \bar{x}_0$	$b_2 \cdot 10^{10}$
50 31835.340	3728.7884	+	1.6145
32761.399	9.3225	5.76	45
33687.460	9.8565		45
34613.522	3730.3904		45
35539.585	0.9242		45
36465.650	1.4580		45
37391.716	1.9918		44
38317.783	2.5254		44
39243.852	3.0589		44
40169.921	3.5923		44
50 41095.993	3734.1257	5.76	1.6144
42022.065	4.6590		44
42948.138	5.1923		44
43874.213	5.7254		44
44800.289	6.2584		44
45726.366	6.7914	5.76	43
46652.445	7.3243	5.75	43
47578.524	7.8571		43
48504.605	8.3899		43
49430.687	8.9225		43
50 50356.770	3739.4551		1.6143
51282.855	9.9876		43
52208.941	3740.5200		43
53135.028	1.0524		43
54061.118	1.5846		42
54987.207	2.1163		42
55913.297	2.6490	5.75	42
56839.390	3.1810	5.74	42
57765.484	3.7129		42
58691.579	4.2448		42
50 59617.675	3744.7766		1.6142
60543.772	5.3083		41
61469.870	5.8399		41
62395.971	6.3715		41
63322.072	6.9030		41
64248.175	7.4344		41
65174.278	7.9657		41
66100.383	8.4969	5.74	41
67026.489	9.0280	5.73	41
67952.597	9.5591		40
50 68878.706	3750.0901		1.6140
69804.815	0.6211		40
70730.927	1.1519		40
71657.039	1.6826		40
72583.153	2.2133		40
73509.267	2.7439		39
74435.384	3.2744		39
75361.501	3.8049		39
76287.620	4.3352		39
77213.740	4.8655	5.73	39
50 78139.861	3755.3957	5.72	1.6139

$\bar{y} - \bar{y}_0$	$b_s (\bar{y} - \bar{y}_0)^3$
u	mm
km	
10	0
15	1
20	1
25	2
28	3
30	4
1	5
2	5
3	6
4	6
5	7
6	8
7	8
8	9
9	9
40	10
1	11
2	12
3	12
4	13
5	14
6	15
7	16
8	17
9	18
50	20
1	21
2	22
3	23
4	25
5	26
6	28
7	29
8	31
9	32
60	34

$a_s (\bar{y} - \bar{y}_0)^3 u \text{ mm}$		$a_d (\bar{y} - \bar{y}_0)^3 u \text{ mm}$	
$\bar{y} - \bar{y}_0$	$\bar{x} \text{ km}$	$\bar{y} - \bar{y}_0$	$\bar{x} \text{ km}$
u	od	u	od
30	0	30	0
35	1	35	1
40	2	40	2
45	3	45	3
50	4	50	4
55	5	55	6
60	7	60	7
65	9	65	9
70	11	70	12
75	14	75	14
80	17	80	17
85	20	85	21
90	23	90	25

## Pomoćna tačka H 10

Mreža I reda

Tačka, čije se koordinate transformiraju.

Klostari Ivanic

Transformacija se vrši iz koordinatnog sistema br. 5 u koordinatni sistem br. 6.

$$\text{Formule: } \Delta\bar{y} = \bar{y}_n - \bar{y}_w; \Delta\bar{x} = \bar{x}_n - \bar{x}_w; \tan t = \frac{\Delta\bar{y}}{\Delta\bar{x}}; \tan(45^\circ + t) = \frac{\Delta\bar{x} + \Delta\bar{y}}{\Delta\bar{x} - \Delta\bar{y}}; g = \frac{\Delta\bar{y}}{\sin t} = \frac{\Delta\bar{x}}{\cos t}$$

$$\bar{y}_{n+1} = \bar{y}_n - (1 - h_{1,1}) \Delta\bar{y} + h_{1,2} \Delta\bar{x} + x_2 g^2 \sin(2t + \omega_2) + x_3 g^2 \sin(3t + \omega_3) + x_4 g^2 \sin(4t + \omega_4) + x_5 g^2 \sin(5t + \omega_5)$$

$$\bar{x}_{n+1} = \bar{x}_n - (1 - h_{1,1}) \Delta\bar{x} + h_{1,2} \Delta\bar{y} + x_2 g^2 \cos(2t + \omega_2) + x_3 g^2 \cos(3t + \omega_3) + x_4 g^2 \cos(4t + \omega_4) + x_5 g^2 \cos(5t + \omega_5) + \bar{x}_w$$

$\bar{y}_n =$	+ 110	832	253	1	$\bar{x}_n =$	- 5 067	536	203	2	$2t =$	184	19	04, 02"	21
$\bar{y}_{n+1} =$	- 233	750	739		$\bar{x}_{n+1} =$	- 5 062	902	470	2	$\omega_2 =$	92	07	57, 86"	25
$\Delta\bar{y} =$	- 122	918	486	3	$\Delta\bar{x} =$	+ 4	633	733	4	$2t + \omega_2 =$	276°	27'	01, 88"	33
$\Delta\bar{x} + \Delta\bar{y} =$	- 118	284	752	5	$\Delta\bar{x} - \Delta\bar{y} =$	+ 127	552	218	6	$3t =$	96	28	36	22
$\Delta\bar{y} =$	- 5 089	6172	3 n	7	$\Delta\bar{x} + \Delta\bar{y} =$	- 5 072	9287	3 n	9	$\omega_4 =$	272	14	10	26
$\Delta\bar{x} =$	- 3 665	9310	0	8	$\Delta\bar{x} - \Delta\bar{y} =$	- 5 105	6880	4	10	$4t + \omega_4 =$	8°	42'	46"	34
$\tan t =$	- 1 423	6862	3 n	11	$\tan(45^\circ + t) =$	- 9 697	2406	9 n	12	$4t =$	8	38		23
$t =$	- 272, 09	32, 010"		13	$45^\circ + t =$	- 317, 09	32, 017"		14	$\omega_5 =$	74	52		27
$\Delta\bar{y} =$	- 5 089	6172	3 n	15	$\Delta\bar{x} =$	- 3 665	9310	0	16	$5t =$	180°	5		24
$\sin t =$	- 9 999	6916	4 n	17	$\cos t =$	- 8 576	0054	6	18	$\omega_5 =$	87°	3		28
$g =$	- 5 089	9255	9	19	$g =$	- 5 089	9255	4	20	$5t + \omega_5 =$	93°	2		36
$(1 - h_{1,1}) =$	- 7 137	5651	9	57	$(1 - h_{1,1}) =$	- 7 137	5651	9	58	$x^2 =$	1 457	8845		29
$\Delta\bar{y} =$	- 5 089	6172	3 n	61	$\Delta\bar{x} =$	- 3 665	9310	0	62	$g^2 =$	10 179	8512		37
$(1 - h_{1,1}) \Delta\bar{y} =$	- 2 227	1824	2 n	65	$(1 - h_{1,1}) \Delta\bar{x} =$	- 0 803	4961	9	66	$\sin(2t + \omega_2) =$	9 997	2419 n		41
$h_{1,2} =$	- 8 573	2810	0	59	$h_{1,2} =$	- 8 573	2810	0	60	$\cos(2t + \omega_2) =$	9 050	5544		42
$\Delta\bar{x} =$	- 3 665	9310	0	63	$\Delta\bar{y} =$	- 5 089	6172	3 n	64	$x_2 g^2 \sin(2t + \omega_2) =$	1 634	9776 n		49
$h_{1,2} \Delta\bar{x} =$	- 2 239	2120	0	67	$h_{1,2} \Delta\bar{y} =$	- 3 662	8982	3 n	68	$x_2 g^2 \cos(2t + \omega_2) =$	0 688	2901		50
$\Delta\bar{y} =$	- 122	918	486	69	$\Delta\bar{x} =$	+ 4	633	733	70	$x_3 \dots$	4 190	55	- 20	30
$-(1 - h_{1,1}) \Delta\bar{y} =$	- 168	726		71	$-(1 - h_{1,1}) \Delta\bar{x} =$	- 6	360		72	$g^3 \dots$	15 269	76		38
$h_{1,2} \Delta\bar{x} =$	- 173	465		73	$h_{1,2} \Delta\bar{y} =$	+ 4	601	487	74	$\sin(3t + \omega_3) =$	9 180	36		43
$x_2 g^2 \sin(2t + \omega_2) =$	- 43	149		75	$x_2 g^2 \cos(2t + \omega_2) =$	+ 4	878		76	$\cos(3t + \omega_3) =$	9 994	96		44
$x_3 g^2 \sin(3t + \omega_3) =$	- 0	044		77	$x_3 g^2 \cos(3t + \omega_3) =$	+ 0	285		78	$x_4 g^2 \sin(4t + \omega_4) =$	8 640	67		51
$x_4 g^2 \sin(4t + \omega_4) =$	- 0	001		79	$x_4 g^2 \cos(4t + \omega_4) =$	+ 0	001		80	$x_4 g^2 \cos(4t + \omega_4) =$	9 455	27		52
$x_5 g^2 \sin(5t + \omega_5) =$	-			81	$x_5 g^2 \cos(5t + \omega_5) =$	-			82	$x_5 \dots$	6 764	5	- 30	31
$\bar{y}_{n+1} =$	- 122	619	401	84	$\bar{x}_n =$	- 5 058	523	229	83	$g^4 \dots$	20 359	6		39
					$\bar{x}_{n+1} =$	- 5 067	757	253	85	$\sin(4t + \omega_4) =$	9 961	5	n	45
										$\cos(4t + \omega_4) =$	9 605	3		46
										$x_5 g^2 \sin(4t + \omega_4) =$	6 729	4	n	53
										$x_5 g^2 \cos(4t + \omega_4) =$	7 085	6		54
										$x_5 \dots$	9 281	- 40		32
										$g^5 \dots$	25 450			40
										$\sin(5t + \omega_5) =$	9 999			47
										$\cos(5t + \omega_5) =$	9 747			48
										$x_5 g^2 \sin(5t + \omega_5) =$	4 730			55
										$x_5 g^2 \cos(5t + \omega_5) =$	3 478			56

**Transformacija Gauss-Krügerovih koordinata u susjedni  
koordinatni sistem**

$$\bar{y}_{n+1} = \bar{x} + (\bar{y} - \bar{y}_n) - a_1(\bar{y} - \bar{y}_n) + a_2(\bar{y} - \bar{y}_n)^2 - a_3(\bar{y} - \bar{y}_n)^3$$

$$\bar{x}_{n+1} = \bar{x} + b_1(\bar{y} - \bar{y}_n) + b_2(\bar{y} - \bar{y}_n)^2 + b_3(\bar{y} - \bar{y}_n)^3$$

Gornji predznaci vodje do transformacije iz sistema br. n u sistem br. n+1

Br. i naziv tačke	Iz sistema - n " u . n ± 1 "	Kloštar Ivanic'	Kloštar Ivanic'	Haganj	Haganj
0	$\bar{x}$	5 067 536,203	5 067 757,254	5 087 104,140	5 086 863,530
1	$\bar{y}_0$	5 067 026,489	5 067 952,597	5 087 401,144	5 086 475,010
3	$\Delta\bar{x} = \bar{x} - \bar{x}_0$	+ 509,714	- 195,343	- 297,004	+ 388,520
0	$\bar{y}$	+ 110 832,253	- 122 619,402	+ 122 758,826	- 109 966,500
6	$\pm \bar{y}_0$	- 116 727,850	+ 116 723,705	- 116 360,341	+ 116 364,867
7	$\Delta\bar{y} = \bar{y} - \bar{y}_0$	- 5 895,597	- 5 895,697	+ 6 398,485	+ 6 398,367
20	$-a_1(\bar{y} - \bar{y}_0)$	+ 4,145	+ 4,146	- 4,526	- 4,525
21	$\pm a_2(\bar{y} - \bar{y}_0)^2$	- 0,100	+ 0,100	- 0,117	+ 0,117
22	$-a_3(\bar{y} - \bar{y}_0)^3$	+ 0	+ 0	+ 0	+ 0
23	$\bar{y}_{n+1}$	- 122 619,402	+ 110 832,254	- 109 966,499	+ 122 758,826
	$y_{n+1}$	6 377 392,860	5 610 821,171	6 390 044,498	5 622 746,550
0	$\bar{x}$	5 067 536,203	5 067 757,254	5 087 104,140	5 086 863,530
24	$\mp b_1(\bar{y} - \bar{y}_0)$	+ 221,045	- 221,056	- 240,617	+ 240,603
25	$\pm b_2(\bar{y} - \bar{y}_0)^2$	+ 0,006	+ 0,006	+ 0,007	+ 0,007
26	$\mp b_3(\bar{y} - \bar{y}_0)^3$	+ 0	+ 0	+ 0	+ 0
27	$\bar{x}_{n+1}$	5 067 757,254	5 067 536,204	5 086 863,530	5 087 104,140
	$x_{n+1}$	5 067 250,478	5 067 029,450	5 086 354,844	5 086 595,430
2	$\bar{y}_0$	- 116 727,850	+ 116 723,705	- 116 360,341	+ 116 364,867
4	$\Delta\bar{x}(\Delta\bar{y}; \Delta\bar{x}_0)$	+ 9,557	+ 3,663		
5	$\bar{y}_0$	- 116 727,850	+ 116 723,705	- 116 360,341	+ 116 364,867
8	$(\bar{y} - \bar{y}_0) \cdot 10^{-3}$	- 0,058 956	- 0,058 957	+ 0,063 985	+ 0,063 984
9	$(\bar{y} - \bar{y}_0) \cdot 10^{-10}$	+ 0,003 476	+ 0,003 476	+ 0,004 094	+ 0,004 094
10	$a_{0-1} \cdot 10^5$	70,304	70,324		
11	$\Delta\bar{x}(\Delta a_1; \Delta\bar{x}_0)$	+ 11	- 4		
12	$a_1 \cdot 10^5$	70,312	70,317	70,732	70,728
13	$a_{0-2} \cdot 10^{10}$	28,6447	28,6403		
14	$\Delta\bar{x}(\Delta a_2; \Delta\bar{x}_0)$	- 24	+ 9		
15	$a_2 \cdot 10^{10}$	28,6423	28,6412	28,5507	28,5518
16	$b_{0-1} \cdot 10^5$	3749,0280	3749,5591		
17	$\Delta\bar{x}(\Delta b_1; \Delta\bar{x}_0)$	+ 0,2921	- 0,1119		
18	$b_1 \cdot 10^5$	3749,3201	3749,4472	3760,5235	3760,3862
19	$b_2 \cdot 10^{10}$	1,6141	1,6140	1,6137	1,6137