

Овај начин трансформације има исти недостатак — као и све остале приближне методе (методе уметања) — да задржава све грешке које је та тачка добила код свог одређивања у првом систему.

За трансформацију поједињих тачака, овај начин не захтева много времена, а задовољава одговарајућу тачност. Ова метода није нашла ширу примену, вероватно, што се појавила у времену, када машине за рачунање нису биле у општој употреби. Сваки други начин тачног рачунања површина троуглова не би био економичан, а тачне површине троуглова и јесу један од битних услова ове методе.

UTISCI O KATASTARSKIM RADOVIMA U ŠVAJCARSKOJ, FRANCUSKOJ, ITALIJI I PRIMENA FOTOGRAMETRIJE ZA KATASTARSKA SNIMANJA

Predavanje inž. ALEKSANDRA KOSTIĆA

(Nastavak)

Primena fotogrametrije u katastru

Pre nego što bi prešao на izlaganje о praktičnoj primeni fotogrametrije u katastru — dozvolite mi да u nekoliko reči izložim definiciju i osnovne principe fotogrametrije.

Fotogrametrija je данас једна применјена наука, која прoučava, на који се начин могу вршити мерења на основи фотографских снимака; другим рецима, да се на основи фотографских снимака израдују ситуациони планови или карте. Она се насланja на законе геометрије, физике, хемије и меhanike.

Njeni почети сеjavljaju još у прошлом веку а нагли прокret i napredak u fotogrametriji se ispoljava појавом aviona, koji je bio naročito iskorišćen za fotografisanje terena i objekata u прошлом svetskom ratu. Posle тога se iz dana u dan sve više razvija i napreduje tako, da je данас njena примена gotovo opšta i tako raznolika да се она не може i ne sme mimoći ni kod нас. Ova примена je toliko razgranата, да nije moguće u jednom ovakovom predavanju dati детаљни опис. Napomenућу само, да поред изrade situacionih planova i karta sa prestavom terena u horizontalnoj i vertikalnoj проекције — било за привредне циљеве, katastarske, војне, ili за пројектовање puteva, жељезница, kanala, vodojaža, regulisanje

reka i potoka, za studiranje i projektovanje generalnog regulacionog plana varoši i naselja — ona je našla primenu i u astronomiji, geografiji, geologiji, šumarstvu, arhitekturi, arheologiji, medicini pa čak i u kriminalistici za rekonstrukciju kakvog zločina ili saobraćajne nesreće i td. i td.

Ipak fotogrametrija ima najširu primenu na geodetskom polju, jer se odlikuje, prema dosadašnjim starim metodama snimanja i izrade planova, većom brzinom i vernijom slikom reljefa i detalja — što je uvek bila težnja svih snimanja. U poslednje vreme vrše se ozbiljna ispitivanja, da se tim putem određuju trigonometrijske tačke pa čak i trigonometrijski nivelman, što je od naročite važnosti za izradu karata u nepristupnim predelima raznih kontinenata. Ovo je omogućeno za nivelman time što su avijoni za ove ciljeve snabdeveni naročitim aparatima, koji mogu da registruju promenu visine aviona u letu do na 1 metar.

Fotogrametrija se prema mestu sa koga se vrši fotografisanje deli na dve vrste:

Aka se fotografisanje vrši sa jedne fiksne — nepomične tačke na zemljinoj površini — onda je to tzv. *terestrička fotogrametrija*. Fotografski aparat je montiran — obično zajedno sa jednim teodolitom — na stativ i položaj stanice se može sigurno odrediti prema okolnim datim tačkama.

Medutim, ako se fotografisanje vrši sa nekog pokretnog tela aviona, dirižabala ili balona onda je to *aerofotogrametrija* ili snimanje iz vazduha. Dakle, ovde je fotografski aparat stavljen na avion te se time i postavlja komplikovan problem da se odredi položaj stanice u momentu snimanja. Razume se, da fotografski aparati moraju imati naročita svojstva — medju koja spada i brzina zatvarača — obturatora, koja se kreće i do 1/300 dela sekunde. Isto tako i brzina aviona treba da bude svedena na najmanju meru.

Izrada planova se na osnovi aerofotografskih snimaka postiže na sledeće načine:

- 1) Direktnom projekcijom fotografskog snimka na takav način da bi se perspektivna projekcija prestavila na horizontalnoj ravni. Jasno je da su u ovom slučaju one tačke, koje iežu na horizontalnoj ravni usvojenoj za projekciju, u potpunoj koincidenciji sa njihovim položajem na terenu. Sve druge pak tačke bile bi više ili manje udaljene od njihovog tačnog polo-

žaja, prema tome, da li je njihova visina veća ili manja u odnosu na usvojenu horizontalnu ravan.

Samim tim, ova se metoda može primeniti na ravnom horizontalnom terenu, mada se u poslednje vreme čine pokušaji da se upotrebi i za okupiran teren tako, što se deformacija reljefa smanjuje parcijalnim projektovanjem prema padu terena.

Ova je metoda danas najprostija najevtinija i daje nam planove samo u horizontalnoj projekciji. Ako bi želeli i prestatvu terena u visinskom pogledu onda bi ove podatke morali dopuniti tahimetrijom ili geodetskim stolom. Međutim, ona ulazi u kombinaciju našeg proučavanja — naročito za one naše predele — ravne i horizontalne gde bi se mogla vrlo racionalno iskoristiti za reviziju katastra pa i za nova snimanja na terenu manje vrednosti.

2) Drugi je način t. zv. duple projekcije, koji se sastoji u tome, da se za isti deo terena uzmu dva konvergentna snimka na vrlo kratkom otstojanju. Ovakva dva snimka stavljena u naročiti aparat za restituciju, orijentisu se tako da putem jednovremenog projektovanja obeju ploča homologi zraci identičnih tačaka određuju položaj ovih tačaka presekom.

Ova metoda omogućuje izradu planova u horizontalnoj i vertikalnoj projekciji i primenjuje se naročito u Italiji za novi katastarski premer pod imenom „Nistri” i u Francuskoj za reviziju katastra.

3) Treća metoda, koja danas ima najširu primenu, poznata je pod imenom *stereofotogrametrije*. Ova se metoda osniva na jednoj fiziološkoj osobini čovečjih očiju i to na sledeći način: Ako smo iz aviona na kratkom otstojanju fotografisali jedan deo terena na dva snimka, pa ih gledamo kroz jedan optički pribor t. zv. *stereoskop*, onda ćemo videti potpuni reljef tog terena. Ako pak ove ploče — snimke stavimo u naročito konstruisane aparate za restituciju t. zv. *stereoplanigrafe*, *autografe* itd. u kojima se nalazi jedna pokretna marka, onda se ova marka gledanjem kroz stereoskop sliva u jednu istu tačku sa homologim tačkama dveju ploča. Kretanje ove marke prenosi se naročitim mehanizmom na crtaču tablu gde se crta plan i izvlače izohipse.

Moram odmah da naglasim da ima lica koja nisu sposobna da stereoskopski gledaju ali je njihov procenat relativno mali.

Osnova za izradu planova iz fotografskih snimaka jeste i

ovde trigonometrijska mreža, čija svaka tačka mora, pored koordinata, imati i određenu visinu. Ali sem toga, za međusobnu vezu i orientaciju snimaka mora se još naknadno odrediti trigonometrijskim putem izvestan broj tačaka tako da za vezu dva snimka bude najmanje 3—4 zajedničke tačke. Kako se ovo praktično radi, biće reči malo docnije.

Izloživši vam ovako ukratko osnovne principe fotogrametrije objasniću sada praktični postupak kod primene za katastarske ciljeve u Švajcarskoj što nas ovde najviše interesuje.

*Postupak rada kod fotogrametriskog snimanja u Švajcarskoj *)*

U Švajcarskoj se danas primenjuje samo aerofotogrametrija dok se terestrička fotogrametrija primenjuje samo kod dopunskih radova. Ali se ova druga u poslednje vreme sve manje upotrebljava i zamenjuje geodetskim stolom za izohipse, jer se pokazala u planinskim delovima nepraktična i skupa. Po mišljenju vodećih krugova u Direkciji katastra terestričku fotogrametriju treba isključiti čak i za dopunske radove.

Pri ovome se uzima u obzir samo stereofotogrametrija, jer se uvek vrši snimanje na brdovitom terenu — dakle sa raznim visinskim razlikama. Međutim, i način snimanja stereofotogrametriski u Švajcarskoj primenjuje se samo na terenima planinskim, sa velikim parcelama i zemljишtem manje vrednosti i to:

- a) za snimanje granica imanja u brdskim delovima za planove u razmeri 1:5000 i 1:10.000;
- b) za snimanje granica kultura u visokim Alpama za planove u razmeri 1:2000, 1:5000 i 1:10.000.

c) za snimanje konfiguracije terena za pregledne situacione planove u razmeri 1:5000 i 1:10.000 u visokim Alpama i na otvorenim terenima čija je nagnutost veća od 20%.

Ali i ovde treba izuzeti od snimanja one delove terena, koji su pokriveni zimzelenom šumom ili su više manje parcelisani pa je potreban veći broj signalisanja na terenu.

Do sada ie (od 1927 do kraja 1935 god.) snimljeno aerofotogrametrijom 237.400 ha, na osnovu čega je stvoreno solidno iskustvo. Rad oko ovog snimanja je organizovan tako, da pripremne radove oko snimanja (omedavanje, signalisanje, projekat za pravce letenja, snimanje, izazivanje ploča) vrše

* Pri ovome izveštaju glavni podaci su uzeti iz štampanih predavanja g. g. Baltenspergera i Härry-a.

državni organi, a sve ostalo: restituciju, izrada preglednih planova, sve potrebne dopunske terenske radove, računanje površina i umnožavanje — povereni su privatnim preduzećima, kojih sada ima četiri u Švajcarkoj i od kojih tri preduzeća rade sa Vildovim autografom a jedno sa Cajsovim stereoplinografom.

Prema ovoj organizaciji Direkcija katastra raspolaže sa svoja dva sopstvena aviona — specialno konstruisana za ovakva snimanja sa relativnom brzinom od 90—120 km. na sat i udešeni su tako da mogu zadržati relativno istu visinu leta za vreme snimanja pri gornjoj brzini. Sem toga ima svog avijatičara i operatora za snimanje kao i sve što je potrebno za pripremu i izazivanje ploča.

Sam tok radova po pojedinim operacijama je sledeći:

1. *Uopšte.* Da bi se snimanjem i po ovoj metodi zadovoljio ekonomski momenat, potrebno je, da površina za snimanje bude najmanje 10.000 ha. Drugim rečima, na primer u izvesnom broju susednih opština utvrdi se, koji će se deo snimati aerofotogrametriki i kartirati u razmeri 1:5000 ili 10.000 a koji će se delovi snimati preciznom tahimetrijom. (Dakle, planovi u jednoj opštini mogu biti radeni u više razmara — počev od 1:1000 do 1:10.000 — kao što je slučaj na primer kod nas u nekim opštinama Vardarske i Moravske banovine). Tako grupisani delovi više opština smatraju se pri ovom snimanju kao celina pa se docnije kod restitucije odvajaju delovi — odnosno planovi po opštinama (razume se političkim).

2. *Omedavanje.* Približno godinu dana ranije izvrši se omedavanje privatnih imanja na način kako je to ranije opisano. Međutim, radi ovog snimanja geometar, koji vrši omedavanje, mora izvršiti još i sledeće:

a) Spremite skice omedavanja na uveličanim kopijama vojnih karata u razmeri 1:5000 ili 1:0000, upisujući za svaki medanik njegov redni broj a isto tako na terenu pored medanika napiše se broj crvenom bojom. Pored toga strelicama na stenju, drveću itd. pokaže se pravac međe.

b) Da jednovremeno sa omedavanjem odredi i obeleži u skici, koji se medanici moraju signalisati, smanjujući njihov broj do mogućeg minimuma tako, što će druge medanike obezbediti prostim odmeranjem od okolnih objekata, koji se mogu dobro uočiti na fotogrametriskim snimcima. Ili na pr.

što će se izvestan broj međanika u šumi ili na drugim mestima odrediti kao tačke busolnog vlaka, umetnutog između postojećih trigon. tačaka ili dva signalisana i dobro odredena međanika. Isto tako npr. može se odrediti položaj jednog međanika kao ekscentar od nekog uočljivog predmeta.

Na ovaj način odmeranjem medanika od okolnih predmeta, određivanjem kao ekscentra ili busolom svedeno je signalisanje na minimum i prosečno iznosi 5 do 10% od ukupnog broja medanika.

Samo signalisanje trigon. i određenih međnih tačaka vrši se uoči snimanja pomoću aluminijevih ploča $0,80 \times 0,80$ m. koje su s gornje strane belo obojene. (U Francuskoj mesto aluminijevih ploča postavljaju se kartoni a u Italiji se vrši prosto zakrečavanje tačaka na terenu).

3. Izrada plana za letenje. Snimanje se vrši fotografskom komorom Vilda 13×13 cm. žižine daljine = 16,5 cm. kad se restitucija vrši Vildovim autografovom — ili Cajsovim fotografim komorama sa filmom, čije su dimenzije 18×18 cm. i $f=21$ cm. kad se restitucija vrši Cajsovim stereoplanigrafom.

U prvom slučaju za jedan par snimaka vrši se jedno snimanje vertikalno a drugo konvergentno u pravcu leta pod uglom od 18° ; odnos baze prema visine leta je $\frac{B}{h} = \frac{1}{3}$. U drugom slučaju (Cajsove komore) optičke ose komora su pod uglom 27° , što znači da su pojedini snimci konvergentni pod uglom od $13^\circ,5$, a odnos baze prema visini leta je $\frac{B}{h} = \frac{1}{2,1}$.

Na osnovu ovih elemenata i drugih teorijskih i praktičnih zahteva izrađuje se plan leta, čiji se pravci ucrtavaju na kartamā 1:50000 ili 1:25000.

Snimanja se vrše od meseca juna do avgusta ali u šumskim predelima naročito za konfiguraciju terena — kad je šuma gola snima se u proleće (februara i aprila).

4. Pripremni radovi pre restitucije. U birou se prethodno ispituju snimci u pogledu njihovog preklapanja i mogućnosti restitucije tj. na uvećanim pozitivima obeleže se granice preklapanja i sveg detalja koji se može dobro uočiti. Sem toga se pored postojećih trigonometrijskih tačaka vrši izbor za potreban broj tačaka za orientaciju tako da čine zatvoren poligon na snimku ali da budu u vezi i da mogu služiti za orientaciju i susednih snimaka.

Potom se vrši na terenu identifikacija trigon., međnih i svih ostalih karakterističkih tačaka i detalja, upisujući jednovođeno i sve indikacije (kulture, ime sopstvenika itd.)

Kod definitivnog izbora tačaka, koje će zajedno sa postojećim trigonom. tačkama služiti za orijentaciju ploča u aparatu za restituciju uzimaju se dobro uočljivi objekti, koji se jasno vide na snimcima, i koji se na terenu određuju kao trigonometrijske tačke presecanjem sa najmanje tri okolne tačke. Opažanje se vrši u jednom girusu i koordinate se računaju iz dva najbolja pravca a treći (a eventualno i četvrti) služi samo kao kontrola. Za svaku se ovakvu tačku određuju i visine trigonometrijskim putem. Ovih tačaka dolazi 2—3 na 100 ha. i mogu se dobro odrediti ako je gustina postojeće normalne trigon. mreže 0,5 na 100 ha. Dakle ovaj način rada ne zahteva gustu trigonometrijsku mrežu već baš obratno aerofotogrametrija se može zadovoljiti retkom trigonometrijskom mrežom. Ali to ne znači da neće biti bolje ako postoji gušća trigonometrijska mreža.

Isto tako se vrši identifikacija za svaku međnu tačku. Tom prilikom se mere i svi potrebni elementi za sve one tačke koje se na snimku ne vide, bilo zato što nisu bile signalisane ili što se uopšte ne vide. Ovo određivanje vrši se busolnim instrumentom tako što se u blizini izaberu tri objekta (mala drveća, uglovi zidova itd.), čije se slike dobro vide na snimcima, pa se od njih pomoću magnetskog azimuta i otstojanja određuje položaj nevidljivih međnih tačaka. Ali se ove tačke smatraju kao poligone tačke busolnog vlaka između dva poznata medanika (kao što je ranije rečeno). Pored ovog treba identificirati i sav ostali detalj kao puteve, potoke itd. Zgrade čije su konture nejasne, treba takode merenjem dopuniti.

Posle svih ovih radova nanesu se sve trigonometrijske tačke i tačke za orijentaciju kao i ostale svojim koordinatama na list, koji je nalepljen na aluminijevu ploču.

5. *Restitucija i izrada planova.* Orijentacija klišea se vrši u aparatu za restituciju na osnovu određenih tačaka za orijentaciju, kojih ima 4 raspoređenih po uglovima klišea i u koliko je njihovo međusobno otstojanje veće u toliko će biti veće tačnosti kod određivanja elemenata za orijentaciju. Za orijentaciju klišea je od bitne važnosti da snimci budu vrlo jasni, ali i pored toga orijentacija zahteva dosta vremena i veliko iskustvo.

Pri restituciji međnih tačaka i ostalog detalja služe skice za identifikaciju, o kojima je gore bilo reči. U pogledu praznina na skicama one se popunjavaju naknadnim snimanjem geodetskim stolom, te je otuda format lista za restituciju jednak četvrtini normalno propisanog formata. Po tome se ovi planovi izvuku i oni pretstavljaju pregledne planove za dotičnu opštinu.

Što se tiče katastarskih planova (bez izohipsa) za njihovu izradu postupa se ovako:

Iz ovih malih originalnih preglednih planova izradi se fotografskim putem plavi otisak na normalni katastarski list 70×100 , koji je takođe nalepljen na aluminijevu ploču i koji će biti originalni katastarski plan. Na ovim se listovima izvlači pored meda još sa plavog otiska onaj detalj koji interesuje katastar (izohipse i visinski podaci se ne preuzimaju).

Time se završuje izrada planova, koji se onda podvrgavaju pregledu od strane zvaničnih organa.

Pri ovome se za razmjeru 1:10000 traži da razlika između merenja na planu i na terenu za jednu međnu tačku ne pređe 3 m. Ova se kontrola vrši tako, što se za međnu tačku odrede grafički koordinate na planu i za istu tačku koordinate na terenu dobijene trigonometrijskim putem na osnovu merenja.

Kod jedne od poslednjih kontrola dobijeni su sledeći rezultati u pogledu tačnosti:

Iz kontrole 725 tačaka dobijena je srednja greška za visine ± 0.54 m a iz kontrole 84 međnih tačaka dobijena je srednja greška za situaciju ± 0.81 m.

U ovom slučaju je visina leta bila 2400 m. ali, razume se, da bi rezultati bili tačniji da je visina leta manja.

U Švajcarskoj su vršeni pokušaji snimanja ovom metodom i za razmjeru 1:2000 samo za kulture, zgrade, puteve, reke itd. Jednom rečju za sav detalj sem meda. U opštini se postave poligoni vlači pored meda, koje se snime preciznom tachimetrijom i potom kartiraju; zatim se fotografiše teren (visina leta je avionom 1500—2000 m.) i katastarski se planovi dopune ovim putem svim ostalim detaljom a sem toga izrade se tako i pregledni situacioni planovi u razmeri 1:5000 ili 1:10000.

Drugim rečima, u ovom slučaju je primenjena izrazita kombinovana metoda, ali je ona racionalna samo onda, ako se radi o vrlo krupnim parcelama, koje se usled veće vrednosti zemljišta moraju kartirati u razmeri 1:2000. U protivnom mo-

rala bi mreža poligona da bude gušća a samim tim ne bi imalo smisla usput ne snimati i ostali detalj sem međa.

(Kod nas bi npr. takav slučaj bio u opština sreza valjevskog, užičkog itd. gde su imanja grupisana oko raštrkanih zgrada tj. gde već postoji tzv. „dvorni sistem” ili napr. kad bi se snimalo „Belje” itd. Razume se pod pretpostavkom kad bi se izrično tražilo da međe imanja budu snimljene sadanjom metodom, ali na precizniji način).

Pri ovoj probi je utvrđeno, da se pod gore opisanim uslovima, može biti potpuno zadovoljan postignutom tačnošću i da se troškovi premera znatno smanjuju.

Ovo bi bio u glavnom pregled njihovog praktičnog rada i postignuti rezultati kod ove metode.

U pogledu brzine rada stvar ne стоји tako sjajno za nas, jer kapacitet rada jednog aparata za restituciju i za godinu dana nije najpovoljniji za naše potrebe. Na primer jedan privatni biro sa 4 lice i jednim autografom može godišnje da vrši (sve one radnje što su napred opisane) preko 10000 ha. u razmeri 1:10000. Ako bi aparat radio u dve „šihte” ovaj bi se rezultat mogao povećati za 70—80%. Razume se, da se kapacitet smanjuje, ako se radi u razmeri 1:5000, odnosno moglo bi se računati godišnje u najboljem slučaju i sa radom u dve „šihte” oko 15000 ha. u razmeri 1:5000.

Cena koštanja za 1 ha. (podrazumevajući sve radnje napred citirane bez triangulacije i omeđavanja) iznosi oko 6—8 šv. franaka.

(Kraj).

Михаило Мил. Никовић
геометар.

УПОРЕЂИВАЊЕ ИВИЧНИХ КВАДРАТА КАДА СУ ОПШТИНЕ КАРТИРАНЕ У РАЗЛИЧИТИМ РАЗМЕРАМА

Према прописима граница између две katastarske општине мора бити упоређена, исто тако и њихови ивични квадрати. Ако су те две општине картиране у истој размери посао око упоређивања ивичних квадрата је једноставан, дочим када су картиране у различитим размерама, упоређивање је теже и узима више времена.