

мањи од 10, па се нађе коректура за сведеног броја, а затим добивена коректура сведенога броја помножи са 100;10000.... јер је коректура право пропорционална са квадратом одстојања D.

Ако се dakле, уз већ познати графички тангентни размерник узме и овај наш номограм, тада се цео рад срачунавања апсолутне висине тригонометричким методом може извести графички.

Још је вредно овде споменути и ово. Она помоћна прављај, у ствари је номограм функције  $y = x^2$  и  $x = \sqrt{y}$ , т. ј. номограм за квадрате и друге корене. Онај део означен са  $j$  и  $st$  значи јединице и стотине, а део означен са  $d$  и  $h$ , који је спуштен из вишег квадрата, значи десетице и хиљаде за ординате Y, ако се апсцисе X читају у јединицама за праву  $j$  и  $d$ , а у десетицама за праву  $st$  и  $h$ . У оваквом случају, када на истом графичком папиру има више различитих номограма, боље их је цртати у разним бојама.

Најзад, на показани начин може се конструисати и номограм само за коректуру кривине земље  $\frac{D^2}{2R}*$  као још и многи други номограми.

Ing. Јован Раслапчевић

### Фотограметријско снимање

(Свршетак)

### Стереофотограметрија

Стереофотограметрија оснива се на својству човечијег ока, да разликује даљине различитих објеката од ока. Ово својство зове се *стереоскопска видљивост*.

\*) Види мој рад у Војном Веснику, свеска за април 1932. где је овај номограм конструисан на посве други начин.

Зраци од врло далеког предмета  $O$  долазе у наше око по паралелним правцима и образују на мрежњачи слику  $a$ .

Слика близког предмета  $O_1$  биће у  $a_1$ , а од предмета  $O_2$  у  $a_2$ . Ови различити положаји слике у оку стварају код нас утисак, да нам је предмет  $O_2$  ближи од  $O_1$ .

Растојање  $b$  између два ока добијемо по формулама

$$\left. \begin{array}{l} a) \frac{b}{2} = D \operatorname{tg} \frac{\alpha}{2} \\ b) b = D \alpha'' \operatorname{Sin} 1'' \end{array} \right\} \dots \dots \dots \quad 17.)$$

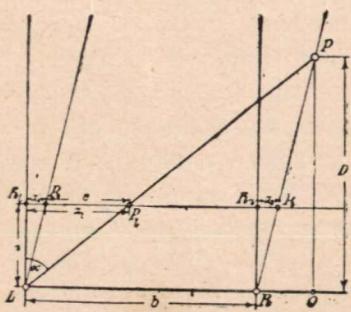
а из 17. б) је одстојање  $D$  предмета од ока

$$D = \frac{b}{\alpha'' \operatorname{Sin} 1''}$$

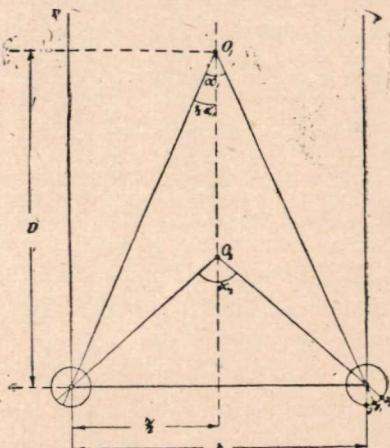
Из искуства знамо, да је  $\min (\alpha_2 - \alpha_1) = 30''$  то значи да се два предмета не могу представити у оку на различитим даљинама, ако је угао  $\alpha_2 - \alpha_1$  мањи од  $30''$ .

Човек може разликовати даљине објекта до 500 m; даље од ове границе може само помоћу дурбине. Преимућство стереофотограметрије јесте у томе, што је могуће помоћу малог базиса, много тачније одредити положај неке тачке него у фотографији и то на основу стереоскопске паралаксе.

Ако имамо две стереоскопске слике снимљене са тачака  $L$  и  $R$ ;  $r$  је даљина центра објектива од пројекционе равни;  $k_l$  и  $k_r$  су главне тачке фотографама. Узмимо да су тачке  $L$  и  $R$



Сл. 11  
 $a = X_l - X_r \dots \dots \dots \quad 18.)$



Сл. 10

већ конструисане на плану. Тачка  $P$  налази се на коначној даљини  $D$  од линије базиса и њене слике  $P_l$  и  $P_r$  на фотографској плочи имају различите апсцисе  $X_l$  и  $X_r$ .

Разлику апсциса на левој и десној фотографској плочи зовемо стереоскопском паралаксом тачке  $P$ :

У тачки  $L$  повуцимо паралелу са  $RP$ , па добијемо из сличности троуглова  $LRP$  и  $KP/r$ .  $P_1$  да је  $\frac{PQ}{b} = \frac{r}{a}$ ; како је  $PQ = D$  то имамо да је одстојање

$$D = \frac{b}{a} r \quad \dots \dots \dots \quad 19.)$$

Угао смера добијамо из слике 11. по формулама:

$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{X_1}{r} \quad \dots \dots \dots \quad 20.)$$

Дакле за одређивање положаја тачке  $P$  потребно је у главноме конструисати једну слику, друга слика потребна је само за одређивање стереоскопске паралаксе.

Ако две стереоскопске слике разгледамо помоћу стереоскопа то ћемо тачке са једнаким паралаксама видети на једнаким дубинама, (одстојањима). Изгледа као да су ове тачке међусобно растављене у вертикалној равни, паралелној базису. Дакле даљина произвољне тачке од базиса зависиће од величине њене паралаксе.

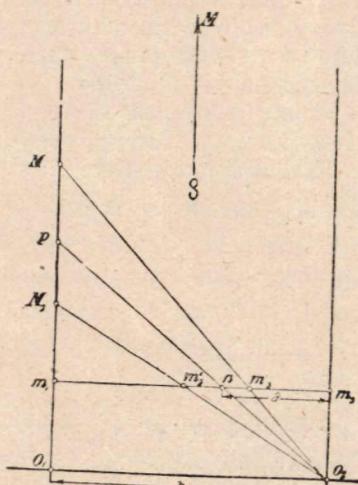
Прибори за одређивање паралаксе основани су на принципу *путујуће марке*. Овим прибором испитује се и индивидуално својство стереоскопске видљивости код човека. Сви људи немају исти степен стереоскопске видљивости, а неки је у опште немају, према томе не би могли вршити посао око израде планова.

Принцип путујуће марке је у следећем: У једном стереоскопу на пројекционој равни налазе се две покретне марке  $m_1$  и  $m_2$  на одстојању  $b$ .

По својству стереоскопске видљивости ми ћемо од две слике  $m_1$  и  $m_2$  видети једну слику  $M$  у бесконачности.

Нека слика марке  $m_1$  покрива неку тачку  $P$ . Ако покрећемо марку  $m_2$  у правцу  $m_1$  добићемо утисак, да се слика  $M$  креће из бесконачности према нашем оку и то у правцу зрака левог ока. Ова покретна слика  $M$  зове се *путујућа марка*.

Посматрач може тачно одредити време када се путујућа марка поклапа са тачком  $P$ . У



Сл. 12

овом случају марка  $m_2$  помера се за остојање  $m_2 - p = a$  т. ј. тачно за стереоскопску паралаксу. Оваквих апарати има више врста. Конструкцијом њиховом много су се бавили Zeiss и Dr. Pulfrich.

*Стереоској Zeiss*-ов дозвољава не само промену одстојања између оптичких центара окулара него и очитање овог одстојања као и величину промене. Сем тога могуће је мењањем одстојања оптичког центра од пројекционе равни довести слике на даљину јасног виђења.

Стереоскопска паралакса реципрочно је пропорционална одстојању дате тачке од базиса и директно пропорционална дужини базиса и величини одстојања  $r$ . Да би повећали паралаксу потребно је повећати базис или одстојање  $r$ . Како одстојање  $r$  није могуће много повећавати то онда повећавамо базис. Посматрање кроз стереоскоп слика снимљених са великих базиса, ствара утисак прекомерне пластичности рељефа, али ово ништа не смета раду.

Ако диференцирамо 19.) једначину за одстојање  $D = \frac{b}{a} r$  по  $D$  и  $a$  имаћемо да је

$$dD = \frac{rb}{a^2} da \text{ да то значи да грешка } D \text{ расте обрнуто}$$

пропорционално квадрату паралаксе  $a$  и смањује се са повећавањем базиса  $b$  и одстојања  $r$ .

*Стереокомпаратор Pulfricha* конструисан је на принципу путујуће марке, само је овде обични стереоскоп замењен са стереомикроскопом. Код овог апарати не помичу се марке, него стереослике, али ћемо добити утисак, да се путујућа марка креће у простору а рељеф да је непокретан.

*Стереоаутограф Zeiss Orell* је апарат помоћу ког се конструисање плана са изохипсама врши аутоматски.

### Аерофотограметрија.

Сви до сада описани принципи важе и у аерофотограметрији. Овај метод снимања одликује се врло великим брзином у снимању.

Са аероплана може се за кратко време снимити врло велики број слика и на тај начин обухватити велики простор. Снимање се врши по приближно одређеним правцима и у одређеним временским интервалима, а може бити ручно и аутоматско.

Претходно треба поставити густу триангулацију и тригонометријске тачке тако обележити, да би биле видљиве на фотографији. На сваком фотограму морају бити најмање три познате тачке.

При снимању са аероплана пројекциона раван фотографске камере увек ће затварати неки угао са вертикалном линијом у моменту снимања. Сем тога слике ће имати и различите размере због неједнаке висине лета аероплана.

За трансформацију аерофотограма на хоризонталну раван а за дату размjerу Rousil је конструисао тзв. *пројекциону ламбу*. Принцип трансформовања и пројектовања ових слика на хоризонталну раван, састоји се у поклапању идентичних тачака на плану тригонометријске мреже и на аерофотограму.

*Одређивање висине лета аероплана.* Да видимо сада како ћемо одредити потребну висину лета аероплана, кад нам је позната величина фотографске плоче, фокусно одстојање и дужина терена. Тако исто и обратно: одредити снимљену површину кад знамо висину лета аероплана.

Из главне диоптричке једначине излази да је :

$$L = \frac{lh}{f} \quad \dots \dots \dots \dots \dots \dots \dots \quad 20.)$$

Овде је  $L$  дужина снимљеног земљишта,  $l$  је дужина фотографске плоче,  $h$  је висина лета аероплана и  $f$  фокусно одстојање код фототеодолита.

*Примери :*

1.) Одредити висину лета аероплана кад је дужина снимљеног земљишта  $L = 500$ . m. Дужина плоче  $l = 0,15$  m и фокусно одстојање  $f = 0,20$  m.

Из 20. једн. имамо да је  $h = \frac{fL}{l}$  па је

$$h = \frac{0,2 \cdot 500}{0,15} = 666 \text{ m.}$$

2) Одредити снимљену површину терена, кад је висина лета аероплана  $h = 1000$ m. дужина плоче  $l = 0,15$  m (плоча је квадратна) и фокусно одстојање  $f = 0,20$  m. По 20. једначини је  $L = \frac{l h}{f} = \frac{0,15 \cdot 1000}{0,20} = 750$  m. Ово је дужина снимљеног терена, како ова формула важи и за ширину снимљеног терена (јер су исти елементи) то ће онда бити снимљена површина терена (дужина пута ширина).

$P = (750 \text{ m})^2 = 562\,500 \text{ m}^2 = 56,25 \text{ ha}$  код висине аероплана од 1000 m. и кад је фотографска плоча квадратна са страном од 15 cm а при фокусном одстојању фототеодолита  $f = 20 \text{ cm}$ .

---

Грешке у чланку фотограметријско снимање у прошлом броју гласника:

Стр. 121. једн. 13. a) код + треба ставити  $\pm$ . У 12. реду одозго уместо  $\triangle r = Q$  треба  $\triangle r = O$ .

Ред 16 одозго уместо  $\cos \alpha \frac{r}{\sqrt{X^2 + r^2}}$  треба  $\cos \alpha = \frac{r}{\sqrt{X^2 + r^2}}$  у истом реду у наставку иза речи: или квадрирано треба избацити  $\cos^2$ .

---

Инж. Драгомир Андоновић

### Плаћање техничких послова.

#### ПРАВИЛНИК

Год. 1918 био сам позван од српске тадањега српског Министра Финансија (пок. Стојана Протића), да израдим један експозе о камасији и т. д. Да би рад био поштун, морао сам се доћи током приликом и награда особља, што сам учинио у главном по угледу на претпирање иштања изложено у „Nivellement de haute précision“ од г. Charles Lallemand-a, одакле је и цитирани пример.

И ако овај начин није био савршен, он ипак колико-толико задовољава обе стране и не исцрпује радну снагу онако грозно, као н. пр. Taylor-изам.

Нама се чини да би наше колеге могле пробати примену овога начина, који им штоље прејоручујемо и стављамо се на расположење за даља употреба у примени.

Ево тога дела експозеа:

#### Награде техничког и осталог особља.

Приметиће се, да је код свију радова врло мали део намењен инспекцији и ревизији, дакле надзору над особљем