

ԵՐԵՎԱՆԻ ՊՐԵՄԻՈՒՄ

Nikol Radović, Seget Donji/Sisak

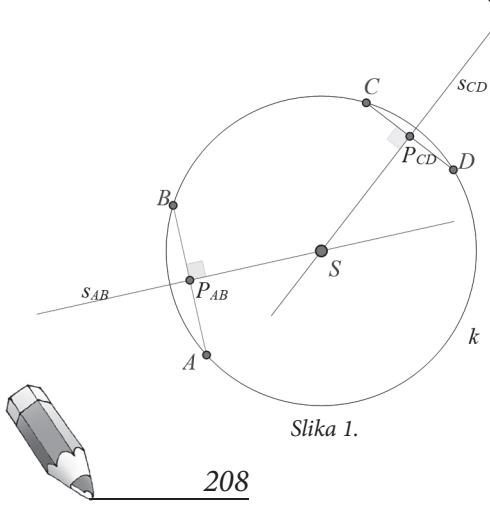
## KONSTRUKCIJA SREDIŠTA KRUŽNICE MM-KONSTRUKCIJE I SKETCHPAD

**Zadatak.** Kružnici  $k$  konstruirajmo središte samo šestarom.

**SLUČAJ 1.** Riješimo prvo zadatak uporabom ravnala/trokuta i šestara ili *Sketchpada* kao alata za crtanje.

- Neka je zadana kružnica  $k$ .
- Na kružnici  $k$  nacrtajmo proizvoljne točke, označimo ih primjerice kao točke  $A, B, C$  i  $D$  (označimo kružnicu pa u izborniku Konstrukcije odaberemo naredbu Točka na kružnici onoliko puta koliko točaka želimo konstruirati na kružnici ili u alatu označimo Alat za točku  $\bullet$  i kliknemo pokazivačem na kružnicu  $k$ . Prva je točka konstruirana pa nastavljamo konstrukciju...).
- Dvije i dvije točke definiraju dužine, primjerice  $\overline{AB}$  i  $\overline{CD}$  (označimo točke i u izborniku Konstrukcije odaberemo naredbu Dužina ili označimo točke i istovremeno kombinacijom tipki  $Ctr$  i  $L$  tipkovnice).
- Dužini  $\overline{AB}$  konstruiramo simetralu  $s_{AB}$  (označimo dužinu pa u izborniku Konstrukcije odaberemo naredbu Polovište, označimo konstruirano polovište  $P_{AB}$  i dužinu  $\overline{AB}$  te u izborniku Konstrukcije odaberemo naredbu Okomicu). Konstrukciju ponovimo i za dužinu  $\overline{CD}$  i konstrukciju simetrale  $s_{CD}$ .

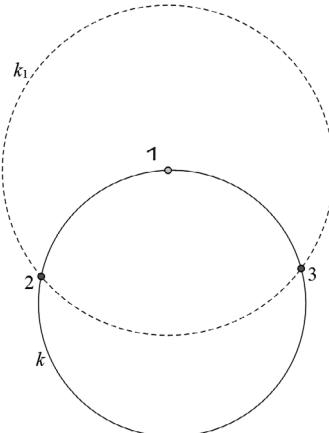
- Konstruirane simetrale sijeku se u središtu kružnice, u točki  $S$  (označimo simetrale pa u izborniku Konstrukcije odaberemo naredbu Presjek), Slika 1.



**SLUČAJ 2.** Riješimo isti zadatak MM-konstrukcijama, tj. samo šestarom, uz pravila o kojima je bilo riječi u prošlim brojevima Matke.

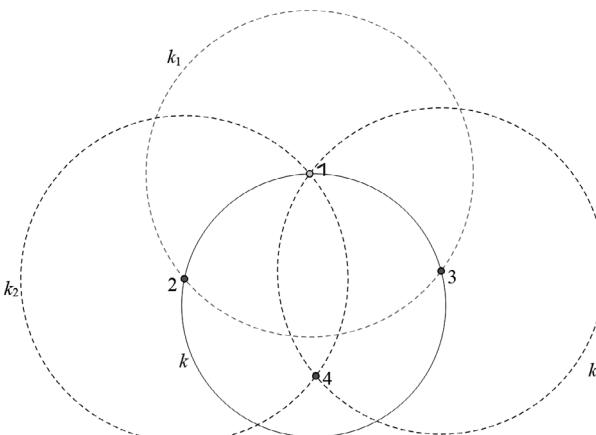
- Neka je zadana kružnica  $k$ .
- Na kružnici  $k$  nacrtajmo proizvoljnu točku; neka je to točka 1 (označimo kružnicu pa u izborniku Konstrukcije odaberemo naredbu Točka na kružnici ili Alat za točku, kao u Slučaju 1.).

- Neka je točka 1 središte kružnice  $k_1$  proizvoljnog polumjera, tako da kružnicu  $k$  siječe u dvije točke 2 i 3 (označimo kružnice  $k$  i  $k_1$  pa u izborniku Konstrukcije odaberemo naredbu Presjek), Slika 2.



Slika 2.

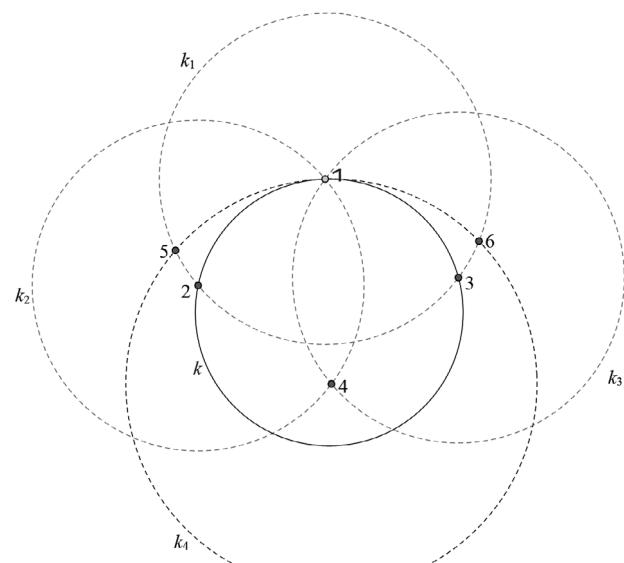
- Konstruirajmo kružnice  $k_2(2, |12|)$  i  $k_3(3, |13|)$  – označimo točke 2 i 1 (trebamo paziti na poredak, zašto?) pa u izborniku Konstrukcije odaberemo naredbu Kružnica – središte + točka. Isti postupak ponovimo za točke 3 i 1.
- Kružnice  $k_2(2, |12|)$  i  $k_3(3, |13|)$  sijeku se u točkama 1 i 4 – označimo kružnice, u izborniku Konstrukcije odaberemo naredbu Presjek, Slika 3.



Slika 3.

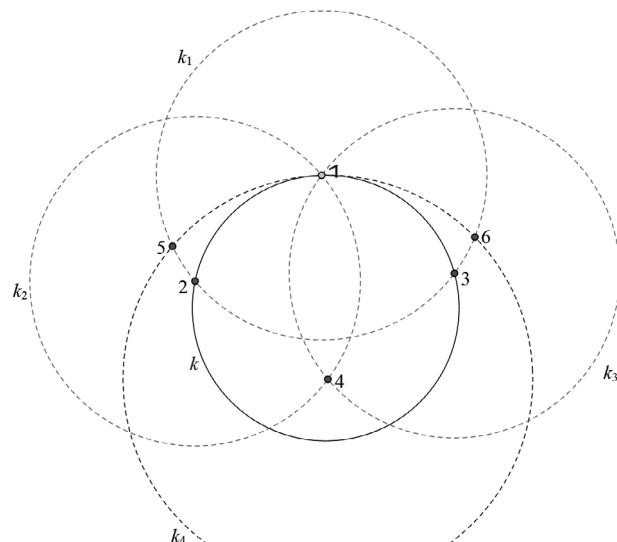
- Nacrtajmo/konstruirajmo kružnicu  $k_4(4, |14|)$  – ponavljamo prije opisane korake konstrukcije kružnice.
- Kružnice  $k_1$  i  $k_4(4, |14|)$  sijeku u točkama 5 i 6 – označimo kružnice pa u izborniku Konstrukcije odaberemo naredbu Presjek, Slika 4.





Slika 4.

- Nacrtajmo/konstruirajmo kružnice  $k_5(5, |15|)$  i  $k_6(6, |15|)$  – ponavljamo prije opisane korake konstrukcije.
- Kružnice  $k_5(5, |15|)$  i  $k_6(6, |15|)$  sijeku u točkama 1 i S. Točka S središte je kružnice k.



Slika 5.



Konstrukcijom lukova i dodavanjem boje iz konstrukcije središta kružnice sa Slike 5. možemo nacrtati/konstruirati „japansku bubu” i njezinog brata, Slika 6.



Slika 6.

### Literatura:

- Cheney, F. (1953.): Can we Out Mascheroni?, The Mathematics Teacher, Vol- 47, No. 3, 152 – 156.
- Garden, M. (1992.): Mathematical Circus, The Mathematical Association of America, Washington DC.
- Hlavaty, J. H. (1957.): *Macheroni constructions*, The Mathematic Teacher, Vol. 50, No- 7., 482 – 487.
- Palman, D. (1996.): *Geometrijske konstrukcija*, Element, Zagreb.
- Palman, D. (1996.): *Trokut i kružnica*, Element, Zagreb.
- Reynolds, B. E.; Fenton, W. E. (2005.): *College Geometry Using The Geometer's Sketchpad*, Key College Publishing, Emeryville.

